

---

ФЕДЕРАЛЬНОЕ АГЕНТСТВО  
ПО ТЕХНИЧЕСКОМУ РЕГУЛИРОВАНИЮ И МЕТРОЛОГИИ

---



НАЦИОНАЛЬНЫЙ  
СТАНДАРТ  
РОССИЙСКОЙ  
ФЕДЕРАЦИИ

ГОСТ Р  
ИСО 17123-2—  
2011

---

Государственная система обеспечения  
единства измерений

**ОПТИКА И ОПТИЧЕСКИЕ ПРИБОРЫ**

Методики полевых испытаний  
геодезических и топографических приборов

Часть 2  
Нивелиры

(ISO 17123-2:2001, Optics and optical instruments — Field procedures for testing  
geodetic and surveying instruments — Part 2. Levels, IDT)

Издание официальное



Москва  
Стандартинформ  
2019

## Предисловие

1 ПОДГОТОВЛЕН Федеральным государственным унитарным предприятием «Всероссийский научно-исследовательский институт физико-технических и радиотехнических измерений (ФГУП «ВНИИФТРИ») на основе собственного перевода на русский язык англоязычной версии стандарта, указанного в пункте 4

2 ВНЕСЕН Управлением метрологии Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

3 УТВЕРЖДЕН И ВВЕДЕН В ДЕЙСТВИЕ приказом Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии от 22 августа 2011 г. № 235-ст

4 Настоящий стандарт идентичен международному стандарту ИСО 17123-2:2001 «Оптика и оптические приборы. Методики полевых испытаний геодезических и топографических приборов. Часть 2. Нивелиры» (ISO 17123-2:2001 «Optics and optical instruments — Field procedures for testing geodetic and surveying instruments — Part 2: Levels», IDT).

Наименование настоящего стандарта изменено относительно наименования указанного международного стандарта для приведения в соответствие с ГОСТ Р 1.5—2012 (пункт 3.5).

При применении настоящего стандарта рекомендуется использовать вместо ссылочных международных стандартов соответствующие им национальные стандарты, сведения о которых приведены в дополнительном приложении ДА

5 ВВЕДЕН ВПЕРВЫЕ

6 ПЕРЕИЗДАНИЕ. Март 2019 г.

*Правила применения настоящего стандарта установлены в статье 26 Федерального закона от 29 июня 2015 г. № 162-ФЗ «О стандартизации в Российской Федерации». Информация об изменениях к настоящему стандарту публикуется в ежегодном (по состоянию на 1 января текущего года) информационном указателе «Национальные стандарты», а официальный текст изменений и поправок — в ежемесячном информационном указателе «Национальные стандарты». В случае пересмотра (замены) или отмены настоящего стандарта соответствующее уведомление будет опубликовано в ближайшем выпуске ежемесячного информационного указателя «Национальные стандарты». Соответствующая информация, уведомление и тексты размещаются также в информационной системе общего пользования — на официальном сайте Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии в сети Интернет ([www.gost.ru](http://www.gost.ru))*

© Стандартиформ, оформление, 2013, 2019

Настоящий стандарт не может быть полностью или частично воспроизведен, тиражирован и распространен в качестве официального издания без разрешения Федерального агентства по техническому регулированию и метрологии

## Содержание

1 Область применения .....	1
2 Нормативные ссылки.....	1
3 Термины и определения.....	2
4 Общие положения .....	2
4.1 Требования.....	2
4.2 Методика 1. Упрощенная методика испытаний.....	2
4.3 Методика 2. Полная методика испытаний .....	2
5 Упрощенная методика испытаний .....	3
5.1 Конфигурация испытательного хода .....	3
5.2 Измерения.....	3
5.3 Расчет .....	4
6 Полная методика испытаний .....	5
6.1 Конфигурация испытательного хода .....	5
6.2 Измерения.....	5
6.3 Расчет .....	6
6.4 Статистические испытания .....	7
Приложение А (справочное) Пример упрощенной методики испытаний .....	9
Приложение В (справочное) Пример полной методики испытаний.....	11
Приложение ДА (справочное) Сведения о соответствии ссылочных международных стандартов национальным стандартам .....	13

## Предисловие к международному стандарту ИСО 17123

ИСО (Международная организация по стандартизации) представляет собой Всемирную федерацию, состоящую из национальных органов по стандартизации (комитеты — члены ИСО). Работа по разработке международных стандартов обычно ведется техническими комитетами ИСО. Каждый комитет-член, заинтересованный в теме, для решения которой образован данный технический комитет, имеет право быть представленным в этом комитете. Международные организации, правительственные и неправительственные, поддерживающие связь с ИСО, также принимают участие в работе. ИСО тесно сотрудничает с Международной электротехнической комиссией (МЭК) по всем вопросам стандартизации в области электротехники.

Проекты международных стандартов разрабатываются в соответствии с правилами, установленными Директивами ИСО/МЭК, часть 3.

Проекты международных стандартов, принятые техническими комитетами, направляются комитетам-членам на голосование. Для их опубликования в качестве международных стандартов требуется одобрение не менее 75 % комитетов-членов, участвовавших в голосовании.

Отдельные элементы настоящего стандарта могут составлять предмет патентных прав. ИСО не должна нести ответственность за идентификацию этих патентных прав.

ИСО 17123-2 разработан Техническим комитетом ИСО/ТК 172 «Оптика и оптические приборы», подкомитетом ПК 6 «Геодезические и топографические приборы».

Первое издание стандарта ИСО 17123-2 отменяет и заменяет ИСО 8322-3:1989 и ИСО 12857-1:1997, которые прошли технический пересмотр.

ИСО 17123 под общим наименованием «Оптика и оптические приборы. Методики полевых испытаний геодезических и топографических приборов» включает в себя следующие части:

- часть 1. Теория;
- часть 2. Нивелиры;
- часть 3. Теодолиты;
- часть 4. Электрооптические дальнометры (приборы EDM);
- часть 5. Электронные тахеометры;
- часть 6. Вращающиеся лазеры;
- часть 7. Оптические приборы для установки по отвесу;
- часть 8. Полевые испытания GNSS-аппаратуры в режиме «Кинематика в реальном времени» (RTK).

Приложения А и В приведены только для информации.

## Введение к международному стандарту ИСО 17123

ИСО 17123 устанавливает полевые методики для определения и оценки прецизионности геодезических приборов и вспомогательного оборудования, используемых для измерения в строительстве и геодезии. Эти испытания, в первую очередь, предназначены для полевых проверок на пригодность конкретного прибора для выполнения близких неотложных задач и на соответствие требованиям других стандартов. Данные задачи не предлагаются как испытания для приемки или выполнения оценок, более комплексных по характеру.

ИСО 17123 можно рассматривать как один из первых этапов в процессе оценки неопределенности измерения (а именно — измеряемой величины). Неопределенность результата измерения зависит от ряда факторов. Эти факторы включают, помимо прочих, повторяемость (сходимость), воспроизводимость (повторяемость в разные дни) и тщательную оценку всех возможных источников погрешности в соответствии с руководством ИСО по выражению неопределенности в измерении (GUM).

Данные полевые методики разработаны специально для применения *in situ* без потребности в специальном вспомогательном оборудовании и с целью сведения к минимуму воздействий атмосферы.

## Предисловие к настоящему стандарту

Целью разработки Государственных стандартов Российской Федерации ГОСТ Р ИСО 17123-1 — ГОСТ Р ИСО 17123-8 (далее — ГОСТ Р ИСО 17123) является прямое применение в Российской Федерации восьми частей ИСО 17123-1:2002 — ИСО 17123-8:2007 под общим наименованием «Оптика и оптические приборы. Методики полевых испытаний геодезических и топографических приборов» в практической деятельности по метрологии в области геодезических измерений: при разработке и применении методик выполнения измерений, испытаниях (в том числе при испытаниях для целей утверждения типа средства измерений), поверке и калибровке геодезических приборов.

Большинство действующих в Российской Федерации стандартов и методик, регламентирующих методы испытаний геодезической аппаратуры, разработаны в 90-е годы прошлого века применительно к аппаратуре отечественного производства, разработанной ранее. Эти методы не охватывают все современные виды измерений в геодезии и не всегда соответствуют метрологическим и техническим характеристикам современной аппаратуры. К тому же некоторые методы испытаний неприменимы к импортным средствам измерений (далее — СИ), составляющим в настоящее время 90 % — 95 % используемой в Российской Федерации геодезической аппаратуры. Данные обстоятельства приводят к необходимости разработки методов испытаний, соответствующих современному уровню.

Применение серии стандартов ГОСТ Р ИСО 17123 в геодезической и топографической практике позволит выполнять оценку метрологических характеристик всех современных видов СИ в полевых условиях, аналогичных условиям эксплуатации. Такой подход дает более достоверные значения метрологических характеристик, поскольку лабораторные испытания, как правило, дают более высокие значения прецизионности, чем те, которые можно получить в реальных условиях эксплуатации. Для импортных СИ применение этих стандартов дает возможность оценить метрологические характеристики по тем методикам, которые используются фирмами-изготовителями в процессе заводских испытаний и тестирования.

Оценки метрологических характеристик соответствуют ГОСТ Р ИСО 5725-1—2002. «Точность (правильность и прецизионность) методов и результатов измерений. Часть 1. Основные положения и определения».

## 1 Область применения

Настоящий стандарт устанавливает методики полевых испытаний, которые необходимо принять при определении и оценке прецизионности нивелиров (нивелиров с воздушным пузырьком, нивелиров с компенсатором и цифровых нивелиров) и вспомогательного оборудования, используемых в строительстве и геодезии. Эти испытания, в первую очередь, предназначены для полевых проверок на пригодность конкретного нивелира для решения текущей задачи и на соответствие требованиям других стандартов.

Настоящий стандарт не распространяется на комплексные по характеру испытания для приемки или выполнения оценок рабочих показателей.

## 2 Нормативные ссылки

Нижеследующие ссылочные документы являются обязательными для применения настоящего стандарта. Для датированных ссылок действительно только указанное издание. Для недатированных — последнее издание (включая любые изменения).

ISO 3534-1:2006 Statistics — Vocabulary and symbols — Part 1: Probability and general statistical terms (Статистика. Словарь и условные обозначения. Часть 1. Термины, используемые в теории вероятности, и общие статистические термины)

ISO 4463-1:1989 Measurement methods for building; setting-out and measurement — Part 1: Planning and organization, measuring procedures, acceptance criteria (Методы измерения в строительстве. Монтаж и измерение. Часть 1. Планирование и организация, методики измерений, критерии приемки)

ISO 7077:1981 Measuring methods for building — General principles and procedures for the verification of dimensional compliance (Методы измерения в строительстве. Общие принципы и методы контроля соответствия размеров)

ISO 7078:1985 Building construction — Procedures for setting out, measurement and surveying — Vocabulary and guidance notes Bilingual edition (Строительство зданий. Процедуры для разбивки, измерения и топографической съемки. Словарь и примечания)

ISO 9849:2000<sup>1)</sup> Optics and optical instruments — Geodetic and surveying instruments — Vocabulary (Оптика и оптические приборы. Геодезические приборы и топографические приборы. Словарь)

ISO 17123-1:2002<sup>2)</sup> Optics and optical instruments — Field procedures for testing geodetic and surveying instruments — Part 1: Theory (Оптика и оптические приборы. Методики полевых испытаний геодезических приборов и топографических приборов. Часть 1. Теория)

GUM Guide to the expression of uncertainty in measurement [Руководство по выражению погрешности (неопределенности) в измерении]

VIM International vocabulary of metrology — Basic and general concepts and associated terms (Международный словарь по метрологии. Основные и общие понятия и соответствующие термины)

<sup>1)</sup> Заменен на ISO 9849:2017.

<sup>2)</sup> Заменен на ISO 17123-1:2014.

### 3 Термины и определения

В настоящем стандарте применены термины по ИСО 3534-1, ИСО 4463-1, ИСО 7077, ИСО 7078, ИСО 9849, ИСО 17123-1, GUM и VIM.

### 4 Общие положения

#### 4.1 Требования

Перед испытаниями оператор должен убедиться в том, что прецизионность измерительного оборудования соответствует поставленной измерительной задаче.

Нивелир и его вспомогательное оборудование должны быть настроены в соответствии с инструкциями изготовителя и использованы с треногами и нивелирными рейками в соответствии с рекомендациями изготовителя.

На результаты измерений влияют метеорологические условия, особенно градиент температуры. Пасмурное небо и низкая скорость ветра гарантируют наиболее благоприятные погодные условия. Фактические метеорологические данные измеряют для ввода поправок на атмосферные воздействия и в измеренные расстояния. Конкретные условия, принимаемые во внимание, могут изменяться в зависимости от того, где выполняют измерения. Эти условия должны учитывать изменения температуры, скорости ветра, облачность и видимость. Отмечают также фактические погодные условия на момент измерения и тип поверхности, над которой эти измерения выполняют. Условия, выбранные для испытания, должны совпадать с ожидаемыми условиями, в которых будут в действительности выполнены измерения (см. ИСО 7077 и ИСО 7078).

При испытаниях, проводимых в лаборатории, получают результаты, в которых практически исключены атмосферные воздействия, но стоимость таких испытаний очень высока. В этой связи их не практикует большинство пользователей. При испытаниях, проводимых в лаборатории, значения прецизионности значительно превышают те, которые получают в полевых условиях.

В настоящем стандарте (разделы 5 и 6) приведены две методики испытаний в полевых условиях. Оператор должен выбрать методику, которая наиболее соответствует конкретным требованиям проекта.

#### 4.2 Методика 1. Упрощенная методика испытаний

Упрощенная методика измерений позволяет оценить, насколько прецизионность нивелировочно-оборудования находится в пределах заданного допустимого отклонения согласно ИСО 4463-1.

Упрощенная методика обычно предназначена для проверки прецизионности оптического нивелира, который используют для нивелирования поверхностей, для работ, при которых измеряют расстояния на неровных поверхностях, например на стройплощадках.

Упрощенная методика основана на ограниченном числе измерений. Поэтому невозможно получить статистически значимое среднеквадратическое отклонение. Если требуется более точная оценка нивелира в полевых условиях, рекомендуется выполнять более строгую полную методику испытаний в соответствии с разделом 6.

Упрощенная методика основана на определении разности высот между двумя точками, отстоящими примерно на 60 м друг от друга, и принятии этой разности за истинное значение. Разность между разностью измеренных высот при неравных расстояниях визирования и значением, принятым за истинное, между теми же самыми точками измерения, полученная при равных расстояниях визирования, указывает, удовлетворяет ли данный нивелир заданному допустимому отклонению (согласно ИСО 4463-1) для рассматриваемой измерительной задачи.

#### 4.3 Методика 2. Полная методика испытаний

Полную методику испытаний принимают для определения наилучшего достижимого критерия прецизионности конкретного нивелира и его вспомогательного оборудования в полевых условиях. Эта методика требует использования равных расстояний визирования (максимальный разброс 10 %). Полная методика, как правило, предназначена для полевых испытаний нивелиров, которые будут использоваться для более прецизионного нивелирования, линейных приложений и других основных типов съемки, например в гражданском строительстве.

Рекомендуемое расстояние визирования — 30 м. Расстояния визирования свыше 30 м применяют, если это требуется проектной спецификацией, или для определения диапазона критерия прецизионности нивелира при соответствующих расстояниях.



Полная методика испытаний основана только на равных расстояниях визирования. Смещение коллимационной оси нивелира с помощью полной методики обнаружить невозможно. Но такая коллимационная ошибка не влияет ни на экспериментальное среднее квадратическое отклонение, ни на расхождение в смещениях нуля нивелирных реек при использовании равных расстояний визирования. Для определения коллимационной ошибки необходимо проверить нивелир в соответствии с инструкциями изготовителя до начала нивелирования.

Полная методика испытаний, приведенная в разделе 6, предназначена для определения прецизионности при эксплуатации конкретного нивелира. Такой критерий прецизионности при эксплуатации выражают в пересчете на экспериментальное (определенное в ходе эксперимента) среднее квадратическое отклонение при измерениях превышений нивелиром на 1 км двойного хода:

$$S_{ISO-LEV}$$

Полную методику испытаний используют для определения критерия прецизионности при эксплуатации:

- нивелиров одной изыскательской партией с одним нивелиром с его вспомогательным оборудованием в данное время;
- отдельного нивелира в течение длительного времени;
- нескольких нивелиров для сравнения прецизионностей, достижимых для каждого из них в одинаковых полевых условиях.

Необходимо применить статистические испытания, для того чтобы определить, принадлежит ли полученное экспериментальное среднее квадратическое отклонение  $s$  к генеральной совокупности теоретического среднее квадратического отклонения нивелира  $\sigma$ , принадлежат ли два испытанных образца к одной и той же генеральной совокупности и равна ли нулю разность  $\delta$  нуль-точек нивелирных линеек (см. 6.4).

## 5 Упрощенная методика испытаний

### 5.1 Конфигурация испытательного хода

Для сохранения влияния преломления по возможности малым необходимо выбрать достаточно горизонтальную площадь для испытания. Две нивелирные точки  $A$  и  $B$  устанавливают примерно на расстоянии  $\Delta = 60$  м друг от друга (или охватывая диапазон, применяемый в проекте). Для обеспечения надежных результатов в ходе испытаний нивелирные рейки устанавливают в устойчивое положение и надежно закрепляют.

### 5.2 Измерения

Перед проведением измерений нивелир выдерживают в условиях окружающей среды. На это требуется около 2 мин на каждый градус Цельсия разности температур нивелира и окружающей среды. Перед проведением испытаний (измерений) проверяют коллимационную ошибку.

Необходимо снять две серии отсчетов. Для первой серии нивелир устанавливают примерно на равном расстоянии между двумя точками нивелирования  $A$  и  $B$  ( $\Delta/2 = 30$  м). Такая конфигурация сводит к минимуму влияние преломления и смещение коллимационной оси (см. рисунок 1). Выполняют серию № 1 из 10 измерений, каждое из которых включает один отсчет  $x_{A,j}$  по рейке, установленной в точке  $A$ , при визировании назад и один отсчет  $x_{B,j}$  по рейке, установленной в точке  $B$ , при визировании вперед, ( $j = 1, \dots, 10$ ). Между каждой парой показаний нивелир поднимают и переносят в немного отличающееся положение. После пяти измерений ( $x_{A,1}, x_{B,1}, \dots, x_{A,5}, x_{B,5}$ ) считывание вперед и назад для последующих пяти измерений ( $x_{A,6}, x_{B,6} \dots x_{A,10}, x_{B,10}$ ) меняют местами.

Для выполнения измерений серии № 2 нивелир устанавливают примерно на расстоянии  $\Delta/6 = 10$  м от точки  $A$  и  $5\Delta/6 = 50$  м от точки  $B$  (см. рисунок 2). Следующие 10 измерений ( $x_{A,11}, x_{B,11}, \dots, x_{A,15}, x_{B,15}, x_{B,16}, x_{A,16}, \dots, x_{B,20}, x_{A,20}$ ) выполняют аналогично серии № 1 из 10 измерений ( $j = 11, \dots, 20$ ).

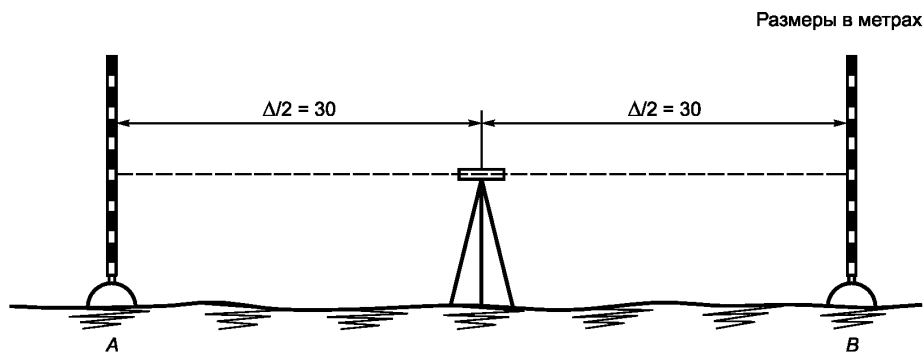


Рисунок 1 — Первая конфигурация хода для упрощенной методики испытания

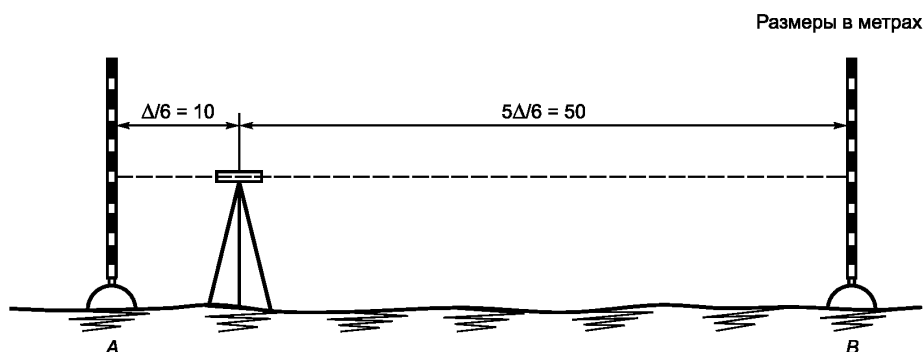


Рисунок 2 — Вторая конфигурация хода для упрощенной методики испытания

### 5.3 Расчет

$$d_j = x_{A,j} - x_{B,j}, \quad j = 1, \dots, 20, \quad (1)$$

где  $d_j$  — разность между считыванием в обратном направлении  $x_{A,j}$  и считыванием в прямом направлении  $x_{B,j}$

$$\bar{d}_1 = \frac{\sum_{j=1}^{10} d_j}{10}, \quad (2)$$

где  $\bar{d}_1$  — среднеарифметическое разности высот  $d_j$  измерений серии № 1.

Считают, что значение  $\bar{d}_1$  представляет истинную разность высот между нивелирными точками A и B.

$$r_j = \bar{d}_1 - d_j, \quad j = 1, \dots, 10, \quad (3)$$

где  $r_j$  — разность между соответствующей измеренной разностью высот  $d$  первой серии измерений между двумя нивелирными точками A и B.

В качестве арифметической проверки сумма разностей измерений серии № 1 должна быть равна нулю (за исключением погрешностей округления):

$$\sum_{j=1}^{10} r_j = 0, \quad (4)$$

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{10} r_j^2}{v}}, \quad (5)$$

где  $\sum_{j=1}^{10} r_j^2$  — сумма квадратов разностей  $r_j$  серии № 1;

$v = 10 - 1 = 9$  — соответствующее число степеней свободы;

$s$  — экспериментальное среднее квадратическое отклонение разности высот  $d_j$ , выведенное из измерений серии № 1.

$$\bar{d}_2 = \frac{\sum_{j=11}^{20} d_j}{10}, \quad (6)$$

где  $\bar{d}_2$  — среднее арифметическое разности высот  $d_j$ , выведенное из измерений серии № 2.

Разность  $\bar{d}_1 - \bar{d}_2$  должна быть в пределах заданного допустимого отклонения  $\pm p$  (в соответствии с ИСО 4463-1) для имеющейся задачи измерения. Если  $p$  не дано, разность должна быть

$$|\bar{d}_1 - \bar{d}_2| < 2,5s,$$

где  $s$  — экспериментальное среднее квадратическое отклонение, рассчитанное согласно уравнению (5).

Если разность  $|\bar{d}_1 - \bar{d}_2|$  слишком велика, это указывает на избыточную погрешность (неопределенность) измерения по длинному расстоянию (50 м), полученную в результате погрешности считывания, преломления и смещения коллимационной оси. В этом случае:

- проверяют коллимационную ошибку согласно справочнику пользователя;
- сокращают максимальное расстояние.

## 6 Полная методика испытаний

### 6.1 Конфигурация испытательного хода

Для того чтобы сохранить влияние преломления по возможности минимальным, выбирают достаточно горизонтальную площадь для испытания. Участок земли должен быть компактным, поверхность должна быть ровной, следует избегать дорог, покрытых асфальтом или бетоном. Если имеется прямой солнечный свет, нивелир необходимо держать в тени, например под зонтом.

Две точки нивелирования  $A$  и  $B$  устанавливают примерно на расстоянии  $\Delta = 60$  м друг от друга. Для обеспечения надежных результатов в ходе испытаний нивелирные рейки устанавливают в устойчивое положение и надежно закрепляют.

Нивелир устанавливают примерно на равном расстоянии между двумя нивелирными точками,  $A$  и  $B$  [ $\Delta/2 = (30 \text{ м} \pm 3)$  м], чтобы свести к минимуму влияние преломления и смещение коллимационной оси (см. рисунок 3).

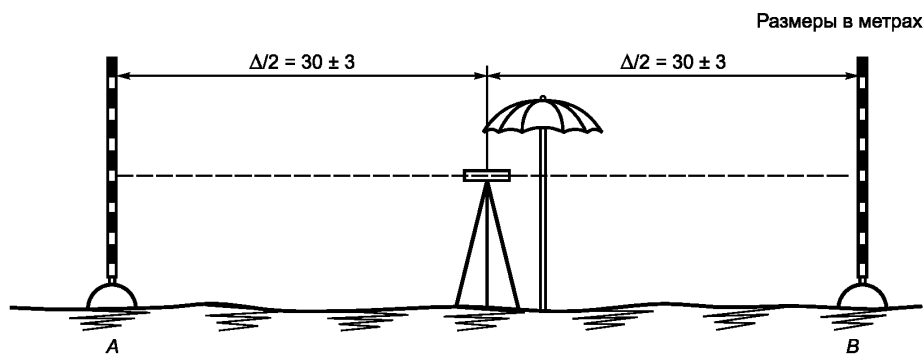


Рисунок 3 — Конфигурация хода для полной методики испытания

### 6.2 Измерения

Перед проведением измерений нивелир выдерживают в условиях окружающей среды. На это требуется около 2 мин на каждый градус Цельсия разности температур нивелира и окружающей среды. Перед проведением измерений проверяют коллимационную ошибку.

Выполняют две серии измерений. Серия № 1 измерений состоит из 20 пар отсчетов, причем каждое измерение включает один отсчет при визировании назад  $x_{A,j}$  по рейке, установленной в точке А, и один при визировании вперед  $x_{B,j}$  по рейке, установленной в нивелирной точке В ( $j = 1, \dots, 20$ ). Выполняют серию № 1 из 10 измерений. Между каждой парой отсчетов нивелир поднимают и переносят в немного отличающееся положение. После 10 измерений ( $x_{A,1}, x_{B,1}, \dots, x_{A,10}, x_{B,10}$ ), меняют местами считывание вперед и назад для последующих десяти измерений ( $x_{B,11}, x_{A,11}, \dots, x_{B,20}, x_{A,20}$ ).

Затем две нивелирные рейки в точках А и В меняют местами и выполняют измерения для серии № 2 еще 20 показаний ( $x_{A,21}, x_{B,21}, \dots, x_{A,30}, x_{B,30}, x_{A,31}, x_{B,31}, \dots, x_{A,40}, x_{B,40}$ ) аналогично серии № 1 из 20 измерений.

### 6.3 Расчет

$$d_j = x_{A,j} - x_{B,j}, \quad j = 1, \dots, 40, \quad (7)$$

где  $d_j$  — разность между показанием при визировании назад  $x_{A,j}$  и показанием при визировании вперед  $x_{B,j}$

$$\bar{d}_1 = \frac{\sum_{j=1}^{20} d_j}{20}, \quad (8)$$

где  $\bar{d}_1$  — среднеарифметическое разности высот  $d_j$  измерений серии № 1.

$$\bar{d}_2 = \frac{\sum_{j=1}^{20} d_j}{20}, \quad (9)$$

где  $\bar{d}_2$  — среднеарифметическое разности высот  $d_j$  выведенное из измерений серии № 2.

Разность

$$\delta = \bar{d}_1 - \bar{d}_2 \quad (10)$$

не влияет на экспериментальное среднеквадратическое отклонение, но является показателем разности смещения нуль-точек двух нивелирных реек. Для адекватной интерпретации см. 6.4.4.

Разности рассчитывают следующим образом:

$$r_j = \bar{d}_1 - d_j, \quad j = 1, \dots, 20, \quad (11)$$

$$r_j = \bar{d}_2 - d_j, \quad j = 21, \dots, 40, \quad (12)$$

где  $r_j$  — разность между соответствующей измеренной разностью высот  $d_j$  между двумя нивелирными точками А и В.

В качестве арифметической проверки суммы разностей серии № 1 и серии № 2 должны быть равны нулю (за исключением погрешностей округления):

$$\sum_{j=1}^{20} r_j = 0; \quad (13)$$

$$\sum_{j=21}^{40} r_j = 0; \quad (14)$$

$$\sum_{j=1}^{40} r_j^2 = \sum_{j=1}^{20} r_j^2 + \sum_{j=21}^{40} r_j^2, \quad n, \quad (15)$$

где  $\sum_{j=1}^{40} r_j^2$  — сумма квадратов всех разностей  $r_j$ .

$$v = 2(20 - 1) = 38, \quad (16)$$

где  $v$  — число степеней свободы.

Экспериментальное среднее квадратическое отклонение  $s$  действительно для разности высот на расстоянии 60 м:

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{40} r_j^2}{v}} = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{40} r_j^2}{38}}; \quad (17)$$

$$s_{ISO-LEV} = \frac{s}{\sqrt{2}} \sqrt{\frac{1000 \text{ м}}{60 \text{ м}}} = s_{2,89}, \quad (18)$$

где  $s_{ISO-LEV}$  — экспериментальное среднее квадратическое отклонение для нивелирования на 1 км двойного хода.

## 6.4 Статистические испытания

### 6.4.1 Общие положения

Статистические испытания рекомендованы только для полной методики испытаний. Для интерпретации результатов статистические испытания выполняют, используя:

- экспериментальное среднее квадратическое отклонение  $s$  разности высот;
- разность  $\delta$  смещений нуль-точек двух нивелирных реек и ее экспериментальное среднее квадратическое отклонение —  $s_\delta$ .

Для того чтобы ответить на следующие вопросы (см. таблицу 1):

- а) меньше ли рассчитанное экспериментальное среднее квадратическое отклонение  $s$  значения  $\sigma$ , представленного изготовителем, или какого-либо другого предварительно определенного значения  $\sigma$ ;
- б) принадлежат ли два экспериментальных среднее квадратических отклонения  $s$  и  $\tilde{s}$ , определенные из двух выборок измерений, к одной и той же генеральной совокупности, принимая, что обе выборки имеют одно и то же число степеней свободы  $v$ .

Экспериментальные среднее квадратических отклонения  $s$  и  $\tilde{s}$  получают:

- из двух выборок измерений, выполненных на одном и том же нивелире, но разными наблюдателями;
- двух выборок измерений, выполненных на одном и том же нивелире, но в разное время;
- двух выборок измерений, выполненных на разных нивелирах;

с) равна ли нулю разность  $\delta$  смещений нуль-точек двух нивелирных реек.

Для следующих испытаний принимают доверительный уровень  $(1 - \alpha) = 0,95$  и согласно цели измерений число степеней свободы  $v = 38$ .

Т а б л и ц а 1 — Статистические испытания

Вопрос	Нуль-гипотеза	Альтернативная гипотеза
а)	$s \leq \sigma$	$s > \sigma$
б)	$\sigma = \tilde{\sigma}$	$\sigma \neq \tilde{\sigma}$
с)	$\delta = 0$	$\delta \neq 0$

### 6.4.2 Вопрос а)

Нуль-гипотезу, устанавливающую, что экспериментальное среднее квадратическое отклонение  $s$  меньше или равно теоретическому или предварительно определенному значению  $\sigma$  не отвергают, если выполнено следующее условие:

$$s \leq \sigma \sqrt{\frac{\chi_{1-\alpha}^2(v)}{v}}; \quad (19)$$

$$s \leq \sigma \sqrt{\frac{\chi_{0,95}^2(38)}{38}}; \quad (20)$$

$$\chi_{0,95}^2(38) = 53,38; \quad (21)$$

$$s \leq \sigma \sqrt{\frac{53,38}{38}}; \quad (22)$$

$$s \leq \sigma \cdot 1,19. \quad (23)$$

В противном случае нуль-гипотезу отвергают.

#### 6.4.3 Вопрос b)

В случае двух выборок измерений испытание показывает, принадлежат ли экспериментальные среднеквадратические отклонения  $s$  и  $\tilde{s}$  к одной и той же генеральной совокупности. Соответствующую нуль-гипотезу  $\sigma = \tilde{\sigma}$  не отвергают, если выполнено следующее условие:

$$\frac{1}{F_{1-\alpha/2}(v, v)} \leq \frac{s^2}{\tilde{s}^2} \leq F_{1-\alpha/2}(v, v); \quad (24)$$

$$\frac{1}{F_{0,975}(38, 38)} \leq \frac{s^2}{\tilde{s}^2} \leq F_{0,975}(38, 38); \quad (25)$$

$$F_{0,975}(38, 38) = 1,91; \quad (26)$$

$$0,52 \leq \frac{s^2}{\tilde{s}^2} \leq 1,91. \quad (27)$$

В противном случае нуль-гипотезу отвергают.

#### 6.4.4 Вопрос c)

Гипотезу равенства средних значений  $\bar{d}_1$  и  $\bar{d}_2$  (нуль-гипотезу для  $\delta$ ) не отвергают, если выполнено следующее условие:

$$|\delta| \leq s_\delta t_{1-\frac{\alpha}{2}}(v); \quad (28)$$

$$|\delta| \leq s_\delta t_{0,975}(38); \quad (29)$$

$$s_\delta = \frac{s}{\sqrt{10}}; \quad (30)$$

$$t_{0,975}(38) = 2,02; \quad (31)$$

$$|\delta| \leq \frac{s}{\sqrt{10}} 2,02 \leq s 0,64. \quad (32)$$

В противном случае нуль-гипотезу отвергают.

Число степеней свободы и, таким образом, соответствующее число значений, полученных в испытании  $\chi^2_{1-\alpha/2}(v)$ ,  $F_{1-\alpha/2}(v, v)$  и  $t_{1-\alpha/2}(v)$  (взятые из справочников по статистике) изменяются, если анализируют разное число измерений.

**Приложение А**  
**(справочное)**

**Пример упрощенной методики испытаний**

**А.1 Измерения**

В таблице А.1 включены в столбцах с 1-го по 3-й и с 7-го по 9-й 20 отсчетов в прямом и обратном направлениях (измеренных значений  $x_{A,j}$  и  $x_{B,j}$ ).

Наблюдатель: С. Миллер  
 Погода: облачно, +10 °С  
 Тип нивелира и номер: №№ xxx 630401  
 Дата: 1999—04—15

Т а б л и ц а А.1 — Измерения и разности

1 $j$	2 $x_{A,j}$ мм	3 $x_{B,j}$ мм	4 $d_j$ мм	5 $r_j$ мм	6 $r_j^2$ мм	7 $j$	8 $x_{A,j}$ мм	9 $x_{B,j}$ мм	10 $d_j$ мм
1	1048	1232	-184	0,6	0,36	11	1115	1300	-185
2	1017	1200	-183	-0,4	0,16	12	1123	1307	-184
3	1061	1245	-184	0,6	0,36	13	1145	1328	-183
4	1048	1231	-183	-0,4	0,16	14	1167	1351	-184
5	1012	1195	-184	-0,4	0,16	15	1155	1341	-186
6	1051	1235	-184	0,6	0,36	16	1137	1322	-185
7	1054	1238	-184	0,6	0,36	17	1119	1304	-185
8	1038	1221	-183	-0,4	0,16	18	1127	1312	-185
9	1036	1219	-183	-0,4	0,16	19	1140	1324	-184
10	1052	1235	-183	-0,4	0,16	20	1144	1328	-184
Σ	10417	12251	-1834	0,0	2,40	Σ	11372	13217	-1845

**А.2 Расчет**

Во-первых, измеренные разности высот,  $d_1, \dots, d_{20}$  рассчитаны в соответствии с уравнением (1) (см. столбцы 4 и 10 таблицы А.1).

Используя средние значения сумм значений в столбцах 4 и 10 таблицы А.1, уравнения (2) и (6) дают следующее:

$$\bar{d}_1 = \frac{\sum_{j=1}^{10} d_j}{10} = \frac{-1834 \text{ мм}}{10} = -183,4 \text{ мм};$$

$$\bar{d}_2 = \frac{\sum_{j=11}^{20} d_j}{10} = \frac{-1845 \text{ мм}}{10} = -184,5 \text{ мм}.$$

Разность равна  $\bar{d}_1 - \bar{d}_2 = 1,1$  мм.

Разности  $r_j$  разностей высот  $d_j$  серии № 1 измерений рассчитывают согласно уравнению (3) (см. столбец 5 таблицы А.1).

С помощью суммы квадратов разностей из серии № 1 (см. последнюю строку столбца 6 таблицы А.1) экспериментальное среднеквадратическое отклонение  $s$  рассчитывают согласно уравнению (5)

$$s = \sqrt{\frac{\sum_{j=1}^{10} r_j^2}{v}} = \sqrt{\frac{2,40}{9}} = 0,5 \text{ мм}.$$

## ГОСТ Р ИСО 17123-2—2011

Выполняют следующую арифметическую проверку:

- разность сумм в столбцах 2 и 3 должна быть равна сумме в столбце 4:

$$-12251 + 10417 = -1834;$$

- разность сумм в столбцах 8 и 9 должна быть равна сумме в столбце 10:

$$-13217 + 11372 = -18945;$$

- сумма разностей в столбце 5 должна быть равна нулю (за исключением погрешностей округления).

Разность  $d_1 - d_2 = -1,1$  мм менее чем  $2,5 s = 2,5 \cdot 0,5 = 1,25$  мм. Такой результат показывает, что не существует признаков избыточной неопределенности (погрешности) измерения, происходящей в результате погрешностей считывания, преломления и смещения коллимационной оси.



**Приложение В**  
**(справочное)**

**Пример полной методики испытаний**

**В.1 Измерения**

В таблице В.1 включены в столбцах с 1-го по 3-й и с 7-го по 9-й 40 отсчетов в прямом и обратном направлениях (измеренных значений  $x_{A,j}$  и  $x_{B,j}$ ).

Наблюдатель: С.Миллер  
 Погода: облачно, 10 °С  
 Тип нивелира и номер: №№ xxx 630401  
 Дата: 1999—04—15

Т а б л и ц а В.1 — Измерения и разности

1 $j$	2 $x_{A,j}$ мм	3 $x_{B,j}$ мм	4 $d_j$ мм	5 $r_j$ мм	6 $r_j^2$ мм	7 $j$	8 $x_{A,j}$ мм	9 $x_{B,j}$ мм	10 $d_j$ мм	11 $r_j$ мм	12 $r_j^2$ мм
1	1048	1232	-184	07	0,49	21	1005	1188	-183	-0,1	0,01
2	1017	1200	-183	-0,3	0,09	22	1013	1198	-183	-0,1	0,01
3	1061	1245	-184	0,7	0,49	23	1035	1218	-183	-0,1	0,01
4	1048	1231	-183	-0,3	0,09	24	1057	1241	-184	0,9	0,81
5	1012	1195	-184	-0,3	0,09	25	1045	1228	-183	-0,1	0,01
6	1051	1235	-184	0,7	0,49	26	1027	1211	-184	0,9	0,81
7	1054	1238	-184	0,7	0,49	27	1009	1192	-183	-0,1	0,01
8	1038	1221	-183	-0,3	0,09	28	1017	1199	-182	-1,1	1,21
9	1036	1219	-183	-0,3	0,09	29	1030	1213	-183	-0,1	0,01
10	1052	1235	-183	-0,3	0,09	30	1034	1216	-182	-1,1	1,21
11	1031	1214	-183	-0,3	0,09	31	1043	1226	-183	-0,1	0,01
12	1028	1212	-184	0,7	0,49	32	1037	1220	-183	-0,1	0,01
13	1039	1222	-183	-0,3	0,09	33	1025	1208	-183	-0,1	0,01
14	1040	1223	-183	-0,3	0,09	34	1050	1232	-182	-1,1	1,21
15	1031	1213	-182	-0,3	1,69	35	1039	1222	-183	-0,1	0,01
16	1050	1233	-183	-0,3	0,09	36	1024	1207	-183	-0,1	0,01
17	1056	1239	-183	-0,3	0,09	37	1030	1214	-184	0,9	0,81
18	1028	1212	-184	0,7	0,49	38	1041	1225	-184	0,9	0,81
19	1034	1218	-184	0,7	0,49	39	1012	1196	-184	0,9	0,81
20	1049	1232	-183	-0,3	0,09	40	1019	1202	-183	-0,1	0,01
$\Sigma$	20803	24469	-3666	0,0	6,20	$\Sigma$	20592	24254	-3662	0,0	7,801

**В.2 Расчет**

Во-первых, измеренные разности высот  $d_1, \dots, d_{40}$  рассчитаны в соответствии с уравнением (7) (см. столбцы 4 и 10 таблицы В.1).

При использовании средних значений сумм значений в столбцах 4 и 10 таблицы В.1 уравнения (8) и (9) дают следующее:

$$\bar{d}_1 = \frac{\sum_{j=1}^{20} d_j}{20} = \frac{-3666 \text{ мм}}{20} = -183,3 \text{ мм};$$

$$\bar{d}_2 = \frac{\sum_{j=21}^{40} d_j}{20} = \frac{-3662 \text{ мм}}{20} = -183,1 \text{ мм.}$$

Разность  $\delta$  рассчитывают согласно уравнению (10):

$$\delta = \bar{d}_1 - \bar{d}_2 = -183,3 \text{ мм} + 183,1 \text{ мм} = -0,2 \text{ мм.}$$

Разности  $r_j$  разностей высот  $d_j$  серии № 1 измерений рассчитывают согласно уравнениям (11) и (12) (см. столбцы 5 и 11 таблицы В.1).

С помощью суммы квадратов разностей из серии № 1 и серии № 2 (см. последние строки столбцов 6 и 12 таблицы В.1) суммы квадратов разностей  $r_j$  и экспериментальное среднеквадратическое отклонение  $s$  на 1 км двойного хода рассчитывают согласно уравнениям (15)—(18):

$$\sum_{j=1}^{40} r_j^2 = 6,20 \text{ мм}^2 + 7,80 \text{ мм}^2 = 14,00 \text{ мм}^2;$$

$$v = 38;$$

$$s = \sqrt{\frac{14,00 \text{ мм}^2}{38}} = 0,61 \text{ мм} \approx 0,60 \text{ мм};$$

$$s_{ISO-LEV} = s \cdot 2,89 = 0,61 \text{ мм} \cdot 2,89 = 1,76 \approx 1,8 \text{ мм.}$$

Выполняют следующую арифметическую проверку:

- разность сумм в столбцах 2 и 3 должна быть равна сумме в столбце 4:

$$24469 - 20803 = 3666;$$

- разность сумм в столбцах 8 и 9 должна быть равна сумме в столбце 10:

$$24254 - 20592 = 3662;$$

- сумма разностей в столбце 5 должна быть равна нулю (за исключением погрешностей округления);

- сумма разностей в столбце 11 должна быть равна нулю (за исключением погрешностей округления).

### В.3 Статистические испытания

#### В.3.1 Статистические испытания в соответствии с вопросом а)

$$\sigma = 1,0 \text{ мм};$$

$$s_{ISO-LEV} = 1,8 \text{ мм};$$

$$v = 38;$$

$$1,8 \text{ мм} \leq 1,0 \text{ мм} \cdot 1,19;$$

$$1,8 \text{ мм} \leq 1,2 \text{ мм.}$$

Поскольку указанное выше условие не выполнено, нуль-гипотезу, устанавливающую, что экспериментально определенное среднеквадратическое отклонение  $s = 1,8 \text{ мм}$  меньше или равно значению, представленному изготовителем,  $\sigma = 1,0 \text{ мм}$ , отвергают на доверительном уровне 95 %.

#### В.3.2 Статистическое испытание в соответствии с вопросом б)

$$s = 1,8 \text{ мм};$$

$$\tilde{s} = 2,6 \text{ мм};$$

$$v = 38;$$

$$0,52 \leq \frac{3,24 \text{ мм}^2}{6,76 \text{ мм}^2} \leq 1,91;$$

$$0,52 \leq 0,48 \leq 1,91.$$

Поскольку указанное выше условие не выполнено, нуль-гипотезу, устанавливающую, что экспериментально определенное среднеквадратическое отклонение  $s = 1,8 \text{ мм}$  и  $\tilde{s} = 2,6 \text{ мм}$  принадлежит к одной и той же генеральной совокупности, отвергают на доверительном уровне 95 %.

#### В.3.3 Статистическое испытание в соответствии с вопросом с)

$$s = 0,6 \text{ мм};$$

$$v = 38;$$

$$\delta = 0,2 \text{ мм};$$

$$0,2 \text{ мм} \leq 0,2 \text{ мм} \cdot 2,0 \leq 0,4 \text{ мм.}$$

Поскольку указанное выше условие выполнено, нуль-гипотезу, устанавливающую, что смещение нуля нивелирных реек равно нулю, не отвергают на доверительном уровне 95 %.

**Приложение ДА  
(справочное)**

**Сведения о соответствии ссылочных международных стандартов национальным стандартам**

Т а б л и ц а ДА.1

Обозначение ссылочного международного стандарта	Степень соответствия	Обозначение и наименование соответствующего национального стандарта
ISO 3534-1:2006	MOD	ГОСТ Р 50779.10—2000 (ИСО 3534-1—93) «Статистические методы. Вероятность и основы статистики. Термины и определения»
ISO 4463-1:1989	—	*
ISO 7077:1981	—	*
ISO 7078:1985	—	*
ISO 9849:2000	—	*
ISO 17123-1:2002	IDT	ГОСТ Р ИСО 17123-1—2011 «Государственная система обеспечения единства измерений. Оптика и оптические приборы. Методики полевых испытаний геодезических и топографических приборов. Часть 1. Теория
<p>* Соответствующий национальный стандарт отсутствует. До его принятия рекомендуется использовать перевод на русский язык данного международного стандарта.</p> <p>П р и м е ч а н и е — В настоящей таблице использовано следующее условное обозначение степени соответствия стандартов:</p> <ul style="list-style-type: none"> <li>- IDT — идентичный стандарт;</li> <li>- MOD — модифицированный стандарт.</li> </ul>		

Ключевые слова: геодезия, геодезические измерения, испытания геодезических приборов

---

Редактор *Л.С. Зимилова*  
Технический редактор *И.Е. Черепкова*  
Корректор *М.И. Першина*  
Компьютерная верстка *Е.О. Асташина*

Сдано в набор 20.03.2019. Подписано в печать 15.04.2019. Формат 60×84<sup>1</sup>/<sub>8</sub>. Гарнитура Ариал.  
Усл. печ. л. 2,32. Уч.-изд. л. 2,10.

Подготовлено на основе электронной версии, предоставленной разработчиком стандарта

---

Создано в единичном исполнении ФГУП «СТАНДАРТИНФОРМ» для комплектования Федерального информационного фонда стандартов, 117418 Москва, Нахимовский пр-т, д. 31, к. 2.  
[www.gostinfo.ru](http://www.gostinfo.ru) [info@gostinfo.ru](mailto:info@gostinfo.ru)