ОРДЕНА ТРУДОВОГО КРАСНОГО ЗНАМЕНИ ЦЕНТРАЛЬНЫЙ НАУЧНО-ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ И ПРОЕКТНО-ЭКСПЕРИМЕНТАЛЬНЫЙ ИНСТИТУТ КОМПЛЕКСНЫХ ПРОБЛЕМ СТРОИТЕЛЬНЫХ КОНСТРУКЦИЙ И СООРУЖЕНИЙ им В.А КУЧЕРЕНКО ГОССТРОЯ СССР

РЕКОМЕНДАЦИИ ПО ОПРЕДЕЛЕНИЮ РАСЧЕТНОЙ СЕЙСМИЧЕСКОЙ НАГРУЗКИ ДЛЯ СООРУЖЕНИЙ С УЧЕТОМ ПРОСТРАНСТВЕННОГО ХАРАКТЕРА ВОЗДЕЙСТВИЯ И РАБОТЫ КОНСТРУКЦИЙ

Утверждены Директором ЦНИИСК им. В.А. Кучеренко 11 марта 1988 г.

MOCKBA-1989

YAK 624.042.7:539.37

Рекомендованы к изданию решением секции "Сейсмостойкость сооружений" Научно-технического совета ЦНИИСК им. В.А.Кучеренко Госстроя СССР.

Рекомендации по определению расчетной сейсмической нагрузки для сооружений с учетом пространст венного характера воздействия и работы конструкций/ ЦНИИСК им. В.А.Кучеренко. - М., 1989. -142. c.

Содержат алгоритм определения расчетной сейсмической нагрузки для сооружений с учетом пространственного характера внешнего воздействия и работы конструкции.

В Приложениях приведено обоснование основных положений и методов расчета, приведены примеры расчета сейсмической нагрузки на колонны силосного корпуса и на колонны и диафрагмы жесткости трехэтажного каркасного здания.

Предназначены для инженерно-технических работников проектных и научно-исследовательских институтов.

Табл. 45. ил. 11. список лит.: 17 назв.

 \bigcirc

ПРЕДИСЛОВИЕ

Рекомендации составлены в развитие СНиП П-7-81 с целью практического использования методов расчета сооружений с учетом пространственного характера работы конструкций и сейсмического воздействия.

Рекомендации предназначены для использования в проектной практике при расчете сооружений сложных конструктивных форм, несущих большие нагрузки и требующих учета пространственного характера работы конструкций.

В Рекомендациях приведен алгоритм расчета по определению сейсмической нагрузки на сооружения с учетом пространственного характера воздействия и работы самой конструкции. Даны рекомендации по выбору расчетных динамических моделей сооружений и определению их параметров. Приводится алгоритм расчета режима свободных колебаний сооружений. Даны рекомен – дации по определению расчетных моделей сейсмического воздействия и выбору их численных параметров.

Приводится алгоритм расчета вынужденных колебания сооружения по выбранным моделям внешнего воз – действия.

В приложениях приведены примеры расчета сейсмической нагрузки на колонны силосного корпуса и расче – та сейсмической нагрузки на колонны и диафрагмы жесткости трехэтажного каркасного здания. Изложены основные положения расчета по определению сейсмической нагрузки с учетом пространственного характера работы сооружения и сейсмического воздействия.

По методике настоящих Рекомендаций разработана автоматизированная система расчета сооружений на сейсмические воздействия "Полифем - \$87".

Рекомендации разработаны в Отделе сейсмостой – кости сооружений ЦНИИСК им. В.А.Кучеренко (основной текст – канд.техн.наук Ю.П.Назаров при научном руководстве д-ра техн.наук проф. [Н.А.Николаенко], прило – жения 1, 2 – кандидаты техн. наук А.Т.Штоль и Г.В.Мамаева; приложение 3 – инж. А.Ш. Ревишвили).

ОБЩИЕ ПОЛОЖЕНИЯ

1.1. Настоящие Рекомендации составлены в развитие СНиП П-7-81 [17] с целью практического использования методов расчета сооружений с учетом пространственного характера работы конструкций и сейсмического воздействия.

Анализ последствий землетрясений (повреждения и разрушения сооружений) показывает, что движения (колебания) отдельных конструкций происходят одновременно по нескольким направлениям, т.е. эти движения являются пространственными. Перекрытия зданий перемещаются в двух направлениях и вращаются относительно вертикальной оси, что приводит к более интенсивным повреждениям периферийных несущих конструкций, т.е. сооружение работает как единая пространственная ди – намическая система.

Анализ регистраций движений грунта при землетрясениях показывает, что они являются сложными многомерными (пространственными) процессами. Сложность пространственного характера сейсмического воздействия состоит в том, что оно представляет собой поле движений грунта, определенное сейсмическими волнами с конечной скоростью их распространения. Сейсмические волны не являются монохроматическими, а представляют спектр одноименных волн различной длины, доминирую щих в различные интервалы времени землетрясения. В начальные моменты времени приходят, имеющие большую скорость распространения, продольные Р - волны, затем - поперечные 5 - волны с меньшей скоростью распространения, но с большей интенсивностью воздействия. После S – фазы генерируются поверхностные L - волны (Рэлея-Лэмба и Лява), которые имеют еще меньшую скорость распространения. Наиболее сильные повреждения и разрушения сооружений наблюдаются при

более интенсивных фазах движения грунта, определяемых - волн. Такое поле движений спектрами S – и L приводит к дилатации и ротации массива грунта в 00новании сооружений. Дилатация (изменение объема за счет его расширения-сжатия) массива грунта в OCHOвании сооружения определяется всеми видами волн P. \$ иL и приводит только к поступательным движениям основания сооружения. Эти движения происходят в трех направлениях. Ротация (изменение формы объема за счет его искажения) определяется только вихревыми составляющими поля S _ и L - волн и приводит к вращению массива грунтового основания сооружения. Эти вращения происходят относительно трех осей.

1.2. Рекомендации предназначены для использования в проектной практике при гасчете сооружений сложных конструктивных форм, несущих большие нагрузки и требующих обязательного учета пространственного ха – рактера работы конструкций. Объем таких сооружений в проектной практике постоянно возрастает, поскольку применение новых конструкционных материалов, новых конструкций, обладающих большей несущей способностыс, приводит к появлению конструктивных решений сооружений, для которых учет пространственного характера воздействия и работы конструкций является обязательным.

1.3. В Рекомендациях рассматривается упругая стадия работы конструкций при колебаниях, соответствующих малым перемещениям и углам вращения масс сооружения.

1.4. Применение метода рекомендаций связано с обработкой громоздких массивов чисел. Использование рекомендуемых методов требует привлечения ЭВМ. Рекомендации составлены таким образом, что применение ЭВМ в проектной практике возможно в двух формах:

а) применение ЭВМ для выполнения отдельных этапов расчета:

- статический расчет сооружения с целью определения единичных внутренних усилий, формирования матрицы жесткости или податливости системы в целом;

- вычисления собственных значений матриц жесткости или податливости сооружения при определении частот и форм колебаний;

- определение параметров сейсмического воздействия;

 расчет режимов вынужденных колебаний и определение фактических величин внутренних усилий в кон – струкциях сооружения и т.д.;

б) объединение отдельных этапов работ в единый комплекс расчетов и разработка автоматизированной системы расчета сооружений с учетом пространственного характера работы конструкций и сейсмического воздействия.

2. АЛГОРИТМ РАСЧЕТА ПО ОПРЕДЕЛЕНИЮ СЕЙСМИЧЕСКОЙ НАГРУЗКИ НА СООРУЖЕНИЯ С УЧЕТОМ ПРСТРАНСТВЕННОГО ХАРАКТЕРА ВОЗДЕЙСТВИЯ И РАБОТЫ КОНСТРУКЦИЙ

2.1. В Рекомендациях приводится алгоритм определения сейсмической нагрузки на сооружения в наиболее простом варианте, т.е. без учета всех корреляционных связей при компонентной форме представления векторов сейсмического воздействия X, и X, Этот алгоритм состоит из следующих разделов:

- выбор и определение параметров расчетной динамической модели сооружения;

- формирование матриц жесткости или податливости и определение единичных усилий в элементах конструкций;

- расчет режима свободных колебаний;

- определение расчетных параметров векторов сейсмического воздействия Х, и Х, ;

- расчет режима вынужденных колебаний;

- определение расчетных усилий в поперечных сечениях несущих конструкций сооружений.

Расчет колебаний сооружений в соответствии с принятым алгоритмом выполняется на ЭВМ. На каждом отдельном этапе расчет сводится к заполнению и дальнейшей обработке соответствующих таблиц, перечень которых приводится ниже.

^{x)}Структура алгоритма расчета сооружений как единых пространственных систем на сейсмические воздействия с учетом пространственного характера возмуще – ния зависит от ряда факторов:

способа представления информации о векторах сейсмического воздействия;

учета корреляции между отдельными формами колебаний;

учета корреляции между векторами сейсмического воздействия и их компонентами.

Расчет сводится к определению сейсмической нагрузки для выборочных элементов конструкций или для определения внутренних усилий в выборочных поперечных сечениях. Набор сечений, подлежащих проверке, устанавливается проектировщиком в зависимости от конструк – тивной схемы сооружения. Рекомендуется проверять наиболее напряженные периферийные конструктивные элементы, а для сравнения целесообразно выполнять проверку менее напряженных центральных элементов.

Выбор расчетной динамической модели сооружения и определение ее параметров

2.2. В основу расчета положены дискретные расчетные динамические модели, которые формируются исходя из конкретного типа сооружения и следующих положений:

- конструкции сооружения (перекрытия, отдельные конструктивные части и т.д.), жесткость которых на порядок больше жесткости других конструкций, считаются абсолютно твердыми;

- другие конструкции сооружения (элементы каркаса, ядра и диафрагмы жесткости, диафрагмы лестничных клеток и т.п.) считаются упругими связями с линейными диаграммами деформирования материала;

- в динамических моделях массы сооружения распределяются по абсолютно твердым телам, а упругие конструкции считаются невесомыми и их масса отно сится к соответствующим твердым элементам, т.е. ди намическая модель сооружения представляется в виде отдельных (дискретных) абсолютно твердых тел, соединенных несущими невесомыми упругими элементами;

- фундамент сооружения в расчетной динамической модели принимается жестким и моделируется твер - дым телом.

2.3. Дискретно расположенные в динамической модели массы могут быть представлены:

- материальной точкой, которая может иметь максимум три степени свободы и характеризуется величиной массы m_к (к = 1, ..., n);

- твердым диском, имеющим три степени свободы и учитывающим геометрию распределения масс и упругих связей в плоскости диска. Диск движется в своей плоскости и характеризуется величиной массы m_k и центральным осевым моментом инерции θ_k относительно оси, перпендикулярной к плоскости диска;

- массой в виде твердого тела, имеющего шесть степеней свободы и учитывающего геометрические параметры распределения масс и упругих связей в прост – ранстве. Инерционные параметры твердого материально-го тела характеризуются величиной массы $m_{\mathbf{k}}$ и тензором инерции масс относительно каких-либо осей [$\theta_{\mathbf{k}}$] (к = 1, Π , ..., h); в расчетах в качестве таких осей следует принимать главные и центральные оси инерции тела, для которых [$\theta_{\mathbf{k}}$] имеет вид диагональной матрицы с отличными от нуля только осевыми моментами инерции масс $\theta_{\mathbf{ik}}$ ($\mathbf{i} = 1, 2, 3$).

Величины масс \mathfrak{m}_{κ} определяются в соответствии с требованиями учета нагрузок, изложенными в п. 2.1 СНиП П-7-81; моменты инерции масс $\theta_{i\kappa}$ вычисляются по справочным данным.

2.4. Материал несущих конструкций сооружения (деформируемые связи) принимается упругим с линейной диаграммой деформирования. Модели этих конструкций (колонны, панели, диафрагмы и т.п.) определяются:

- видом представления масс (точка, диск, тело) в расчетной динамической модели сооружения;

- моделями упругих связей в статической расчетной модели при формировании матриц жесткости (или податливости).

2.5. При геометрическом описании расчетных динамических моделей сооружения вводятся системы отчета и устанавливается связь между ними:

- вводится инерциальная система осей ОХ₁Х₂Х₃ без привязки начала отсчета. В качестве этой системы осей может быть принята ориентация по странам света или какая-либо другая местная система трех ортогональных направлений;

- вводится система отсчета $\partial \mathcal{X}_{01}\mathcal{I}_{02}\mathcal{I}_{03}$, связанная с подвижным основанием (фундаментом), движе-

ние которого определяется моделью сейсмического воздействия; оси ОХаХаДа рекомендуется совмещать с основными осями здания;

- взаимосвязь между введенными системами осей определяется матрицей [%], имеющей следующий вид:

$$\begin{bmatrix} y_{0} \\ y_{11} \\ y_{12} \\ y_{21} \\ y_{21} \\ y_{21} \\ y_{22} \\ y_{23} \\ y_{33} \\$$

где J_{ij}^{o} — скалярные произведения единичных векторов јхог и јх; (орт систем осей $\Omega_{I_0} I_{02} I_{03}$ и OX₁X₂X₃); точкой отмечен знак скалярного произведения, поэтому J_{ij}^{o} являются тригонометрическими функциями углов между осями OX₁X₂X₃ и $\Omega_{I_0} I_{02} I_{03}$; если системы отсчета OX₁X₂X₃ и $\Omega_{I_0} I_{02} I_{03}$; одинаково ориентированы в пространстве (оси параллельны), то оператор (1) сводится к единичной матрице:

 $[\mathscr{G}_{\mathbf{Q}}] = E = \begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix};$

- однозначно и произвольно устанавливается нумерация инерционных элементов (материальных точек, дисков, тел) расчетной динамической модели сооружения -I, II, III, ..., к, ..., к;

- с каждым из инерционных элементов неизменно Связываются системы осей $K \mathcal{X}_{kl} \mathcal{X}_{kl} \mathcal{X}_{kl}$, Для дисков и

твердых тел эти оси должны быть главными и центральными осями инерции масс;

- определяется взаимосвязь между введенными системами осей $KI_{H}I_{H}I_{H}$ и $\Omega I_{OI}I_{OI}I_{OI}$. Эта взаимосвязь устанавливается с помощью операторов [Ч.], имеющих вид:

$$\begin{bmatrix} J_{x_{11}} & J_{12}^{\kappa} & J_{12}^{\kappa} \\ j_{x_{11}} & J_{12}^{\kappa} & J_{12}^{\kappa} \\ J_{x_{11}} & J_{x_{22}}^{\kappa} & J_{x_{23}}^{\kappa} \\ J_{x_{12}} & J_{x_{22}}^{\kappa} & J_{x_{23}}^{\kappa} \\ j_{x_{13}} & J_{x_{21}}^{\kappa} & J_{x_{23}}^{\kappa} \\ j_{x_{13}} & J_{x_{22}}^{\kappa} & J_{x_{33}}^{\kappa} \\ J_{x_{13}} & J_{x_{13}}^{\kappa} & J_{x_{23}}^{\kappa} \\ J_{x_{13}} & J_{x_{13}}^{\kappa} & J_{x_{13}}^{\kappa} & J_{x_{13}}^{\kappa} \\ J_{x_{13}} & J_{x_{13}}^{\kappa} & J_{x_{13}}^{\kappa} & J_{x_{13}}^{\kappa} & J_{x_{13}}^{\kappa} \\ J_{x_{13}} & J_{x_{13}}^{\kappa} & J_{x_{13}$$

где $\mathcal{G}_{ij}^{\kappa}$ - скалярные произведения орт $j_{x_{0}i}$ ^и $j_{x_{ij}}$ системы осей $(\mathcal{X}_{01}\mathcal{X}_{02}\mathcal{X}_{03})$ и $(\mathcal{K}_{11}\mathcal{X}_{12}\mathcal{X}_{13})$ оі $j_{x_{0}i}$ поэтому \mathcal{G}_{κ} вычисляются аналогично (1); в частности, если оси j $(\mathcal{X}_{11}\mathcal{X}_{12}\mathcal{X}_{13})$ и $(\mathcal{X}_{01}\mathcal{X}_{02}\mathcal{X}_{03})$ ориентированы в пространстве одинаково, то $[\mathcal{G}_{\kappa}] = E - eдu$ ничная матрица;

- векторами $\mathcal{X}_{k}^{o'} = |\mathcal{X}_{ik}, \mathcal{X}_{ik}, \mathcal{X}_{ik}, \mathcal{X}_{ik}|$ определяются положения начала отсчета систем $\mathcal{K}_{Ki}\mathcal{X}_{k2}\mathcal{X}_{k3}$ относительно осей $\mathcal{I}_{OI}\mathcal{I}_{O2}\mathcal{I}_{O3}$, где \mathcal{X}_{ik}^{o} - координаты центра масс тела в системе отсчета $\mathcal{I}_{IOI}\mathcal{I}_{O2}\mathcal{I}_{O3}$ (i = 1, 2, 3).

Описание упругих свойств расчетной динамической модели сооружения

2.6. Упругие свойства динамической модели сооружения определяются матрицей жесткости [1] или податливости [8], которые рассчитываются по любым известным методам строительной механики.

2.7. Если расчет выполняется по методу сил (определение [δ]), то в центрах масс по направлению осей системы отсчета (или относительно их) последовательно прикладываются единичные силы $P_{x_{inc}} = 1$ (или

		I-oe Tero						_	K	-00	TOR)				_	12-0	e T e	2 0	
Нагрузка Внутрен- ние усилия	Par=1	Parer = 1	Para I	M211 = 1	$M_{2T} = I$	MZ37=1	•••	Prix=1	Pan -1	Paraw -1	Mar _{1k} =1	M. 222x = I	Mara = 1	••••	Para -1	Pron=1	P.Z.3n=1	M2In=1	M22n = 1	Mtzn=1
N ₁														•••						
$\overline{N_2}$							•••							•••						
N3							•••							• • •						
\overline{M}_1	_													•••						
M2							•••							•••						
M3														•••						

Таблица 2

 C	ИД	N	

моменты

		$\rho_{x_{tr}} = I$	Parer = 1	$\rho_{x_{3I}} = I$		Parse I	Prox = 1	$P_{x_{3k}} = I$		$P_{x_{In}} = I$	Paren = 1	$Pa_{3n} = I$	Mars = 1	$M_{21} = 1$	Mar = I	•••	Mark = 1	$M_{2k} = 1$	M23x =1	••••	$Ma_{In} = I$	$M_{2n} = I$	Magn=1
	L11				•••								i							• • •			
	J21																			• • •			
	A31				•••				•••					[• • •				•••			
н и я		•	•	•	•••	•	•		•••	•	•••	•••	• • •	•		•••	•••	•	•••	· • •	•	•	•
Ð	X1K				•••				• • •											•••			
0	X2H								• • •		Ī												
M	L3K				• • •				•••														
ebe	:	:	•	•	•••	•		•	•••	• •	•	•		• • •	•	•••	•		•	· · · ·	:	•	• • •
	RIN				• • •													†					
	Ten																- 1						
	X312						_ [Т	•••			Ĩ				• • •							

ы

сихн

моменты

		•	_								•	•		•	-		_		_			_	
		$P_{T_{II}} = 1$	$P_{2r_{2T}} = 1$	$\rho_{x_{3I}}=1$	• • •	$P_{x_{1k}} = 1$	$P_{x_{pk}} = 1$	$P_{23k} = 1$	•••	$Dx_{IA} = I$	$P_{x_{2n}} = 1$	$\rho_{x_{3n}} = 1$	M221 = 1	$M_{22I} = I$	$M_{x_{3I}} = I$	• • •	$M_{IK} = 1$	$M_{2K} = 1$	I = XEZW	•••	$M_{T_{IR}} = 1$	M222 = 1	$M_{3n} = 1$
	dfr				• • •				• • •							• • •							
	d21				• • •				•••							• • •							
	d31				• • •											•••				• • •			
	•	•	•	•	•••	•	•	•	•••	•	•	• •	•	•	•	• • • • • •				• • • • • •	•	•	• •
HH	SIK S2K																						
L N	d 3K				-																		
-	•	•	•	•	•••	•		•	•••• •••	•	• • •	• • •	•	• •	•	•••	•	• • •		•••	• •	• • •	•
	din				•••															•••			
[den				• • •				• • •							• • •			1				
Ī	don								• • •							•••						- 1	····

I4

Таблица З

	<u></u>		I-06	<u>. 70</u>	R O					<0e	<u>. 10</u>	0		`		/	2-09	TO	E O	
Леремеще- ние, пово- рот	7=	۳ ۱	=1	/=	1=.	Y =		1=	7 =	7 =	1=	Z H Z	1=1		7 "	1=	7=0	7=7	2=1	2=1
УСИЛИЯ	ΔT_{II}	0 J21	ΔT_{3I}	1920	0 Ser.	1 Ser	•••	D. P.Y.	1 R2K	DBak	1 Sar	∆ 9. Ce	D San	•••	∆ ln	ΔLen	$\Delta R_{3/2}$	$\Delta S_{T_{2}}^{0}$	$\Delta P c_{2}$	2 Siz.
$\overline{N_1}$							•••							•••						
N2							•••													
N ₃							•••							•••						
\overline{M}_1							• • •													
M2							•••													
\overline{M}_3							•••							•••						

перемещения

угды

											-												
		$\Delta 2\gamma_T = I$	DIPT = I	$\Delta \mathcal{D}_{\mathcal{M}} = 1$		$\Delta \mathcal{X}_{IX} = I$	$\Delta \mathcal{R}_{2k} = I$	$\Delta \mathcal{X}_{\mathcal{3}\mathcal{K}} = I$		$\Delta \mathcal{L}_{ID} = I$	$\Delta \mathcal{L}_{2D} = 1$	2 C 32 = 1	$\Delta \mathcal{P}_{II} = I$	$\Delta \mathcal{G}_{2T} = I$	$\Delta \mathcal{G}_{3R} = I$	•••	29th = 1	$\Delta g_{2k} = 1$	$\Delta \mathcal{G}_{3k} = I$	•••	$\Delta \mathcal{G} I I = I$	$\Delta P_{2D} = I$	$\Delta \mathcal{G}_{2} = 1$
	PIII															•••				•••			
	PILEI				• • •				•••							•••				•••			
	PIZ3I				• • •				• • •											•••			
																•••							
	•••				•••				• • •							• • •				•••			
					•••				• • •							•••							
38	RIIK															• • •				•••			
	P.T.2K				•••				• • •											• • •			
И	Pitar															• • •				•••			
υ																			1			T	
	•••							1	•••			1				•••	1	- 1		•••		1	
	•••		_		···				•••							• • •				•••			
ĺ	Prin				• • •				•••							• • •			_	•••			
[Przn				•••				•••							•••				•••		T	
1	PIIn						T	T							T					• • •			

Продолжение табл. 4

пере<u>мещения</u>

угды

					<u> </u>	<u> </u>	<u> </u>	<u> </u>		<u> </u>			<u> </u>				J 1						
		$\Delta \mathcal{I}_{II} = I$	$\Delta \mathcal{U}_{PI} = 1$	$\Delta \mathcal{X}_{3I} = I$	•••	$\Delta \mathcal{X}_{IK} = I$	1 2 222x = 1	$\Delta \mathcal{R}_{3K} = I$		$\Delta \mathcal{X}_{ID} = I$	$\Delta R_{2D} = I$	$\Delta \mathcal{X}_{3R} = I$	$\Delta \mathcal{G}_{II} = I$	$\Delta \mathcal{G}_{2T} = I$	$\Delta \mathcal{G}_{3I} = I$	•••	$\Delta g_{1K} = I$	$\Delta \mathcal{G}_{2k} = 1$	293x = 1		$\Delta g_{IR} = I$	$\Delta G_{2n} = 1$	2 Jan = 1
	Maria				•••				• • •							• • •				۰۰.			
	MIZZI															• • •				• • •			
	Mazz															• • •				• • •			
	•				•••				• • • • • • • • •							• • •				•••			
3 -	MIJK				•••				• • •							•••				•••			
Ð	Magk				• • •				• • •							•••				•••			
M O M	:				•••				•••• •••							•••				•••• •••			
	Main				• • •				• • •							• • •				•••			
	MILER MILIN				•••				•••					·		•••				• • •			

моменты $M_{x_{ik}} = 1$). От последовательного действия каждой единичной силы или момента выполняется статический расчет упругой системы. При этом для поперечных сечений упругих элементов определяются внутренние усилия, которые сводятся в табл. 1. Определяются также перемещения начал всех систем отсчета по направлению принятых осей и углы поворота данных систем отсчета относительно этих осей. В соответствии с принятой нумерацией масс из этих перемещений и углов поворота формируется матрица податливости системы [δ]. Результаты сводятся в табл. 2.

2.8. Если расчет упругой системы выполняется по методу перемещений, то на начало выбранных систем отсчета по направлению принятых осей (или относительно их) накладываются связи, которым последовательно сообщаются единичные перемещения $\Delta X_{ik} = 1$ (или **△ У**_{ік} = 1). Последовательно от кажуглы поворота дого из этих перемещений или углов поворота выполняется статический расчет принятой упругой системы. При этом для поперечных сечений упругих элементов опре деляются внутренние усилия, которые сводятся в табл.3. Определяются также реакции во всех наложенных Свя зях. Из этих реакций, в соответствии с принятой нумерацией масс, формируется полная матрица жесткости системы [1] . Результаты формирования матрицы [1] сволятся в табл. 4.

2.9. Выполняется вспомогательный анализ полных матриц [г] [δ⁻¹] для выявления особенностей составляющих

$$[\tau] = \sum_{i=1}^{F} [\tau_i] \quad \text{илм} \quad [\delta] = \sum_{i=1}^{F} [\delta_i], \quad (3)$$

где

$$[\iota_i] = [\delta_i^{-1}]. \tag{4}$$

Таблица 5

		Ι		••••		К				n			I				K				n	
	M_I	0	0		0	0	0		0	0	0	0	0	0		0	0	0		0	0	0
I	0	m_I	0		0	U	0		0	0	0	0	0	0		0	0	0	• • •	0	0	0
	0	0	m_{I}		0	0	0		0	0	0	0	0	0		0	0	0		0	0	0
	.	•			•					•		•	•	•	• • •	•	•	•	• • •			
·	•	•	•	•••	•	•	•		•	•	•	•	•	•		•	•	•				
•	•		•		•	•			•	•	•	ŀ	•	•			•	•	• • •			
	0	0	0		mr	0	0		0	0	0	0	0	0		0	0	0		0	0	Ø
K	0	0	0		0	m	0		0	0	0	0	0	0		0	0	0	• . •	0	0	0
	0	0	0		0	0	MK		0	0	0	0	0	0	• • •	0	0	0		0	0	0
•	•	•				•	•		•	•	•	•	•	•	•••	•	•	•	• • •	•	•	٠
· ·	•	•	•		•	•	•	• • •	•	•	•	•	•	•	•••	•	•	•	•••	•	•	•
· ·	•	•	•			•	•	• • •	•		•	•	•			•	•	•		•		
	0	0	0		0	0	0		Mn	0	0	0	0	0		0	0	0		0	Ô	0
n	0	0	0		0	0	0		0	Mn	0	0	0	0	• • •	0	0	0	•	0	0	0
	0	0	0		0	0	0		0	0	mn	0	0	0		0	Ō	0		0	0	0

I9

	<u> </u>	I				к				n			I				K				n	
	0	0	0	• • •	0	0	0		0	0	0	θ_{11}	0	0		0	0	0		0	0	0
I	0	0	0	• • •	0	0	0		0	0	0	0	821	0	•••	0	0	0		0	0	0
	0	0	0		0	0	0		0	0	0	0	0	BII		0	0	0		0	0	0
•	•	•	•	•••	•	•	•	•••	•	•	•	•			• • •					•	•	•
•	•	•	•	•••	•	•	•	• • •	•	•	•	•	•	•		•	•	•	• • •	•	•	•
•	•	•	•	•••	•	•	•		•	•	•	•				•	•	•		•		•
	0	0	0	• • •	0	0	0		0	0	0	0	0	0	•••	O1K	0	0		0	0	0
K	0	0	0	• • •	0	0	0	•••	0	0	0	0	0	0	• • •	0	O2K	0		0	0	0
	0	0	0	• • •	0	0	0		0	0	0	0	0	0	• • •	0	0	Өзк	• • •	0	0	0
•	•	•	•	•••	•	•	•		•	•	•	•	•		• • •	•	•	•				•
•	•	·	•	• • •	•	•	-		•	•	•	•	•	•	• • •	•	•	•	• • •	•	•	•
•	•	•	•	• • •	•	•	•	• • •	•	•	•	•	•	•	• • •	•	•	•	• • •		•	•
	0	0	0		0	0	0		0	0	0	0	0	0	• • •	0	0	0	•••	Bin	0	0
n	0	0	0	••••	0	0	0	• • •	0	0	0	0	0	0	• • •	0	0	0	•••	0	02n	0
	0	0	0	• • •	0	0	0	• • •	0	0	0	0	0	0		0	0	0		0	0	8312

Анализ (3) и (4) является необходимым, но недостаточным для определения частот и форм колебаний системы.

2.10. Выполняется анализ полных матриц $[A] = [M^{-1}][Z]$ или $[B] = [A^{-1}] = [S][M]$ для выделения обособленных составляющих

$$[A] = \sum_{i=1}^{N} [A_i] = \sum_{i=1}^{N} [M_i^{-1}][Z_i]$$
 или

$$[\mathcal{B}] = \sum_{i=1}^{N} [\mathcal{B}_i] = \sum_{i=1}^{N} [\mathcal{S}_i] [\mathcal{M}_i], \qquad (5)$$

где $[A_i] = [B_i^{-1}].$ (6)

Здесь [M;] – полная матрица инерционных параметров системы, структура которой показана в табл. 5, а

 $[M_i]$ – ее составляющие, соответствующие обособленным составляющим $[Z_i]$ или $[\delta_i]$.

2.11. Отдельно для каждой из обособленных составляющих $[A_i]$ или $[\mathcal{B}_i]$ (если они имеются) решается задача на собственные значения (собствен – ные числа и векторы) по частотным уравнениям.

Для каждой системы эти уравнения в прямой или обратной форме имеют соответственно вид:

$$([M^{-1}][2] - \mathcal{Q}_{E}^{2}E)\overline{Z}^{(1)}=0;$$
 (7)

$$([\delta][M] - \frac{1}{\Sigma_{i}^{2}} E) \overline{Z}^{(i)} = 0, \qquad (8)$$

где

 $\overline{Z}_{x_{1n}}^{(j)} = \left\| \overline{Z}_{x_{1r}}^{(j)}, \overline{Z}_{x_{2r}}^{(j)}, \overline{Z}_{x_{3r}}^{(j)}, \dots, \overline{Z}_{x_{1r}}^{(j)}, \overline{Z}_{x_{2r}}^{(j)}, \overline{Z}_{x_{3r}}^{(j)}, \dots, \overline{Z}_{x_{2r}}^{(j)}, \overline{Z}_{x_{3r}}^{(j)}, \overline{Z}_{x_{3r}}^{(j$

блочный вектор коэффициентов ј -ой формы колебаний. Если обособленные составляющие [A_i] или [B_i]. отсутствуют, то все колебания в пространстве линейно

отсутствуют, то все колебания в пространстве импени взаимосвязаны и задача решается по полной матрице [A] или [B] .

При решении прямой задачи (7) по [A] определяются собственные числа в виде $\mathfrak{D}_{i}^{\ell}(\mathfrak{D}_{i})$ – частота **ј** –ой формы колебаний), а при решении обратной задачи (8) по [B] – собственные значения – $1/\mathfrak{D}_{i}^{2}$.

Каждая из обособленных составляющих [Ai] или [Bi] описывает свою независимую группу колебаний.

Результаты решения задачи по определению форм и частот сводятся в соответствующие таблицы (табл.6). Такие таблицы составляются для каждой обособленной матрицы [A_i] или [B_i].

2.12. Коэффициенты форм колебаний системы нормируются по отношению к одному какому-либо коэффициенту, принимая его значение за единицу. В качестве такого нормирующего множителя удобно принимать значение коэффициента перемещения I массы в направ – лении 1-ой оси – $Z_{xyr}^{(0)} = 1$

2.13. Критерием точности вычислений коэффициентов форм колебаний является удовлетворение их условиям ортогональности, имеющим вид

$$C_{ij} = \vec{Z}^{(i)}[M] \vec{Z}^{(i)} = 0 \quad (i \neq j).$$
 (9)

При проверке условий ортогональности строится матрица [*C*], компоненты которой *Сй* определяются по (9) и при *i=j*, *C_{ii} = M_i* (*M_i* – приве – денная к *i* – ой форме колебаний масса сооружений). Результаты проверки ортогональности форм колебаний сводятся в табл. 7.

		1	2	3		j	• • •		6 n
ſ	Q;j								
	$Z_{\mathcal{X}_{II}}^{(\mathcal{Y})}$	1	1	1		1		1	1
DEAC	$Z_{\mathcal{X}_{21}}^{(d)}$								
00	$Z_{\mathcal{X}_{3I}}^{(\mathcal{Y})}$								
1	Z di								
	$Z_{d_{2I}}^{(l)}$								
	Z(1) Z(31				• • • • •		• • • • • •		
-	•	•	•	•		•			
	•	·	•	•	• • • • •	•	••••		
	•	•	•	•	· · · · ·				
					r				

ដ

Таблица 6

Продолжение табл. 6

					the second s				
	N2 формы Пара- метры формы	1	2	3		j	• • • •		6 R
	Rj				• • • •		• • • •		
	ZIIK						• • • •		
	ZX2K								
or ol	ZI3K						• • • •		
8	Zdjr						• • • •		
\downarrow	Zd2K				• • • •				
l	Z(1) Z(3K								
	-	•	•	•	• • • •	•		•	•
				•	• • • •	•	••••	•	•
	\mathcal{R}_{i}								
(7(1) 7.11						• • • •		
ŝ	ZIZZZ								
6	Z. 2.3/2						• • • •		
မို	Zdin						• • • •		
~	ZJen								
	Zan						• • • •		

Таблица 7

N≘n/n	1	2	3	• • •	j			6n
1	M_1	0	0		0		0	0
2	0	M2	0	• • •	0		0	0
3	0	0	M3	• • •	0		0	0
•	•	•	•	•••	•	• • •	•	•
j	0	0	0		Mj	• • •	0	0
•	•	•	•	• • • •	•		•	•
•	•	•	•	• • •	•	· · · · · · ·	•	•
•	0	0	0		0		M	0
6 n	0	0	0	•••	0		0	Мел

Проверка условий ортогональности выполняется для каждой самостоятельной группы колебаний, определяемой соответствующими обособленными составляющими [A_i] или [B_i].

Весь алгоритм расчета режима свободных колебаний целесообразно выполнять по структуре программы вычислений, показанной на рис. 1. Рис.1. Структура программы расчета режима собственных колебаний динамической системы



Расчетные параметры сейсмического воздействия

2.14. В соответствии с расчетной балльностью площадки строительства по СНиП П-7-81, определяется независимая от пространственной ориентации (инвариант – ная) расчетная интенсивность ускорений поступательного движения грунта в основании сооружения.

Расчетная инвариантная интенсивность ускорений поступательного движения грунта І является функцией от меньшего размера сооружения в плане В и вычисляется по формуле

$$I(B) = g A \chi_{4}(B) \quad (M/c^{2}), \quad (10)$$

где $g \approx 10 \text{ м/c}^2$ – ускорение силы тяжести; А – коэффициент, принимаемый равным 0,1; 0,2; 0,4 для расчетной сейсмичности 7, 8 и 9 баллов по СНиП П-7-81.

Значение нормированной аппроксимирующей функции χ_1 (В) определяется по ее графикам рис.2 или вы-26 числяется по формуле

 $\chi_1(B) = e_{t_1(11)}^{\alpha(B-25)}$

где B(M) – мень – ший размер соору – жения в плане; C = аштроксимирующий коэффициент,значение которого $равно <math>-8\cdot10^{-4}$; $-4,8\cdot10^{-3}$ и $-1,2\cdot10^{-2}$ (1/M) для I, \Box и Ш категории грунтов по СНиП \Box -7-81.



Рис.2. Графики нормированных функций $\chi_{,}$ (B)= $e^{\alpha(B-25)}$ при $\alpha = -8\cdot10^{-4}$; -4,8·10⁻³ и -1,2·10-2 (1/м) для I, П и Ш категорий грунтов, соответственно

2.15. В зависимости от категории грунтов по СНиП П-7-81 определяется независимая от пространственной ориентации (инвариантная) интенсивность угловых ускорений вращательных движений грунта в основании сооружений (ускорения ротации поля сейсмических движений). Этот инвариант интенсивности определяется относительной (по отношению к инварианту ускоре – ния поступательного движения) величиной **W**.

Расчетное значение относительного инварианта интенсивности углового ускорения сейсмических движений грунта является функцией от меньшего размера соору – жения в плане В и вычисляется по формуле

$$W(B) = \overline{W} \chi_2(B) (M^{-1}), \qquad (12)$$

где $\overline{W} = 2 \cdot 10^{-2}$; $6 \cdot 10^{-2}$ и $9 \cdot 10^{-2}$ (м⁻¹) для грунтов I, П и Ш категорий по СНиП П-7-81.

Значение нормированной аппроксимирующей функции χ_2 (В) определяется по графикам рис.З или вычисля – ется по формуле $\rho(B-25)$

$$\gamma_{2}(B) = e , \qquad (13)$$

где B(M) – меньший размер сооружения в плане; b – аппроксимирующий коэффициент, значение которого равно -7,2.10⁻³; -1.10⁻² и -1,6.10⁻² (1/м) для I, Π и Π категорий грунтов по СНи Π Π -7-81.

2.16. Спектраль-

ный состав компонент

векторов сейсмичес -

кого воздействия (ус-

корения поступатель -



Рис.3. Графики нормированных функций χ_2 (В) = $e^{b(B-25)}$ при $b = -7,2\cdot10^{-3}; -1\cdot10^{-2}$ и -1,6·10⁻² (1/м) для 1, П и Ш категорий грунтов, соответственно...

ного движения X_{0} и углового ускорения a_{0}) определяется соответствующими коэффициентами динамичности, в зависимости от категории грунтов по СНиП П-7-81 - k_{rp} , коэффициентов потерь энергии при колебаниях рассматриваемой системы $g = \delta/\pi$ (δ логарифмический декремент колебаний), периодов собственных колебаний - $T = 2\pi/S2$ (S2 - частота собственных колебаний, определяемая в соответствии с п.п. 8-12 Приложения 1).

Для вектора ускорения поступательного движения грунта значения коэффициента динамичности определяются по СНиП П-7-81 и вычисляются по формуле

$$\beta_{\ddot{\mathbf{x}}_{o}}(\kappa_{rp}, \ddot{\mathbf{y}}, \mathbf{T}) = \kappa_{rp} \, \mathbf{a}_{\mathbf{x}} \, \bar{\boldsymbol{\beta}}_{\ddot{\mathbf{x}}_{o}}(\mathbf{T}), \qquad (14)$$

где К_{гр} – коэффициент, учитывающий категорию грун – тов по СНиП П-7-81, значения которого принимаются по данным табл. 8.

Таблица 8

Категория грунтов	I	П	ш	
κ _{rp}	1	0,9	0,7	

8	0,1	Υ < 0,1 сооружения со слабой диссипа_ цией с учетом Кψ = 1,5 по СНиП П_7_81
ay	3	3.1,5 = 4,5



Рис.4. Графики нормированных коэффициентов динамичности вектора ускорения поступательного движения сейсмического воздействия для грунтов 1, П и Ш категорий Потери энергии при колебаниях системы учитываются коэффициентом а, значения которого определены для (14) в соответствыи со СНиП П-7-81 и приведены в табл. 9.

Значения нормированных по соответствующим максимумам коэффициен там динамичности $\vec{\beta}_{\vec{X}_{o}}(T)$ определяются в зависимости от категории грунтов по СНиП

П_7_81 по графикам рис. 4 или вычисляются по формулам:

для 1 категории грунтов

при $T \leq 0,33$ с $\overline{\beta}_{\dot{X}_{o}}(T) - 1;$ при T > 0,33 с $\overline{\beta}_{\ddot{X}_{o}}(T) = 1/3T;$ (15)

для 🛛 категории грунтов

при
$$T \leq 0,41$$
 с $\overline{\beta}_{X_0}(T) = 1;$
при $T > 0,41$ с $\overline{\beta}_{X_0}(T) = 1/2.45T,$ (16)

для Ш категории грунтов

при $T \leq 0.75$ с $\bar{\beta}_{\ddot{x}_{0}}(T) = i;$ при T > 0.75 с $\bar{\beta}_{\ddot{x}_{0}}(T) = i/i, 33T.$ (17)

Для вектора углового ускорения вращения сейсмического воздействия значения коэффициента динамичности вычисляются по формуле

$$\beta_{\vec{a}_{o}}(\kappa_{r\rho}, \gamma, T) = \kappa_{r\rho} \beta_{\gamma} \overline{\beta}_{\vec{a}_{o}}(T), \qquad (18)$$

где κ_{rp} – коэффициент, учитывающий категорию грунтов по СНиП П-7-81, значения которого определяются по табл. 8.

Таблица 10

х	0,1	0,05	0,02	0,01	0,005
B *	3	6	12	20	30

Примечание. Для других значений 🎸 допускается коэффициент 🔓 определять по интерполяции.

Значения коэффициента в , учитывающего потери энергии при колебаниях системы, определяются по табл. 10.

Нормированные значения коэффициентов динамичности <u>Б.</u>(Т) определяются по графику рис.5 или вычисляются по формуле



Рис.5. График нормированного коэффициента динамичности вектора углового ускорения вращения сейсмического воздействия

β_i (T)

при $T \leq 0.5 c$ $\overline{\beta}_{\alpha_{0}}(T) = 1;$ при T > 0.5 c $\overline{\beta}_{\alpha_{0}}(T) = \frac{4}{2}T.$ (19)

2.17. Сейсмическое воздействие имеет произвольное направление в пространстве (см. п.2.3 СНиП П-7-81). Ориентация в пространстве векторов ускорения поступательного движения и углового ускорения вращения грунтового основания сооружения определяется направляющими косинусами.

Вектор ускорения поступательного движения грунта в основании сооружения задается в инерциальных осях ОХ₁Х₂Х₃, в качестве которых, в соответствии с п. 2.5, может быть принята ориентация по сторонам. света или какая-либо другая местная система трех ортогональных направлений. Ориентация в пространстве вектора \vec{X}_0 определяется направляющими косинусами \vec{X}_{10} в этих инерциальных осях ОХ₁Х₂Х₃. Значения направляющих косинусов \vec{X}_{10} должны удовлетворять условиям нормировки, имеющим вид

$$\hat{\gamma}_{\vec{x}_{10}}^{2} + \hat{\gamma}_{\vec{x}_{20}}^{2} + \hat{\gamma}_{\vec{x}_{30}}^{2} = 1.$$
 (20)

Вектор углового ускорения вращения грунта задается в осях $0x_{01}, x_{02} x_{03}$, неизменно связанных с основанием сооружения. В качестве осей $0x_{01} x_{02} x_{03}$, согласно п. 2.5, следует принимать систему главных осей сооружения. Ориентация в пространстве вектора $\overline{\alpha}_{0}$ определяется направляющими косинусами $\sqrt[3]{a}_{10}$, которые отсчитываются относительно этих же осей $0x_{01} x_{02} x_{03}$. Значения направляющих косинусов $\sqrt[3]{a}_{10}$ должны удовлетворять условиям нормировки в виде

Расчетные параметры ориентации векторов сейсмического воздействия \ddot{X}_{o} и \checkmark_{o} определяются значениями направляющих косинусов \ddot{X}_{io} и \ddot{Y}_{io} (i = 1, 2, 3) в указанных осях. В расчетах сле-

дует исходить из двух групп значений направляющих косинусов:

проверочные (наиболее вероятные для заданного региона строительства) и основные расчетные.

Расчет на наиболее вероятные значения направляющих косинусов является проверочным и выполняется в тех случаях, когда они известны для данного региона Vilo ۶x. строительства. Эти значения И определяются по данным конкретной сейсмологической обста новки: геология региона местности; возможные очаги землетрясений и направления на них; опыт повреждений и разрушений во время прошедших землетрясений; данные обработки зарегистрированных процессов движения грунта и т.д. При этом принимаемые проверочные значения направляющих косинусов должны удовлетворять условиям нормировки (20) и (21).

Основные расчетные значения направляющих коси – нусов вычисляются отдельно для каждой из учитываемых форм колебаний, исходя из условий максимума динами – ческой реакции по рассматриваемой форме колебаний. Эти значения направляющих косинусов для ј -ой формы колебаний определяются по следующим формулам:

где

$$\begin{aligned} & \alpha_i^{(\prime)} \in \widehat{\mathcal{I}}_{\widetilde{\mathcal{I}}_{\kappa}}^{(\prime)''} \mathcal{M}_{\kappa}[\mathcal{G}_{0}^{\prime}] \overline{\mathcal{A}}_{j}; \\ & \mathcal{B}_{i}^{(\prime)} \in \widehat{\mathcal{I}}_{\widetilde{\mathcal{I}}_{\kappa}}^{(\prime)''} \mathcal{M}_{\kappa}[\overline{\mathcal{I}}_{\kappa}^{\prime}] + \widehat{\mathcal{I}}_{\widetilde{\mathcal{I}}_{\kappa}}^{(\prime)''}[\mathcal{B}_{\kappa}][\mathcal{G}_{\kappa}][\mathcal{G}_{\kappa}]] \widehat{\mathcal{B}}_{j}; \end{aligned}$$

$$\vec{A}_{1} = [1; 0; 0]; \quad \vec{A}_{2} = [0; 1; 0], \quad \vec{A}_{3} = [0, 0, 1];$$

$$\vec{B}_{1} = [1; 0, 0]; \quad \vec{B}_{2} = [0, 1, 0], \quad \vec{B}_{3} = [0, 0, 1].$$

$$(23)$$

Результаты вычислений расчетных значений направляющих косинусов сводятся в табл. 11.

Таблица 11



Расчет режима вынужденных колебаний

2.18. Для каждой из учитываемых форм колебаний по всем расчетным значениям направляющих косинусов вычисляются коэффициенты динамичности форм по следующим формулам:

	Vito, Vito	$\beta_1^{(i)}$	$\beta_2^{(i)}$	$\beta_3^{(i)}$	•••	β; ⁽¹⁾	• • •	⁽ⁱ⁾ Вел
	VX CU Y	$\beta_1^{(l)}$	β ₂ ⁽¹⁾	$\beta_3^{(l)}$	• • •	₿; ⁽¹⁾		В ⁽¹⁾ Вбл
Number	+ (2) V X 0 + (2) V X 0 + (2) V X 0 + (2) V X 0 + (2)	B1 ⁽²⁾	B2 ⁽²⁾	β ⁽²⁾		₿; ₽	•••	, ²²⁾ Веп
не зни	→ (3) → (3) → (3) → (3) → (3) → (3)	β ₁ ⁽³⁾	β ₂ ⁽³⁾	β ₃ ⁽³⁾		, ^{В;}	• • •	, ³⁾ Веп
Pac	•	•	•	•	• • •		• • •	
	•	•	•		•••			

Продолжение табл. 12

	Vito, Vito	$\beta_1^{(i)}$	β ₂ ⁽ⁱ⁾	$\beta_3^{(2)}$		B;		β ⁽ⁱ⁾ β ₆₂
ыня	Tixo Sta	$\beta_{I}^{(i)}$	B24)	β ^(j) 3		₿; ⁶⁷⁾		B ^(j) B62
Эначе	•		•	•	· · · · · ·	•	· · · · · · ·	•
Pacyerhue	V: (6n) V: X0 V: (6n) V: (6n) V: (6n)	β ₁ ⁽⁶ⁿ⁾	β ₂ ^(6η)	₿ ⁽⁶ 12) ₿3	•••	В ^(6л)	• • •	(6л) Вел
Проверочные значения	VX.	ßı	ß2	ßz		, ^В ј		Вбл

g

$$\beta_{j}^{(i)} = \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left[\overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(j)} m_{k} \left[\underline{B}_{X_{0}}^{(T)} [\mathcal{G}_{0}^{(T)}] \overline{V}_{\overline{X}_{0}}^{(i)} + W \underline{B}_{X_{0}}^{(T)} (\overline{J}_{0}) [\underline{x_{k}}^{\circ}] \overline{V}_{X_{0}}^{(i)} \right] + \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(j)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{X_{0}}^{(T)} [\underline{x_{k}}^{\circ}] \overline{V}_{X_{0}}^{(i)} \right] + \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{X_{0}}^{(i)} \right\}}{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{X_{0}}^{(i)} \right\} + \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\}}{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\} + \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\}}{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\} + \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\}}{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\} + \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\}}{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\} + \frac{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} \right\}}{\sum\limits_{k=1}^{n} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x_{k}}}^{(i)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{0}}}^{(i)} + W \underline{B}_{\overline{x_{$$

$$\frac{+ W \beta_{\vec{a}_0}(T_g) \overline{Z}_{\vec{a}_K}^{(G')} [\theta_K] [\theta_K] \overline{V}_{\vec{a}_0}^{(G')} }{+ \overline{Z}_{\vec{a}_K}^{(G')} [\theta_K] \overline{Z}_{\vec{a}_K}^{(G')} } , \qquad (24)$$

где
$$V_{\vec{x}_0}^{(i)} = V_{\vec{x}_{10}}^{(i)}, V_{\vec{x}_{20}}^{(i)}, V_{\vec{x}_{30}}^{(i)} = V_{\vec{x}_{10}}^{(i)}, V_{\vec{x}_{30}}^{(i)}, V_{\vec{x}_{30}}^{(i)} = V_{\vec{x}_{10}}^{(i)}, V_{\vec{x}_{30}}^{(i)}$$

Максимальное значение ко<u>э</u>ффициента динамично – сти (24) имеет место при i=j, т.е. $\beta_{j}^{(i)} < \beta_{j}^{(j)}$ при $i \neq j$.

Результаты вычислений коэффициентов динамичности сводятся в табл. 12.

2.19. Если расчет упругой системы выполняется по методу сил и в соответствии с требованиями п.2.7 выполнялось построение матрицы податливости [δ] (см. табл. 2), а также вычислялись внутренние усилия в поперечных сечениях элементов от единичной нагрузки (см. табл. 1), то основными расчетными параметрами являются векторы сейсмических сил и моментов, которые определяются по следующим формулам:

$$\frac{\overline{S}_{\mathcal{K}}^{(j,i)}}{\overline{S}_{\mathcal{K}}} = \left| \begin{array}{c} S_{\mathcal{K}}^{(j,i)} \\ S_{\mathcal{K}}^{(j,i)} \\ S_{\mathcal{K}}^{(j,i)} \\ S_{\mathcal{K}}^{(j,i)} \end{array} \right| = IKm_{\mathcal{K}} \overline{Z}_{\overline{\mathcal{K}}_{\mathcal{K}}} \beta_{\mathcal{J}}^{(i)};$$
$$\vec{\mathcal{M}}_{K}^{(i,i)} = \begin{vmatrix} \mathcal{M}_{iK}^{(i,i)} \\ \mathcal{M}_{iK}^{(i,j)} \\ \mathcal{M}_{iK}^{(i,j)} \\ \mathcal{M}_{iK}^{(i,j)} \\ \mathcal{M}_{iK}^{(i,j)} \end{vmatrix} = IK \left[\mathcal{B}_{K} \right] \overline{Z}_{d_{K}}^{(i)} \beta_{j}^{(i)}.$$
(25)

Коэффициент К в (25) соответствует К, СНиП П-7-81, значения которого согласно табл.3 СНиП П-7-81 предназначены для сооружений симметричных в плане,а так же для зданий регулярной конструктивной схемы, когда эффектами пространственной работы конструкций можно пренебречь.

Для сооружений промышленного или гражданского назначения, имеющих сложную конструктивную схему, необходим учет пространственной работы конструкций. В этих случаях значения коэффициента k отличаются от соответствующего значения k_4 по СНиП П-7-81. Поэтому значение коэффициента k следует принимать по специальному обоснованию в соответствии с принятой конструктивной схемой сооружения и ее возможно – стями к развитию пластических деформаций и местных повреждений, не приводящих к выходу из строя соору – жения в целом. Предварительное значение коэффициента

К должно задаваться в задании на проектирование и затем корректироваться в ходе выполнения проектных работ и уточняться в соответствии с выбранной кон – структивной схемой с последующим окончательным утверждением заказчиком.

Значения векторов сейсмических сил и моментов вычисляются для каждой из рассчитываемых форм колебаний и по каждому варианту ориентации векторов воздействия. Для каждой формы колебаний максимальные значения векторов сил и моментов определяются при значениях направляющих косинусов по (22). Результаты расчета сводятся в табл. 13.

2.20. Если расчет упругой системы выполняется по методу деформаций и в соответствии с требованиями п. 2.8 выполнялось построение матрицы жесткости [7]

1	DANER P	асчетной палил-L				1			• • •			ð	i					_	e	5R		
"	Mep C Koned	РОРМЫ 2НИЙ-1	1	2	• • •	i	• • •	612		1	2		j		62		1	2	•••	j	•••	62
Γ	-	SIT SIT			•••		•••		• • •			• • •		•••		• • •			• • •		• • •	
0	ST.	$S_{2I}^{(j,i)}$					•••		• • •			• • •				• • •			•••			
12		Sal Sal			•••							• • •		•••		• • •			• • •			
8	+0.0	$M_{11}^{(d,l)}$			•••		• • •		•••			•••		• • •					•••		•••	
L	M_{I}^{m}	M2I			• • •				• • •					• • •		• • •			•••		• • •	
Ľ		Mat			• • •		•••		• • •			• • •		• • •					• • •		• • •	
	:	;;;;	•••	:	: : : : : :	•••••	•••	÷	••••	•••	:	:::	•		:	•••	•	•	•••	:	•••	:
Γ	-	SIK (Si)			•••		•••		• • •			•••		•••		• • •			•••		• • •	
0	Su Su	Sek					•••		•••			•••		•••					•••		• • •	
je l	~	S3K			•••		•••		• • •			• • •		•••		• • •			•••		•••	
		MIK			• • •		• • •		• • •			•••		•••					•••		• • •	
ŏ	MK	Mark					•••					• • •		• • •					•••		• • •	
×		M3K (1,1)					•••		•••			•••		•••					• • •		• • •	
	:	÷	:	:	:::	:		:	:::	:	:	:::	:		:		•	:		••••	••••	:
Π		Sin Sin			•••		• • •		• • •			• • •		• • •		• • •			••••		•••	
6	50,0	San					•••		• • •			• • •		• • •					•••			
70	-n	San			•••		• • •					•••		•••							•••	
e.	-+(;i)	Min			•••		• • •		• • •			••••		• • •					•••		• • •	
10	Mn	Man							• • •			•••				•••			•••		•••	

#	омер р Ориенп	асчетной ации – i				1			•••			ð							e	52		
H	OMED Q KONEBG	00РМЫ . РНИЙ - 8	1	2	•••	÷	• • •	612	• • •	1	2	•••	j	• • •	6n		1	2	•••	t	• • •	6n
		$\mathcal{X}_{II}^{(q,l)}$			•••		•••		•••			•••		• • •		• • •			•••		•••	
20	\mathcal{X}_{T}	L21			• • •				•••							• • •			•••		•••	
ШE		$\mathcal{X}_{3I}^{(i,l)}$			• • •		• • •					•••		•••		• • •					• • •	
à		$\mathcal{L}_{II}^{(i,i)}$			• • •		• • •					•••		•••		• • •			•••			
	d_I	d21			• • •		• • •		• • •					• • •		• • •			• • •		• • •	
		(J,1) (31			•••				• • •					• • •		• • •					•••	
•	:		:	•	•••	:	•••	•	•••	:		* * *	•		•	• • •	•	:		•	•••	:
		n (1,1)			•••		•••	•					•			•••				•	•••	•
0	$\overline{r}^{(j,i)}$	2241)												•••		• • •					• • •	
me	~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~~	L'and			• • •		•••												• • •		•••	{
è,		(1,i) (1,i)												•••								
ン ト ン	-(j,i)	d 2K			• • •		• • •		• • •			• • •							• • •			
	- X	(1,1) (3k					•••												• ••		• ••	
•	:		:	:		:		:	•••	:	•	•••	•	•••	:	• • •	•	•••				÷
		$\mathcal{I}_{in}^{(i,i)}$					• • •		• • •			• • •	·	• • •		• • •			۰۰.		• • •	
2	L	222			• • •		• • •		•••			•••		•••		• • •						
me	12	X32			•••		• • •		• • •			• • •		• • •		• • •			• • •		• • •	
00	(j.i)	din din			• • •		• • •		• • •			•••		•••		• • •					• • •	
2	dn	d22			• • •		• • •		• • •			• • •							•••		• • •	
	ſ	(d,1)			•••							•••				• • •			• • •		••••	

(см. табл. 4), а также вычислялись внутренние усилия в поперечных сечениях упругих элементов от единичных перемещений, то основными расчетными параметрами являются векторы перемещений центров масс и углов вращения масс, которые определяются по следующим формулам:

 $\vec{\chi}_{\kappa}^{(q,i)} = \begin{array}{c} \chi_{1\kappa}^{(q,i)} \\ \chi_{2\kappa}^{(q,i)} \\ \chi_{2\kappa}^{(q,i)}$

(26)

Значения векторов перемещений центров масс и углов поворота масс относительно их центра вычисля – ются для каждой из рассчитываемых форм колебаний и по каждому варианту ориентации векторов воздействия. Для каждой формы колебаний значения векторов (26) имеют максимальные величины при направляющих косинусах по (22). Результаты этого расчета сводятся в табл. 14.

Определение расчетных значений внутренних усилий в поперечных сечениях несущих конструкций сооружения

2.21. Если расчет упругой оистемы выполнялся по методу сил, то для каждой отдельной формы колебаний, по данным п. 2.19, по величинам фактических сейсмических сил и моментов, корректируются внутренние усилия от единичной нагрузки по данным п. 2.7:

 $N_{l}^{(j,i)} = \sum_{\substack{k=1 \ k \neq i}}^{n} \left[N_{k}^{(\rho_{X_{p_{k}}}=1)} S_{\ell k}^{(j,i)} + N_{k}^{(M_{X_{p_{k}}}=1)} M_{\ell k}^{(j,i)} \right];$

(27) $M_{h}^{(j,i)} = \sum_{\substack{k=1 \ k \neq i}}^{n} \sum_{\substack{k=1 \ k \neq i}}^{3} \left[\overline{M}_{h}(\rho_{\mathbf{x}_{f_{k}}} = I) S_{\ell k}^{(j,i)} + \overline{M}_{h}(M_{\mathbf{x}_{f_{k}}} = I) M_{\ell k}^{(j,i)} \right],$

N14, N24,1), N34,1) где - поперечные и продольные силы по ј -ой форме при і -ой ориентации M14.1), M04.1) векторов сейсмического воздействия; M.4.1) - изгибающие и крутящие моменты по ; -ой форме при і -ой ориентации векторов сейсмического N. (...) воздействия для рассматриваемого сечения и Mi S(j,i) M(j,i) Pk, Pk - единичные усилия: фактические сейсмические силы и моменты по форме колебаний для ; -ой ориентации векторов сей-смического воздействия. Смического воздействия. Внутренние усилия (27) вычисляются по каждой

Внутренние усилия (27) вычисляются по каждои форме колебаний и для каждого из вариантов ориента – ции векторов сейсмического воздействия. Для каждой формы колебаний максимум усилий (27) имеет место при значениях направляющих косинусов по (22). Результаты этого расчета сводятся в табл. 15.

2.22. Если расчет упругой системы выполняется по методу деформаций, то для каждой формы колебаний внутренние усилия от единичных перемещений и углов вращения по данным п. 2.8 корректируются на величи – ны фактических перемещений и углов вращения масс по данным п. 2.20:

$$N_{h}^{(q,i)} = \sum_{k=1}^{n} \sum_{\ell=1}^{3} \left[\overline{N}_{h}(\Delta_{\mathcal{I}_{\ell_{k}}} - 1) \mathcal{I}_{\ell_{k}}^{(q,i)} + \overline{N}_{h}(\Delta \mathcal{Y}_{\mathcal{I}_{\ell_{k}}} - 1) \mathcal{I}_{\ell_{k}}^{(q,i)} \right];$$

$$M_{h}^{(q,i)} = \sum_{k=1}^{n} \sum_{\ell=1}^{3} \left[\overline{M}_{h}(\Delta_{\mathcal{I}_{\ell_{k}}} - 1) \mathcal{I}_{\ell_{k}}^{(q,i)} + \overline{M}_{h}(\Delta \mathcal{Y}_{\mathcal{I}_{\ell_{k}}} - 1) \mathcal{I}_{\ell_{k}}^{(q,i)} \right],$$

$$(28)$$

где $\overline{N_{i}}^{(...)}$ и $\overline{M_{i}}^{(...)}$ – единичные усилия; $\mathcal{X}_{t_{K}}^{(q,i)}$ и $\mathcal{A}_{t_{K}}^{(i,i)}$ – фактические перемещения и углы вращения масс по **ј** – ой форме колебаний для **і** – ой ориентации векторов воздействия.

			I-0		эло					K -0	ре т ~	ело					<i>n</i> .	-oe !	гело		
Нагруз ка Вну трен- ние усилия	SIL (1, 17)	Ser (it)	S3r S3r	M11 (12)	Mer	M31 M31		SIX	Ser	S3K	M Cirl)	M(42) M2X	MEN		Sin	Ser. Ser	S312	MIR (1:1)	Men ()	MGil	Σ
$N_1^{(i)}$																					
N2(4)							•••							•••							
$N_3^{(i)}$							• • •														
M _I ^(j)																					
M2(4)																					
M3(4)														• • •							

Таблица 16

		І-де тело								(-oe	тел	0			_	2	-0e	тел	0		
Переме- Щения Ц Поворо- Пы Внитрен. Усилия	and i	221	L31	611 011	(i,i) d2I	der (IL)	• • •	T14 ()	2.2K	L'AU	(1,1) d1k	(71) 05x	(1;1) d3K	••••	I'm	L21	L'51	(1'I) (1'I)	(1) (1)	d.3.2 d.3.2	Σ
NI ^{Y,U}							•••														
N2 (i,i)							• • •														
N3(1,1)							•••														
$M_1^{(i,i)}$							•••														
$M_2^{(j,l)}$														•••							
$M_3^{(j,i)}$							•••														

	Расцетные усилия V V Xo' do	Ñ ₁ ⁽ⁱ⁾	Ñ ⁽ⁱ⁾ 2	Ñ ₃ (i)	$\widetilde{M}_{1}^{(i)}$	$\widetilde{M}_{2}^{(i)}$	<i>M</i> ₃ ⁽ⁱ⁾
	VX0 VX0 VX0 VX0	$\widetilde{N_{I}}^{(1)}$	$\tilde{N_2}^{(1)}$	N ₃ ⁽¹⁾	$\widetilde{M_{1}}^{(l)}$	$\tilde{M}_{2}^{(l)}$	<i>M</i> ₃ ⁽¹⁾
вчения	→ (2) √ X ₀ (2) √ 2 √ 2 √ 2 √ 2 √ 2	Ñ ₁ ⁽²⁾	$\widetilde{N_2}^{(2)}$	Ñ ₃ ⁽²⁾	<i>M</i> ₁ ⁽²⁾	<i>M</i> ₂ ⁽²⁾	<i>м</i> ⁽²⁾
асчетные зн	5 12 3 12 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	N ₁ (3)	N ₂ ⁽³⁾	N ₃ ⁽³⁾	$\widetilde{\mathcal{M}}_{1}^{(3)}$	$\widetilde{M_2}^{(3)}$	$\widetilde{M}_{3}^{(3)}$
ų	• •	•	•	•	•	•	•

Продолжение табл. 17

	Pocyethie ycunur Viii Viii Xo, To	Ñı Nı	$\widetilde{N}_{2}^{(i)}$	Ñ3	~(<i>i</i>) M ₁	<i></i> М2 ⁽ⁱ⁾	<i>M</i> ₃ ⁽ⁱ⁾
h-	545 FX	N ₁ ^(j)	N 4) 2	N ₃ ^(j)	<i>м̃</i> ⁽ⁱⁱ⁾	$\widetilde{M}_{2}^{(i)}$	$\widetilde{M}_{3}^{(j)}$
значения	•	•		•	•	• • •	
Расчетные	√(6n) √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √::: √	N ₁ (611)	N ₂ ⁽⁶ⁿ⁾	N ₃ ⁽⁶ⁿ⁾	$\widetilde{M_1}^{(6n)}$	M2 ⁽⁶ⁿ⁾	~ (6n) Mz
Проверочные значения	Vito Vito	Ñ	Ñe	Ňz	Ми	Ň2	М _э

По (28) внутренние усилия вычисляются для каждой формы колебаний и для каждого варианта ориентации векторов сейсмического воздействия. Максимум усилий для каждой формы колебаний имеет место при значениях направляющих косинусов по (22). Результаты этого расчета сводятся в табл. 16.

2.23. Для каждого і -го варианта ориентации векторов сейсмического воздействия по внутренним усилиям, соответствующим отдельным формам колебаний,

 $N_{\ell}^{(i,i)}$ и $M_{\ell}^{(i,i)}$ определяются расчетные значения внутренних усилий $\widetilde{N_{\ell}^{(i)}}$ и $\widetilde{M_{\ell}^{(i)}}$

где f – число учитываемых форм колебаний при определении расчетных значений внутренних усилий в l -ом направлении (l = 1, 2, 3) поперечного сече – ния для рассматриваемого i –го варианта ориентации векторов сейсмического воздействия.

Результаты расчета сводятся в табл. 17.

2.24. Из расчетных усилий (29), соответствующих отдельным і - ом вариантам ориентации векторов сейсмического воздействия, по данным табл. 17 принима – ются максимальные значения усилий для проверки несущей способности сечений в сочетании с усилиями от других видов нагрузок. Принятый і -ый вариант значений т

у со и у со определяет наиболее опасную ориентацию векторов сейсмического воздействия для рассчитываемого сооружения, при которой в рассматриваемом сечении данной конструкции возникают максимальные значения внутренних усилий.

ПРИМЕР РАСЧЕТА ПО ОПРЕДЕЛЕНИЮ СЕЙСМИЧЕСКОЙ НАГРУЗКИ НА КОЛОННЫ СИЛОСНОГО КОРПУСА

Приведенный в разделе 2 алгоритм расчета проиллюстрирован на простейшем примере определения на-



Рис. 6. Конструктивная схема (а) и расчетная динамическая модель (б) силосного корпуса

грузки на колон ны силосного корпуса (рис. 6). Параметры сооружения взяты из проекта железобетонного силосного корпуса, разработанного институтом Сибгипробиосинтез (г.Красноярск) для Ан -**ДИЖанского** гид ролизного 38вода. B C00T-

1

ветствии с проектом сечение колонн 0,6х0,6 м.

Описадке расчетной динамической модели сооружения

1. По п. 2.2, пренебрегая деформациями железобетонного резервуара, примем расчетную динамическую модель в виде твердого цилиндра на упругих стойках, как показано на рис. 6. Нагрузку определим на несущие колонны без учета деформаций резервуара.

2.Согласно п. 2.3 инерционные параметры при полностью заполненном резервуаре равны: m_I = 636·10³ кг;

 $\theta_{1I} = \theta_{2I} = 1324 \cdot 10^4 \text{ Kr/m}; \quad \theta_{3T} = 286 \cdot 10^4 \text{ Kr/m}.$

3. По п. 2.4 железобетонные колонны моделируем упругими стержневыми конечными элементами с геометрическими характеристиками в соответствии с рис. 6.

4. Согласно п. 2.5 определяются геометрические параметры динамической модели:

- оси $OX_1X_2X_3$ принимаем параллельными осям $Ox_{01}x_{02}x_{03};$

- начало осей $O_{01}^{x} O_{2}^{x} O_{3}^{x}$ связываем с геометрическим центром фундамента (см. рис. 6);

- [fo] = E - единичная матрица;

- твердому цилиндру присваиваем номер 1;

- вводим главные центральные оси инерции цилиндра III 12II ;

$$- \left[\begin{array}{c} \mathcal{G}_{I} \end{array} \right] = E; \\ - \overline{\mathfrak{X}}^{\circ 1} = \|10; 0; 14,2\| (M). \end{array}$$

Описание упругих свойств расчетной динамической модели сооружения

5. По п. 2.6. для статического расчета рассматриваемой упругой системы воспользуемся программами, основанными на конечном элементе.

6. В соответствии с п.2.7 от последовательного действия единичных сил и моментов выполняем статичес – кий расчет и определяем внутренние усилия в рассматриваемых сечениях, а также перемещения центра массы (табл. 1) и углы поворотов цилиндра. В качестве при – мера в табл. 18 сведены внутренние усилия для нижнего сечения колонны. В табл. 19 сведены единичные перемещения и углы поворотов. Табл. 19 определяет матрицу [8].

Расчет режима свободных колебаний

7. Согласно п.2.9 анализ матрицы [8] (табл. 19) показывает, что она не содержит обособленных составляющих.

Таблица 18

Единичные внутренние усилия в нижнем сечении колонны

л, _M	$P_{\mathbf{x}_{41}} = f(H)$	$P_{\mathcal{X}_{2I}} = 4 (H)$	$P_{\boldsymbol{x}_{3I}} = I(H)$	M _{rii} =1(HM)	$M_{\pi_{2I}} = I(H_M)$	$M_{\mathfrak{X}_{3I}} = I (H_M)$
, ₩	-0,2491• 10 ⁰	0.1290.	-0.1775.	0.7003· 10 ⁻⁴	-0,1214. 10 ⁻³	-0,7402
(н)	()	(_)	(_)	(_M ⁻¹)	(_M ⁻¹)	(_M ⁻¹)
ダ2 (H)	0.4105. 10 ⁻² (_)	-0.2442· 10 (_)	-0.1101· 10-4 (_)	-0.3237• 10-4 (м ⁻¹)	-0,6098- 10-4 (M ⁻¹)	-0.4719- 10 ⁻¹ (м ⁻¹)
л (н)	0.1380 10 ¹ (_)	-0.1338* 10 ¹ (_)	-0.2191· 10 ⁰ (_)	0.1235· 10 ⁰ (м ⁻¹)	0.1243- 10 ⁰ (м ⁻¹)	-0.9324. 10 ⁻³ (м ⁻¹)
<mark>Й,</mark> (Нм)	-0.1204 10 ⁻¹ (м)	0.7531· 10 ⁰ (м)	-0.2448 10 ⁻³ (м)	-0.1762· 10 ⁻² (_)	0.1890. 10 ⁻³ (_)	0.1416- 10 ⁰ (_)
М ₂ (Нм)	-0.768 4 • 10 ^О (м)	0.3591• 10 ⁻² (м)	-0.1936 10- ³ (м)	0.2162. 10 ⁻³ (_)	-0.2236• 10 ⁻² (_)	0.1410· 10 ⁰ (-)
Мз (Нм)	0.9745 [.] 10 ⁻² (м)	0.6088- 10 ⁻² (м)	0.1288. 10 -5 (м)	0.1824. 10 ⁻⁵ (-)	0.1005· 10-4 (_)	-0.6165. 10-1 (_)

Матрица податливости



		х ₁₁	× 21	x ₃₁	ط ₁₁	≪ ₂₁	حر 31
	x ₁₁	63,6•10 ⁴ (кг)	0	0	0	0	0
1	x ₂₁	ο	63,6•10 ⁴ (кг)	0	0	0	D
	x ₃₁	0	0	63,6.10 ⁴ (кг)	0	0	0
M =	حد ₁₁	0	O	0	1324·10 ⁴ (кг·м ²)	0	0
	a 21	0	0	0	0	1324•10 ⁴ (кг.м ²)	0
	ط 31	0	0	0	0	0	286.10 ⁴ (кг.м ²)
SI I			ليسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترجب والمسترج والم				

Матрица инерционных параметров

Таблица 20

Частоты и коэффициенты колебаний

я _ј , ј Тј, г	1	2	3	4	5	6
Ω _j (c ⁻¹)	8,21	8 ,24	11,90	42,20	42,24	89,30
Tj (c)	0,7653	0,7625	0 ,52 80	0,1490	0 ,14 87	0,07036
2 ^(j) 11	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0
2 ^(j) x 21	0,6691.10	-0,1494	0,6660.10	-0,1604	0,6235	-1499·10 ¹
2 ^(j) x 31	0,6953•10	-0,5839	0,7155•10	0,1178•10	0,2241	-0,2015.10
2 (j) ~ 1 I	-0,1186	0,2669+10	-0,2617	0 ,4 306•10	0,1677	-0,1868.10
2(j) 21	0,1773•10	0,1785-10	0,3925-10	0 ,2 685	-0 ,2 690	-0,1245•10
₹ ^(j) ″ ³ 1	0 ,4432*1 0	0,1127•10	-0,7355	0 ,2 506 . 10	-0,5123	0,9283•10 ⁻⁵

Условия ортогональности форм колебаний

№ п/п	1	2	3	4	5	6
1	0,9323.	0,3775.	0,7451.	0,9631-	-0,1427-	0,8374.
	10 ⁶	10 ⁻²	10 ⁴	10 ⁴	10 ³	10 ⁴
2	0,3769.	2,0419•	0,1752.	-0,2684.	-0,1135.	-0,8377•
	10 ²	10 ⁶	10 ³	10 ⁴	10 ³	10 ³
3	0,3725,	0,1826.	0,1556.	-0,5820+	0,9313.	0,4567•
	10 ⁴	10 ³	10 ⁹	10 ⁵	10 ⁴	10 ³
4	-0,8699-	-0,6409•	-0,5920 <i>•</i>	0,3442.	0,8395•	-0,7005•
	10 ⁴	10 ⁴	10 ⁵	10 ⁹	10 ⁰	10 ¹
5	0,1241-	-0,1229.	0,9313.	0,8419.	0,1339•	0,4427.
	10 ³	10 ³	10 ⁴	10 ⁰	10 ⁹	10 ¹
6	0,9 2 39•	-0,8377.	-0,4567.	-0,891 2 •	0,4437•	0,2590.
	10	10 ³	10 ³	10 ¹	10 ¹	10 ¹³

ន

8. В соответствии с п.2.10 матрица инерционных параметров приведена в табл. 20. Матрица [B] =[δ][N]

также не содержит обособленных составляющих.

9. По п. 2.11 задача по определению частот и форм колебаний решается по полной матрице [8] для всей системы. Результаты решения по структуре алгоритма, показанного на рис.6, сведены в табл. 21.

10. По п.2.12 коэффициенты форм колебаний (см. табл. 21) нормированы на величину $\mathcal{I}_{\mathbf{x}_{11}}^{(j)} = 1$ (j = 1 + 6).

11. По п.2.13 условия ортогональности форм колебаний показаны в табл. 22.



Рис. 7. Схемы движения силосного корпуса в пространстве по первым пяти формам колебаний

Данные расчета режима свободных колебаний свидетельствуют о следующем. По первым двум формам преобладают поступательные движения резервуара в горизонтальной плоскости. Для третьей формы характерно в основном вращение относительно вертикальной оси. Для четвертой и пятой форм колебаний в основном имеют место вращения относительно горизонтальных осей. В шестой форме доминируют поступательные вертикальные движения резервуара. Характер движения по первым пяти формам показан на рис. 7.

Определение расчетных параметров сейсмического воздействия

12. Согласно п.2.14 для рассматриваемого примера примем условно расчетную балльность района, равную 8_ми баллам, для которой коэффициент A = 0.2.

Для площадки строительства в примере условно примем Ш категорию грунтов по СНиП П-7-481.

По рис.6 рассматриваемое сооружение имеет размеры в плане 4x4 м, т.е. B = 4 м.

Для \square категории грунтов при B = 4 M < 25 Mпо (11) или рис. 2 имеем χ_1 (4) = 1.

По (10) для районов 8-ми балльной зоны Ш категории грунтов, при В = 4 м имеем следующее значение инварианта ускорения поступательного движения сейсмического воздействия:

$$I(4) = 10.0, 2.1 = 2 \text{ m/c}^2.$$

По п.2.15 для принятой Ш категории грунта площадка строительства имеет: $\overline{W} = 9.10^{-2}$ (м⁻¹).

Для B = 4 м < 25 м и Ш категории грунтов то (13) или графиком рис. 3 имеем: χ_2 (4) = 1.

По (12) для Ш категории грунтов при В = 4 м имеем следующее значение инварианта относительной интенсивности углового ускорения вращения сейсмического воздействия:

 $(4) = 9 \cdot 10^{-2} \cdot 1 = 9 \cdot 10^{-2} (m^{-1}).$

14. По п. 2.16 для <u>Ш</u> категории грунтов по данным табл. 8 имеем: $\kappa_{rp} = 0,7$.

Сооружение выполнено из железобетонных конструкций, т.е. 3 = 0,1. По данным табл. 9-10 имеем: U; = b; = 3. Значения периодов собственных колебаний даны в табл. 21.

Значения нормированных коэффициентов значимости ускорения поступательного движения для Ш категории грунта $\vec{\beta}$; определяется по графикам рис. 4 или вычисляется по (17). Для периодов, приведенных в табл.21, эти значения $\vec{\beta}$ х о

							-	
	№ формы ј	1	2	3	4	5	6	
	Период Т; (с)	0,7653	0,7625	0,5280	0,1490	0,1487		
лиро- ные	β _x ,	0,7825	0,9861	1	1	1	1	
Норм ван	β <i>ä</i> 。	0,6533	0,6557	0,9470	1	1	1	
юрми– анные	$\beta_{\ddot{\mathbf{x}}_o} = 0, 7 \cdot 3 \cdot \bar{\beta}_{\ddot{\mathbf{x}}_o}$	2,0632	2,0707	2,1	2,1	2,1	2,1	
Нен ров	$\beta_{\alpha} = 0, 7 \cdot 3 \cdot \overline{\beta}_{\alpha}$	1,37 2 0	1,3770	2, 0833	2,1	2,1	2,1	

Значения коэффициентов динамичности векторов сейсмического воздействия

Таблица 24

Значения направляющих косинусов векторов сейсмического воздействия

		Осно	овные рас	четные з	начения			Прове	рочн	ые з	начения
	i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
). ×10	0,8311	0,5562	0,8321	0,4490	0,8484	0,4963 ·10	1	0	0	0
$\frac{\pi}{x_{o}}$). X 20	0,5561	0,8310	0,5547	-0,7202	0,5290	-0,7439• •10- ³	0	0	0	0
ł).)	0,5779.	-0,3248.	0,5953.	0,5289	0,1901					
	^ 30	•10 ⁻⁵	·10 ⁻²	•10 ⁻⁶		$\cdot 10^{-1}$	1,0	0	1	0	0
	2	-0,5560	0,8309	-0,2556	0,9666	-0,5290	-0,6021	0	0	1	0
:: L	V	0,8311	0,5562	0,3834	0 ,2 560	0,8483	0,7984	0	0	0	0
	۷	0,1165-	-0,1264	-0,8876	-0,9993.	-0,2336-	-0,8926•	0	0	0	1
	~30	•10 ⁻¹	·10 ⁻¹		•10 ⁻²	·10 ⁻¹	·10 ⁻³				

Значения нормированных коэффициентов динамичности углового ускорения $\vec{\beta}$ определяются по графику рис. 5 или вычисляются по (19). Для заданных периодов эти значения даны в табл. 23.

Ненормированные значения коэффициентов динамичности вычисляются по (14) и (18) при $K_{rp} = 0.7$ и $a_j = b_j = 3$. Эти значения коэффициентов динамичности так же даны в табл. 23.

15. По п. 2.17 в качестве проверочных значений примем следующие группы направляющих косинусов векторов сейсмического воздействия.

1. Вехтор Х. направлен по оси ОХ (см.рис. 6), а вектор Х. равен нулю:

 $\vec{x}_{10} = 1;$ $\vec{x}_{20} = \vec{y}_{30} = \vec{x}_{10} = 0.$ 2. Вектор \vec{x}_{0} направлен по оси ОХ₃, а вектор равен нулю

$$\dot{x}_{30} = 1;$$
 $\dot{y}_{10} = \dot{y}_{20} = \dot{y}_{10} = 0.$

3. Вектор d направлен по оси Ох (см.рис. 6), а вектор X равен нулю.

 $\hat{\gamma}_{a_{10}} = 1; \qquad \hat{\gamma}_{a_{20}} = \hat{\gamma}_{a_{30}} = \hat{\gamma}_{x_{10}} = 0.$

4. Вектор 2. направлен по оси ОХ 03, а вектор Х равен нулю:

$$\hat{\eta}_{a_{30}} = 1;$$
 $\hat{\eta}_{a_{10}} = \hat{\eta}_{a_{20}} = \hat{\eta}_{a_{10}} = 0 (i = 1, 2, 3).$

Основные расчетные значения направляющих косинусов вычисляются по формулам (22), (23) по заданным значениям коэффициентов форм колебаний, приведенным в табл. 21. Эти значения направляющих косинусов сведены в табл. 24.

Расчет режима вынужденных колебаний

16. По п. 2.18 для всех групп значений направляющих косинусов по табл. 24 и всех форм колебаний по табл. 21 по (24) определяются коэффициенты динамично-

Таблица 25

					N∘¢	ормы		
		i, j	1	2	3	4	5	6
		1	0,3138 E 1	0 ,2 565 E-3	0,2318 E-1	0,3977 E-2	0,2084 E-1	0,1686 E_4
		2	0,3746 E_3	0 ,2 149 E-1	0,3655 E-3	0,1821 E-1	0,6764 E_3	0,3357 E-5
	і тации	3	0 ,2 344 E-1	0,1418 E-1	0,3888 E-1	-0,1836 E2	0,1613 E-1	0,7783 E-5
	орие	4	-0,5153 E 0	0,1917 E 1	-0 ,42 66 E-2	0,2016 E-1	-0,2558 E-2	-0,5553 E-3
	ž	5	0,3135 E 1	0,6970 E-1	0 ,24 05 E-1	-0,3297 E-2	0,2086 E-1	-0,2911 E-5
		6	0,1441 E 1	-0,5073 E-1	0,1316 E-1	-0,8813 E-2	0,8841 E-2	0,1056 E-2
		7	0,1408 E 1	0,6455 E_0	0,8586 E -2	0,3882 E-2	0,9978 E -2	0,5158 E-6
		8	0,9789 E-5	-0,3769 E-2	0,6143 E-8	0,4572 E-2	0 ,223 6 E_3	-0,1039 E-2
		9	-0,8027 E 0	0,8217 E 0	-0,7298 E-2	0,1113 E-1	-0,4815 E-2	-0,1017 E-4
59		10	0,1682 E-1	-0,1250 E-1	-0 ,2 535 E-1	_0,1150 E_3	-0 ,212 6 E_3	-0,1508 E-7

Коэффициенты динамичности отдельных форм колебаний

Значения сейсмических сил и моментов

№ № ори-		Nº № co-		φ	ормы			
ен- та- ции	Векторы	став- ляю- щих	1	2	3	4	5	6
T	2	3	4	5	6	7	8	9
	, (1,j)	1 2 3	998,045 667,792 0,0069	0,0816 -0,1219 -0,0005	7,3739 4,9154 0,0000	-1,265 2,029 -1,4901	6,6304 4,1341 0,1486	0,0054 -0,0008 -10,8056
	$\overline{M}_{I}^{(1,j)}$	4 5 6	-24,6337 36,8259 198,8490	0 ,0045 0,0030 0,0000	0,4016 0,6023 -243,8090	-11,3358 7,0684 -0,0142	23,1403 -37,1184 -1,5270	-0 ,2 085 -0 ,1 389 0,0000
2	5 ^(2,j)	1 2 3	0,1192 0,0797 0,0000	683,672 -1021,4100 - 3,992	0,1163 0,0775 0,0000	5,7912 -9,2891 6,8220	0 ,21 51 0 ,134 1 0,0048	0,0011 -0,0016 -2,1514
	M ₁ ^(2,j)	4 5 6	-0,0029 0,0044 0,0237	37,9744 25,3969 0,3464	-0,0063 0,0095 -3,8442	51,8965 _32,3600 0,0652	0,7509 -1, 2 045 -0,0495	-0,0415 -0,0277 0,0000

П	родолжени	ет	абл	1. 2	26
---	-----------	----	-----	------	----

1	2	3	4	5	6	7	8	9
			745 004	1 51 63	10.0070	0 5000		0.000
	$-\frac{1}{3}(3,j)$	1	745,661	4,5103	12,36/2	-0,5839	5,1318	0,0025
		2	498,922	-6,7384	8,244	0,9366	3,1995	-0,0037
З	1 -	3	0,0052	-0,0263	0,0000	_0,6878	0,115	-4,9888
-	(3 2)	4	-18,4044	0,2505	-0,6735	-5,2326	17,9094	-0,0962
	M	5	27,5134	0,1675	1,0102	3,2628	-28,7276	-0,0641
		6	148,564	0,0023	-408,908	-0,0066	-1,1818	0,0000
_		1	-163,912	609.839	-1.357	6.4121	-0.8135	-0,1767
	<u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u><u></u></u>	2	-109,674	-911.248	-0.9046	-10.285	-0.5072	0.2648
	I U	3	-0.0011	-3.5614	-0.0000	7.5535	-0.0182	355,962
4	1	_	10477	00.000	0.0700			
	x (4,j)	4	4,0457	33,8789	0,0739	57,4606	-2,8393	6,8675
	MI	5	_6,0480	22,6578	-0,1108	_35,8294	4,5544	4,5771
		6	-32,6575	0,309	44,8673	0,0722	0,1874	_0,0000
	(5 :)	1	997.151	22.1709	7.6513	- 1.0489	6,6363	-0.0008
	S_ ^{(3,)/}	2	667,194	-33,1234	5,1003	1.6824	4,1377	0.0014
	1	3	0.0069	-0.1295	0.0000	- 1.2356	0.1487	1.8656
5					, -	.,	-,	
	-+(5,i)	4	-24,6116	1,2315	-0,4167	-9,3992	23,1609	0,036
	M <u>`</u> '''	5	36,7929	0,8236	0,6250	5,8609	-37,1513	0,024
	-	6	198,67	0,0112	-252,981	-0,0118	-1,5283	0,0000

Продолжение табл. 26

1	2	3	4	5	6	7	8	9
6	- <u>,</u> (6,j)	1 2 3	458,408 306,721 0,0032	-16,1377 24,1097 0,0942	4,1857 2,7902 0,0000	-2,8353 4,5478 -3,3399	2,8122 1,7534 0,0630	0,3360 -0,5037 -677,063
0	$\overline{M}_{I}^{(6,j)}$	4 5 6	-11,3144 16,9143 91,3323	-0,8964 -0,5995 -0,0082	-0,2280 0,3419 -138,397	-25,4075 15,8428 -0,0319	9,8147 -15,7433 -0,6477	-13,0625 -8,706 0,0000
7	S ^(7,j)	1 2 3	447,861 299,664 0,0031	205,32 -306,748 -1,1989	2,7313 1,8207 0,0000	1,2347 -1,9805 1,4545	3,1739 1,9789 0,0711	0,0002 -0,0002 -0,3306
	<u>M</u> ^(7,j)	4 5 6	-11,0541 16,5252 89,2309	11,4045 7,6272 0,1040	-0,1487 0,2231 -90,3071	11,0646 -6,8993 0,0139	11,077 -17,7682 -0,7310	-0,0064 -0,0042 0,0000
8		1 2 3	0,0031 0,0021 0,0000	-1,1989 1,7911 0,0070	0,0000 0,0000 0,0000	1,4545 -2,333 1,7134	0,0711 0,0443 0,0016	-0,3306 0,4956 666,234
	<u>M</u> (8,j)	4 5 6	-0,0001 0,0001 0,0006	-0,0666 -0,0445 -0,0006	0,0000 0,0000 -0,0001	13,0341 -8,1274 0,0164	0,2482 -0,3982 -0,0163	12,8535 8,5667 0,0000

Продолжение табл. 26

1	2	3	4	5	6	7	8	9
9		1 2 3	-255,331 -170,842 -0,0018	261,369 -390,485 -1, 52 61	-2,3216 -1,5476 0,0000	3,5399 -5,6781 4,1701	-1,5315 -0,9549 -0,0343	-0,0032 0,0048 6,5195
Ū.	- <u>M</u> (9,j) MI	4 5 6	6,3021 -9,4212 -50,8717	14,5176 9,7092 0,1324	0,1264 -0,1894 76,7613	31,7224 -19,7804 0,0399	-5,3450 8,5737 0,3527	0,1258 0,0838 0,0000
	- <u>s(</u> 10, j) S _I	1 2 3	5,3501 3,5798 0,0000	-3,9764 5,9487 0,0232	-8,063 -5,3748 0,0000	-0,0366 0,0587 -0,0431	-0,0676 -0,0422 -0,0015	0,0000 0,0000 0,0097
10	$\overline{M}_{I}^{(10,j)}$	4 5 6	-0,132 0,1974 1,0659	-0,2209 -0,1477 -0,0020	0,4391 -0,6586 266,595	-0,3279 0,2045 0,0004	-0,2360 0,3786 0,0156	0,0002 0,0001 0,0000

ଞ

№ № ори-	Ber-	N:N₀ co-			Форм	ы		
та_ ции	ры	став- ляю- щих	1	2	3	4	5	6
1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	x M	1 2 3 1 2 3	-257,1108 -168,363 485,145 519,105 -736,550 1,5327	-0,0205 0,0300 0,2767 -0,09277 -0,06312 0,000050	9,6333 10,3353 3,8517 -30,909 -40,0270 15,1326	0,3167 -0,5005 -4,6553 1,5629 0,95931 0,000952	-1,5683 -0,9087 1,8314 2,7694 -5,2073 0,1835	-0,0013 0,002119 2,3426 0,003132 -0,001791 -0,0000123
2	¥	1 2 3	-0,03070 -0,02013 0,05793	-171,637 252,215 2318,83	0,15189 0,162958 0,060730	-1,4500 2,2893 21,3128	0,05089 0,02948 0,059430	-0,0002637 0,000421 0,466433
	M	1 2 3	0,061985 -0,08795 0,000183	-777,464 -529,000 0,42303	-0,487356 -0,631112 0,23859	7,15534 -4,3918 -0,0043	0,089867 -0,16897 0,00595	-0,00062 -0,00035 -0,0000024

Значения внутренних усилий в нижнем сечении колонны

1	2	3	4	5	6	7	8	9
3	Ā	1 2 3	-192,091 -125,788 362,462	-1,1323 1,6639 15,2978	16,1567 17,3339 6,4599	0,146209 -0,23082 -2,14892	-1,21384 -0,703325 1,41748	-0,00061 0,00097 1,08159
	M	1 2 3	387,835 -550,293 1,14518	-5,1290 -3,4899 0,0027	-51,8404 -67,1311 25,3799	0,721457 0,44282 0,000439	2,1434 -4,0301 0,1420	-0,001446 -0,000827 -0,00000571
4	R	1 2 3	42,2256 27,6508 79,6769	-153,126 225,014 2068,75	-1,7727 -1,9019 -0,7088	-1,6055 2,5347 23,5978	0,1924 0,1115 -0,2247	0,04364 -0,0698 -77,1723
	M	1 2 3	-85,2543 120,966 -0,2517	-693,616 -471,948 0,3774	5,6881 7,3660 -2,7848	-7,9225 -4,8627 -0,0048	-0,3398 0,6389 -0,0225	0,1031 0,05902 0,000408
_	พิ	1 2 3	-256,877 -168,212 484,710	-5,5660 8,1791 75,1978	9,9957 10,7241 3,9966	0,2626 0,4146 3,86005	-1,5697 -0,9095 1,8331	0,000228 -0,000365 -0,4044
5	м	1 2 3	518,640 -735,890 1,5314	-25 ,2 126 -17,15 5 1 0,01371	-32 ,0724 -41,5328 15,7019	1 ,2 959 0,7954 0,0007897	2,7719 -5,2119 0,1837	0,0005407 0,0003093 0,000002138

Продолжение табл. 27

Продолжение тэбл. 27

h	2	3	4	5	6	7	8	9
6	Ñ	1 2 3	-118,091 -77,3301 222,830	4,0513 -5,9533 -54,7345	5,4683 5,8667 2,1864	0,7099 -1,1208 -10,4343	-0,6652 -0,3854 0,7768	-0,08300 0,13278 146,787
ľ	M	1 2 3	238,428 _338, 302 0,704016	18,3516 12,4867 0,00998	-17,5456 -22,7211 8,5899	3,5031 2,1501 0,00213	1,1746 -2,2086 0,0778	-0,19625 -0,1122 -0,000776
7	x	1 2 3	-115,374 -75,5509 217,703	-51,5460 75,7450 696,390	3,5681 3,8281 1,4266	-0,3091 0,4880 4,5439	-0,7507 -0,4350 0,8767	-0,00000405 0,0000648 0,07168
	м	1 2 3	232,942 -330,518 0,6878	-233,488 -158,869 0,1270	-11,4489 - 14,8260 5,6051	_1,5255 _0,9363 _0,000829	1,3257 -2,4926 0,08788	_0,0000958 _0,0000548 _0,000000379
8	Ñ	1 2 3	-0,0008021 -0,000525 0,00151	0,30097 - 0,4422 -4,0662	0,00000255 0,00000273 0,00000102	-0,36419 0,57497 5,3528	-0,016824 -0,00974 0,01964	0,08167 -0,1306 -144,439
-	M	1 2 3	0,00161 -0,00229 0,00000478	1,3633 0,92763 -0,000741	0,00000819 0,00001060 0,00000401	-1,7971 -1,1030 -0,00109	0,02970 0,05586 0,00196	0,19311 0,1104 0,000763

Продолжение табл. 27

1	2	3	4	5	6	7	8	9
9	<i>พ</i> ี	1 2 3	65,7763 43,0726 -124,115	-65,6170 96,4220 886,4910	-3,0329 -3,2539 -1,2128	-0,8863 1,3993 13,0277	0,3622 0,2099 -0,4230	0,000799 -0,00127 1,4134
	M	1 2 3	132,8030 188,4330 _0,3921	297,2250 202,2370 0,1617	9,7316 12,6022 -4,7643	-4,3737 -2,6845 -0,002665	-0,6397 1,2028 -0,0424	0,0018 0,00108 0,00000747
10	พิ	1 2 3	-1,3782 -0,9025 2,6006	0,9982 -1,1466 -13,4869	-10,5333 -11,3012 -4,2116	0,009163 -0,01446 -0,1346	0,01599 0,00927 0,01868	0,00000118 -0,00000189 -0,002095
	N	1 2 3	2,7827 -3,9483 0,008216	4,5219 3,0768 -0,002460	33,7983 43,7678 -16,5469	0,04521 0,02775 0,00002755	-0,02825 0,09311 -0,001872	0,000002801 0,00000160 0,00000001108

ମ

№ ори- ентации	N (i) (кН)	N ⁽ⁱ⁾ (кН)	ж ₃ ⁽ⁱ⁾ (кН)	[Л ^(L)] (кН)	М (і) (кН•м)	(î) М 2 (кН•м)	М (i) М 3 (кН-м)	[M(i)] (KH+M)
1	251,1848	168,6191	485,1187	571,7222	520,0262	737,6048	15,2084	902,618
2	171,6061	252,2104	2318,0979	2338,0839	777,4330	529,0186	4,8562	940,3649
3	192,6813	126,9012	370,3721	436,3547	391,2831	554,2911	25,3958	687,9595
4	158,8308	226,7067	2069,6685	2088,0890	698,8642	487,1653	4,5 365	851,9165
5	257,0547	168,7401	490,5136	490,9248	520,2018	737,4021	15,7744	902 ,58 33
6	118,3610	77,5589	272,3136	306,8888	239,1052	338,5301	7,0407	414,5159
7	126,3455	107,0114	729,5402	748,0925	329,9224	366,9704	5,6514	493,5058
8	4,7935	7,3697	144,5563	144,8280	2,2636	1,4454	1,5273	3,0896
9	7,8552	105,6115	859,1398	901,3826	325,3057	276,3813	4,2414	426,8822
10	10,9628	11,3036	14,3597	21,3109	34,2044	44,0752	16,5400	58,1678

Расчетные значения внутренних усилий в нижнем сечении колонны

сти отдельных форм $\beta_{j}^{(u)}$, значения которых сведены в табл. 25.

17. Расчет упругой системы выполнялся по методу сил для формирования матрицы податливости (см.табл.19) и внутренние усилия в нижнем сечении колонны определялись от единичных сил и моментов (см.табл. 18). Поэтому согласно п.2.19 основными расчетными параметрами являются векторы сейсмических сил и моментов, значения которых вычисляются по (25).

Рассматриваемое сооружение не относится к категории особо ответственных, допуская в нем образование пластических деформаций, примем к = 0.25.

Значения векторов сейсмических сил и моментов для всех вариантов ориентации векторов воздействия и для всех форм колебаний сведены в табл. 26.

Определение расчетных значений внутренних усилий в поперечном сечении колонны силосного корпуса

20. Согласно п. 2.21 по (27) на основании данных п.6 и п.17 выполняется корректировка единичных внутренних усилий (см. табл. 18) на фактические величины сейсмических сил и моментов, значения которых даны в табл. 26. Результаты этой корректировки сведены в табл. 27.

22. Согласно п.2.23 (29) и данным табл. 27 для каждого варианта ориентации векторов сейсмического воздействия определяются расчетные значения внутренних усилий, значения которых сведены в табл. 28.

23. По п.2.24 из расчетных значений внутренних усилий, соответствующих различным вариантам ориентации векторов сейсмического воздействия, выбираются максимальные значения, по которым, в сочетании с усилиями от других нагрузок, проверяется прочность колонны. Соответствующие этим максимальным усилиям направляющие косинусы (табл. 29) определяют "опасную" ориентацию векторов сейсмического воздействия.

Таблица 29

Значения направляющих косинусов опасной ориентации векторов сейсмического воздействия для нижнего сечения колонны

	کن : کنتر	ν÷ α.
Нижнее се-	0,5562	0,8309
чение ко-	-0,8310	0,5 5 62
лонны	-0,3248•10 ⁻²	0,1264·10 ⁻¹

ПРИМЕР РАСЧЕТА СЕЙСМИЧЕСКОЙ НАГРУЗКИ НА КОЛОННЫ И ДИАФРАГМЫ ЖЕСТКОСТИ ТРЕХЭТАЖНОГО КАРКАСНОГО ЗДАНИЯ

В качестве примера рассматривается трехэтажное каркасное здание с диафрагмами жесткости, конструктивная схема которого показана на рис. 8.



Рис.8. Конструктивная схема (а) и расчетная динамическая модель (б) трехэтажного каркасного здания с диафрагмами жесткости

В правой части здания располо – жена лестничная клетка, стены которой являются диафрагмами жесткости.

В примере требуется определить сейсмичес кую нагрузку на колонны каркаса и на диафрагмы жесткости для рассматриваемого здания.

Описание расчетной динамической модели здания

Согласно п. 2.2 расчетную динамическую модель принимаем в виде трех твердых пластин, соединенных между собой и с основанием стержневыми и пластинчатыми упругими элементами, как показано на рис. 8.

По п. 2.3 каждый диск расчетной динамической модели имеет три системы свободы и совершает плоскопараллельные колебания в горизонтальной плоскости. Всего система имеет 3х3=9 степеней свободы. Инерционные параметры масс равны:

 $M_{I}=0,651\times10^{6} \text{ kr}; M_{\Pi}=0,666\times10^{6} \text{ kr}; M_{\Pi}=0,186\times10^{6} \text{ kr}; \\ \theta_{3\overline{I}}=0,1612\times10^{9} \text{ kr} \cdot \text{ m}^{2}; \qquad \theta_{3\overline{I}}=0,1582\times10^{9} \text{ kr} \cdot \text{ m}^{2}; \\ \theta_{3\overline{I}}=0,6222\times10^{7} \text{ kr} \cdot \text{ m}^{2}$

По п. 2.4 железобетонные колонны каркаса моделируем стержневыми элементами, а конструктивные элементы лестничной клетки – упругими пластинами с геометрическими характеристиками их распределения в со – ответствии с рис. 8.

Описание геометрических параметров динамической модели выполняется согласно **п. 2.5**:

- инерциальные оси отсчета ОХ $1 \begin{array}{c} X_{2} \\ Z_{3} \\ Z_{3} \\ Z_{3} \\ Z_{1} \\ Z_{1} \\ Z_{1} \\ Z_{1} \\ Z_{1} \\ Z_{2} \\ Z_{1} \\ Z_{1} \\ Z_{2} \\ Z_{2}$

- начало осей Од 02 03 связываем с геометрическим центром фундамента в плане;

- [У₀] = Е - единичная матрица;

- устанавливаем нумерацию дисков перекрытий снизу вверх, **1**, П, Ш (см. рис. 8);

- с каждым диском связываются системы отсчета $K_{1}x_{K2}x_{K3}$ (K = 1, П, П) (см. рис. 8). Эти оси являются главными и центральными осями инерции дисков;

- все оси $KT_{K1}T_{K2}T_{K3}$ параллельны осям $OT_{01}T_{02}T_{03}$, см. рис. 8. Поэтому $[\mathscr{Y}_{\kappa}] = E - еди-$ ничная матрица;

ничная матрица; – векторы \vec{X}_{μ} – для всех дисков динамической модели равны (в м): X_{I} =//0,17; 1,2; 4,2/ \vec{X}_{II} = //0,17; 7,8//; $\vec{X}_{III}^{o'}$ =//0,17; 16,17; 11,4//.
Р, М , м	$\begin{array}{c} Px \\ H \end{array} $	Px _{2I} =1 (H)	^{Мх} зі ⁼¹ (Н•м)	Px _{1□} =1 (H)	Рх _{2П} =1 (H)	^{Мх} 3∏ ⁼¹ (Н.м)	Px1≡1 (H)	Рх _{2Ш} =1 (Н)	^{Мх} 3Ш ⁼¹ (Н.м)
й (Н) Я2	-0,3543 10 ⁻¹ (-) 0,1890	0,1304 10 ⁻² (-) -C,5296	-0,1492 10 ⁻² (м ⁻¹) 0,9545	0,6110 10 ⁻¹ (-) 0,5127	0,3543 10 ⁻² (_) -0,7637	-0,2548 10 ⁻² (м ⁻¹) 0,2280	-0,2587 10 ⁻¹ (-) 0,2055	0,5029 10 ⁻² (-) -0,8099	-0,3117 10 ⁻² (м ⁻¹) 0,2782
(H)	10 ⁻² (-)	10 ⁻¹ (-)	10 ⁻⁴ (м ⁻¹)	10 ⁻² (_)	10 ⁻¹ (-)	10 ⁻³ (м ⁻¹)	10 ⁻² (-)	10 ⁻¹ (-)	1 0 ⁻³ (м ⁻¹)
⊼ 3 (Н)	-0,7659 10 ⁻¹ (-)	0,8677 10 ⁻¹ (-)	0,3339 10 ⁻² (м ⁻¹)	-0,2349 10 ⁰ (-)	0,2454 10 ⁰ (-)	-0,9934 10 ⁻² (м ⁻¹)	-0,1110 10 ⁰ (-)	0,3135 10 ⁰ (_)	-0,1389 10^{-1} (M ⁻¹)
[™] 1 (Н₊м)	-0,3952 10 ⁻² (м)	0,1116 10 ⁰ (м)	-0,1998 10 ⁻³ (-)	-0,1071 10 ⁻¹ (м)	0,1614 10 ⁰ (м)	-0,4765 10 ⁻³ (-)	-0,4308 10 ⁻² (м)	0,1713 10 ⁰ (м)	-0,5830 10 ⁻³ (-1)
[™] 2 (Н.м)	0,2225 10 ⁻² (м)	-0,1032 10 ⁻³ (м)	0,1036 10 ⁻³ (-)	0 , 3921 10 ⁻² (м)	-0,2758 10 ⁻³ (м)	0,1740 10 ⁻³ (-)	0,1496 10 ⁻² (м)	-0,3881 10 ⁻³ (м)	0,2176 10 ⁻³ (_)
[₩] з (Н.м)	-0, 22 25 10 ⁻² (м)	0,1032 10 ⁻³ (м)	-0,1036 10 ⁻³ (-)	-0,3921 10 ⁻² (м)	+0,2758 10 ⁻³ (м)	-0,1740 10 ⁻³ (_)	-0,1496 10 ⁻² (м)	0,3881 10 ⁻³ (м)	-0,2176 10 ⁻³ (_)

Единичные внутренние усилия в нижнем сечении колонны K-2 на уровне первого этажа

Р,М к, Т	$\frac{P_{x} = 1}{1I}$ (H)	$\begin{array}{c} P = 1 \\ x_{21} \\ (H) \end{array}$	M _х =1 ЗІ (Н _а м)	P _x =1 10 (H)	P =1 2⊡ (H)	M _x =1 3∐ (H _s M)	P =1 100 (H)	P =1 200 (H)	M =1 3Ⅲ (H,M)
<i>№_{ж1}</i> (Нам)	0,1963 10^{-1} (m^{-1})	-0,5762 10^{-2} (m^{-1})	$\begin{array}{c} 0,1722 \\ 10^{-2} \\ (m^{-2}) \end{array}$	0,5267 10^{-1} (M^{-1})	-0,1555 10^{-1} (m^{-1})	0,3821 10^{-2} (m^{-2})	0,4962 10^{-2} (M^{-1})	-0,3000 10^{-1} (m^{-1})	0,7410 10^{-2} (m^{-2})
ж у ₁ (Н.м)	0,4921 10^{-1} (m^{-1})	-0,4416 10^{-1} (M ⁻¹)	0,4973 10^{-2} (M^{-2})	0,1203 10^{0} (m^{-1})	-0,1035 10^{0} (m^{-1})	0,8962 10^{-2} (M ⁻²)	0,2591 10^{-1} (M ⁻¹)	-0,1734 10^{0} (m^{-1})	0,2042 10^{-1} (M^{-2})
Т _{द4} у₁ (н.м)	0,4818 10 ⁻² (m ⁻¹)	-0,2893 10^{-1} (m^{-1})	-0,5634 10 ⁻² (м ⁻²)	-0,8836 10^{-1} (m^{-1})	-0,3199 10^{-1} (m^{-1})	- 0,7144 10 ⁻² (м ⁻²)	0,5357 10^{-1} (m^{-1})	-0,2984 10^{-1} (M^{-1})	-0,2946 10 ⁻² (м ⁻²)

Единичные погонные внутренние усилия в пластинчатом элементе [1-1 на урсвне первого этажа



75

	4039 10 ¹								
	-1553 10 ⁰	5289 10 ¹			Си х 10	мме: -10 <u>(м/</u> +1/ж	грич <u>кН)</u> (Н)	но (1/к	н.м)
	7049 10 ¹	-4483 10 ⁰	1817 10 ²			(i	(1)	
i	-4217 10 ⁰	7694 10 ¹	-1278 10 ¹	1719 10 ²					
	2954 10 ¹	-1826 10 ⁰	8100 10 ¹	-6945 10 ⁰	1049 10 ²				
ר <u>8</u> ז =	-5986 10 ⁰	8185 10 ¹	-1894 10 ¹	2074 10 ²	-2237 10 ¹	3817 10 ²	 		
[0] -	1722 10 ⁰ 2963	-8001 10 ⁻² -1996	3037 10 ⁰ 7682	-2136 10 ⁻¹ -5811	1159 10 ⁰ 3076	-3006 10 ⁻¹ -8693	8065 10 ⁻²	3420	
	10 ⁰	10 ⁻¹	10 ⁰	10 ⁻¹	10 ⁰	10^{-1}	10 ⁻¹	10 ⁻¹	
	3644 10 ⁰	-2451 10 ⁻¹	1016 10 ¹	-9883 10 ⁻¹	1198 10 ¹	-3266 10 ⁰	1635 10^{-1}	4469 10 ⁻¹	1689 10 ⁰

Матрица податливости

Таблица 32

Матрица инерционных параметров

	×iı	×21	× _{1□}	х _{2П}	X ₁ III	Х _{2Ш}	ح ₃₁	≪ _{3□}	≪ <u>3</u> ⊞	
			10 ⁺⁶ в	r			10 ⁺⁷ кг.м ²			
X	0,651	0	0	0	0	0	0	0	0	
x ₂₁	0	0,651	0	0	0	0	0	0	0	
х _{1П}	0	0	0,666	0	0	0	0	0	0	
x _{2U}	0	D	0	0,666	0	0	0	0	0	
x _{1III}	0	0	0	0	0,186	0	0	0	0	
х _{2Ш}	0	0	0	0	0	0,186	0	0	0	
∝ ₃₁	0	0	0	0	0	0	16,12	0	0	
≪ _{3□}	0	0	0	0	0	0	0	15 , 82	0	
≪ _{3Ⅲ}	0	0	0	0	0	0	0	0	0,6222	

Описание упругих свойств расчетной динамической модели

По п. 2.6 для статического расчета упругой системы применим программы расчета, основанные на методе конечных элементов.

Согласно п. 2.7 от последовательного действия единичных сил и моментов выполняем статический расчет и определяем внутренние усилия в узлах упругих элементов, а также определяем перемещения и углы поворотов дисков. В качестве примера в табл. 30 приведены внутренние усилия в нижнем сечении колонны К-2 в уровне 1 этажа, а в табл. 31 даны расчетные внутренние усилия для пластины П-1 (см. рис. 10). Матрица податливости приведена в табл. 32.

Расчет режима свободных колебаний

Согласно п. 2.6 анализ матрицы [δ] показывает, что она не содержит обособленных составляющих.

Согласно п. 2.10 матрица инерционных параметров рассматриваемой системы приведена в табл. 33.

Матрица [B] = [S][M] так же не содержит обособленных составляющих.

По п. 2.11 задача по определению частот и форм собственных колебаний решается по полной матрице [В]. Результаты решений сведены в табл. 34.

По п. 2.12 полученные коэффициенты форм колебаний нормированы на эначения $\mathfrak{L}_{\mathbf{X},4\mathbf{I}}^{(j)}$ (j = 1÷9), которые приняты за единицу, см. табл. 34.

Согласно п. 2.13 результаты проверки условий ортогональности найденных форм колебаний сведены в табл. 35.

На рис. 9 показаны схемы движения масс дисков перекрытий и покрытия, а также ориентация векторов коэффициентов по первым пяти формам колебаний.

1	j	1	2	3	4	5
2	Ω; (c ⁻¹)	6,7487 - 00	7,4057 - 00	2,0741 - 01	2,3976 - 01	3,1092 - 01
3	Tj(C)	0,930 - 00	0,8484 - 00	0,3029 - 00	0,2621 - 00	0,2021 - 00
4	2 (j) 2 x (T	1,0000 - 00	1,0000 - 00	1,0000 - 00	1,0000 - 00	1,0000 - 00
5	<i>𝔅</i> ^(j) ^𝔅 <i>𝔅 𝔅 𝔅</i>	-5,7781 - 01	2,1326 - 00	5,4208 - 00	1,4506 - 00	-1,0074 - 01
6	Ξ ^(j) ²¹ Σ _{2 10}	2,4581 - 00	2,3589 - 00	5 , 3189 - 01	1,9092 - 01	-4,3210 - 01
7	$\mathfrak{Z}_{\mathfrak{T}_{2}\overline{1}}^{(j)}$	-1,2970 - 00	4, 5609 - 00	-2,9522 - 00	4,1022 - 01	4,7803 - 02
8	≆ ^(j) ≆ ∝ ₁ <u>π</u>	1 ,18 52 - 00	1,0025 - 00	7 , 2504 - 00	-6,1935 - 00	4,8371 - 01
9	2 ^(j)	-1,8143 - 00	6,1742 - 00	1,3970 - 01	-2, 9398 - 00	-1,7945 - 02
10	Z ^(j) & 31	4,3930 - 02	4,2916 - 02	5,0652 - 02	5,2670 - 02	4, 2962 - 02
11	Z ~ 31	1,0539 - 01	9,9938 – 02	4,2 597 - 02	3,5882 - 02	-2,3990 - 02
12	え(j) える <u>、3</u> 正	1,5469 - 01	1,2633 - 01	-9 , 0100 - 01	-7 , 0492 - 01	4,4528 - 02

Продолжение табл. 34

1	j	6	7	8	9
2	Ω; (c ⁻⁴)	3,6348 - 01	5,6131 - 01	1,4700 - 02	1,9402 + 02
3	$T_{j}(C)$	0,1729 - 00	0,112 - 00	0,0927 - 00	0,0324 - 00
4	$\mathcal{L}^{(j)}_{\mathcal{X}_{4T}}$	1,0000 - 00	1,0000 - 00	1,0000 - 00	1,0000 - 00
5	$\mathcal{Z}_{\mathbf{x}_{2T}}^{(j)}$	1,7320 + 01	-2,6112 - 03	5,4045 - 05	-8,9978 - 03
6	2 (j)	-5,7685 - 01	2,3108 - 00	-1,3330 - 02	-1,7625 - 00
7	2 (J) 2 2 2 J	-1,3622 + 01	6 , 9708 - 02	-9,0103 - 03	1,1126 - 02
8	τ ^(j) τ _π	3,2114 - 00	2,7520 - 00	-1,1570 - 00	3,3309 - 00
9	Z (j) ^{/亚}	1,5243 + 01	-2,5661 - 01	1,9179 - 02	-1,8350 - 02
10	$\mathcal{Z}_{\alpha}^{(j)}$	3,3260 - 02	-1,0801 - 01	9 , 0400 – 02	-8,8560 - 02
11	Z (j) Z d 31	-5,8456 - 02	-2 , 0360 - 01	6,1120 - 05	1,6963 - 01
12	そ ^{(j) -} そ3 <u>前</u>	2,2500 - 01	-9 ,4 370 - 01	2,7403 - 01	-7,2835 - 01



Рис.9. Схема движения дисков перекрытий трехэтажного каркасного здания по первым пяти формам колебаний

Определение расчетных параметров сейсмического воздействия

По п.2.14 примем расчетную балльность равной 8-ми баллам, для которой, согласно СНиП П-7-81, А = 0,2.

Для площадки строительства примем грунты Ш категории по СНиП П-7-81.

По данным рис. 8 здание имеет размеры в плане 12x52 м, т.е. для расчета B = 12 м.

По (11) или графикам рис.2 для Ш категории грунтов при B = 12 м < 25 м имеем $\mathcal{J}_{4}(12) = 1$.

По (10) значение инварианта интенсивности ускорения поступательного движения грунта равно:

$$I(12) = 10x0, 2x1 = 2 M/c^2$$
.

По п.2.15 для II категории грунтов – $\overline{W} = 9 \times 10^{-2} (M^{-1})$. По (13) или графикам рис. 3 для II категории грунтов при B = 12 м имеем $\chi_2(12) = 1$. По (12) имеем:

 $W(12) = 9x10^{-2}x_1 = 9x10^{-2}(M^{-1}).$

3 4 5 **__%** 2 -0,122710-09 $-0,5460_{10}-10$ 001 +0,9104 10-02 -0,3914,0-08 +0,491610-10 +0,304210-01 $+0,2337_{10}^{-10}$ +0,3110,0-10 +0,202710-09 002 -0,391410-08 +0,776010-01 +0,100910-08 003 -0,122710-09 +0,310910-10 +0,248710-09 +0,202810-09 +0,1009 10-08 +0,1469₁₀-01 004 +0,4914 10-10 $+0,85410^{-10}$ 005 -0,546210-10 +0,233410-10 +0,248710-09 +0,8541,0-10 +0,122810-02 +0,133310-08 $+0,6517_{10}-09$ 006 +0,113710-08 +0,532110-09 +0,9000 10-09 +0,110010-09 +0,214810-10 007 +0,124710-09 +0,2015,0-09 +0,370610-10 +0,724710-11 +0,148510-11 008 +0,638110-11 -0,821010-11 +0,162010-11 -0,1267₁₀-10 -0,866810-12 -0,2245₁₀-11 -0,932210-11 $+0,2028_{10}^{-11}$ 009

Условия ортогональности форм колебаний

Таблица 35

№ п/п	6	7	8	9
001	+0,1137 ₁₀ -08	+0,1247 ₁₀ -09	+0,723310-11	-0,8811 ₁₀ -12
002	+0,133210-08	+0,1098 ₁₀ -09	+0,636610-11	-0,224510-11
003	+0,532110-09	+0,216010 ⁻¹⁰	⁰ , ⁸²¹⁴ 10 ⁻¹¹	-0,1250 ₁₀ -10
004	+0,9010 ₁₀ -09	+0,2015 ₁₀ -09	+0,1620 ₁₀ -11	-0 ,9 322 ₁₀ -11
005	+0,6517 ₁₀ -09	+0 , 3707 ₁₀ -10	+0,1485 ₁₀ -11	+0,2042 ₁₀ -11
006	+0 , 3659 ₁₀ -00	+0 , 2018 ₁₀ –08	+0,3651 ₁₀ -10	-0,1904 ₁₀ -11
007	+0,2018 ₁₀ -08	+0,1961 ₁₀ -01	-0,2842 ₁₀ -13	+0,1739 ₁₀ -10
008	+0,3639 ₁₀ -10	-0,2842 ₁₀ -13	+0,268410-02	+0,9066 ₁₀ -11
009	-0,1904 ₁₀ -11	+0,1716 ₁₀ -10	+0,906610-11	+0,1390 ₁₀ -01

По п.2.16 для Ш категории грунтов по табл. 8

К =0,7. Сооружение выполнено из железобетонных конструкций, при колебаниях которых коэффициент потерь энергии равен 0,1. Для 🐐 = 0,1 по табл. 9 и 10 а. = 6 = 3.

Значения нормативных коэффициентов динамичности ускорения поступательного движения сейсмического воздействия для Ш категории грунтов определяется по (17) или графикам рис.4 в зависимости от периодов собственных колебаний (см. табл. 34). Для рассматриваемого **В**: сведены в табл. 36. примера

Значения нормативных коэффициентов динамичности углового ускорения вращения сейсмического воздействия вычисляются по (19) или по рис. 5. Для заданных периодов собственных колебаний Γä. также сведена в табл. 36.

Ненормированные эначения β_{x} и β_{z} определя – ются по (14) и (11) при К = 0,7 и с. = β_{x} = 3. Эти значения β_{x} и β_{z} сведены в табл. 36. ния ўх. и ўг. ^{гр} сведены в табл. 36. Согласно п. 2.17 в качестве проверенных значений

направляющих косинусов примем их группу, соответст вующую ориентации Х и С по осям ОХ Х 2Х 3 и Ох₀₁х 02 х₀₃, т.е.

1.	$\bar{v}_{\ddot{x}_{10}} = 1$	И	V X 20	=). Ž	=)	=	٥;
2.	$\hat{v}_{ij} = 1$	И	V	Ŧ	ý	=	1	95	0;
3.	v ²⁰ 20	И	ν Υ Χ.	=	1 30 30	=	V	H	0;
4.	$\dot{\gamma}_{}^{} = 1$	И	V. 10	=	V20	=	₹.0 2.0	=	0;
5.	$\eta_{i_{4}}^{-70} = 1$	И	V20	æ	Y	=	V	=	0;
6.	$v_{a}^{20} = 1$	И	V10	-	V 30	=	V	#	0;
i =	1, 2, 3.		~10		a 20		~io		

Группа основных расчетных значений направляющих косинусов определена по (20)-(23) и для заданных значений коэффициентов форм колебаний (см. табл. 34) сведена в табл. 37.

Значения коэффициентов динамичности векторов сейсмического воздействия

	№ формы ј	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	Период Т _ј (с)	0,931	0,8484	0,3029	0,2621	0,2021	0,1729	0,1120	0,0427	0,0324
1	آ ^ی نو	0,8076	0,8862	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0
Норми рован- ные	β _ä .	0,5371	0,5893	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0	1,0
- ИУ	$\beta_{\mathbf{X}_{o}} = 0, 7 \cdot 3 \cdot \overline{\beta}_{\mathbf{X}_{o}}$	1,6960	1,8610	2,1	2,1	2,1	2,1	2,1	2,1	2,1
Ненорл рован- ные	$\beta \dots = 0, 7 \cdot 3 \cdot \overline{\beta} \dots$	1,1278	1,2376	2,1	2,1	2,1	2,1	2,1	2,1	2,1

Расчет режима вынужденных колебаний

По п.2.18 значения коэффициентов динамичности $\beta_j^{(i)}$ для всех форм и вариантов ориентации векторов сейсмического воздействия определены по (24) и сведены в табл. 38. В табл. 39 даны отношения $\beta_j^{(i)} / \beta_j^{(i)}$ ($i = 1 \div 15$; $j = 1 \div 9$).

Расчет упругой системы выполнялся по методу сил. Внутренние усилия в проверяемых элементах К-2 и П-1 определялись от единичных сил и моментов (см.табл.30-31). Поэтому в соответствии с п.2.19 основными расчетными параметрами являются величины сейсмических сил и моментов, значения которых определяются по (25).

Поскольку рассматриваемое сооружение не отно – сится к особо ответственным, допуская в нем образования пластических деформаций, примем K=0,25.

Величины сейсмических сил и моментов, вычисленные по (25) для первого варианта ориентаций векторов сейсмического воздействия и всех форм колебаний, сведены в табл. 40. Для всех остальных вариантов $\mathbf{X}_{\mathbf{n}}$ и

сейсмические силы и моменты изменяются пропорционально коэффициентам табл. 39.

Определение расчетных значений внутренних усилий в нижних сечениях колонны К-2 и панели П-1

Согласно п.2.21 по (27) выполняется корректировка единичных внутренних усилий, приведенных в табл. 30 и 31 на фактические величины сейсмических сил и момен – тов, значения которых даны в табл. 40. Результаты вычислений для первого варианта ориентации X₀ и do сведены в табл. 41 и 42 (для нижних сечений колонны K-2 и панели П-1). Для всех остальных вариантов ор ентации X₀ и do значения внутренних усилий пропорциональны коэффициентам табл. 39.

Согласно п.2.23 по (29) с использованием данных табл. 39 и табл. 41 и 42 для каждого варианта ориентации векторов сейсмического воздействия определят тся расчетные значения внутренних усилий, величины которых

Значения направляющих косинусов векторов сейсмического воздействия

						Проверочные значения										
	i	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15
	V Xa	0,8465	0,3966	-0,1177	-0,4920	0,9967	0,03725	0,9999	0,9999	0,9998	1	0	0	0	0	0
x	9 X.0	-0,5323	0,9180	0,9930	0,8706	 0,08155 	0,9993	-0,00111	-0,05617	-0,01923	0	1	0	0	0	0
	v ×30	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	0
	₹ € 10	0,4165	-0,8501	0,01638	0,00822:	2 0 , 03031	-0, 5536	0,002741	0,0005645	5 0,002112	0	o	0	1	0	0
d°) X20	0,6169	0,3414	-0,3094	-0,3191	0,7049	0,4064	0,2982	0,01994	0,2371	0	0	0	0	1	0
). d 30	0, 6678	0 ,40 09	0,9508	0,9477	0,7 087	-0, 7269	-0,9545	-0,9998 -	0,9715	0	0	0	0	0	1

Таблица 38

Значения	коэффициентов	дина	мичности	отдельных	форм
	колебан	ий	ß		

\square	Ni				№ формь	J				
	$i \leq$	1	2	3	4	5	6	7	8	9
	1	0,9341	-0,099	0,1007	0,2322	0,9619	0,0342	-0,062	-0,206	0,0676
	2	-0,1275	-0,6456	-0,1228	0,1638	0,4061	0,0351	-0,0789	-0,1643	0,0305
	3	0,386	-0,3107	0,1566	0,2918	0,1235	0,0362	-0,6964	-0,7523	-0,0605
1	4	-0,2925	0,2715	0,0196	0,5025	-0,2878	0,0158	-0,8031	-0,8786	-0,089
	5	0,7937	0,2059	0,1199	0,1087	1,1093	0,0004	-0,0297	-0,6465	0,0814
	6	-0,5028	0,491	-0,1067	-0,2822	-0,1217	0,0399	0,5484	0,5548	0,0508
Ĩ	7	0,3198	0,0902	-0,0853	-0,4328	0,6197	0,0117	0,9472	1,0514	0,1253
ra	8	0,2705	0,0329	-0,0778	-0,4207	0,548	0,0094	0,9219	1,0812	0,1131
ен	9	0,6482	0,08351	-0,0837	-0,4333	0,6029	0,0111	0,9461	1,0632	0,1344
ЪИ	10	0,4673	0,1473	-0,0093	-0,0534	0,775	0,005	0,2836	0,334	0,0736
0	11	-0,2939	0,3410	0,028	0,0945	-0,0634	0,0289	-0,0003	-0,0019	-0,0003
Ž	12	0	0	0	0	D	0	0	0	0
	13	0,2712	-0,012	0,0026	0,0062	0,02	-0,0092	0 ,00 36	0,0008	0,0002
	14	0,2009	0 , 0627	-0,0133	-0,121	0,2332	0,0034	0,1943	0,0149	0,0129
	15	0,2282	0,1136	0,0728	0 , 3596	0,2352	0 , 006	-0,6345	-0,7469	-0,0385

Таблица отношений коэфициентов $\beta_{j}^{(i)} / \beta_{j}^{(1)}$

, 'i	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1	1	1	1	1	1	1	1	1
2	-0,1364	6,5212	-1,2195	0,7543	0,4222	1,0263	1,2726	0,7976	0,4512
з	0,4132	3,1384	1,5551	1,2567	0,1284	1,0585	11,2323	3,6519	-0,8950
4	-0,3131	-2,7424	0,1946	2,1641	-0,2992	0,462	12,9532	24,265	-1,3166
5	0,8497	-2,0798	1,1907	0,4681	1,1532	0,0117	0,479	3,1383	1,2041
6	-0,5383	-4,9596	-1,0596	-1,2153	-0,1265	1,1667	-8,8452	-2,6932	0,7515
7	0,3424	-0,911	-0,8471	-1,8639	0,6442	0,3421	15,2774	-5,1039	1,8535
8	0,2896	-0,3323	-0, 7726	-1,8118	0,5697	0,2748	14,8693	-5,2485	1,6731
9	0 , 6939	-0, 8435	-0,8312	-1,8661	0,6268	0,3246	15,2597	-5,1612	1,9882
10	0 , 5003	-1,4879	-0,0923	-0,23	0,8057	0,1462	-4,5742	-1,6214	1,0888
11	-0,3146	-3,4444	0,278	0 ,4 07	_0, 0659	0,845	0,0048	0,0092	-0,0044
12	0	0	0	0	0	0	0	0	0
13	0,2903	3 , 1515	0,0258	0,0267	0,0208	- 0 , 269	-0,0381	0,003 9	0,003
14	0,2151	-0,6333	-0,1321	-0,5211	0,2424	0 , 0994	3,1339	- 0 , 0723	0,1908
15	0,2443	-1,1475	0 , 7229	1,5487	0,2445	-0,1754	10,2339	3 , 6257	-0, 5695

N⁰	ориен	тации i	1			1	<u></u>				
N₂¢ọ)- j		1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	1	s ^(j,i) 1	1,2150x x10 ⁶	-1,2889x x 10 ⁵	1,3111x x 10 ⁵	3,0232x x 10	1,2523x x10 ⁶	4,4528x x10 ⁴	-8,0724x x 10 ⁵	-2,6821 x10 ⁵	8,7015 x 10 ⁴
	2	\$ ^(j,i) 21	-7,0128x x 10 ⁵	-2,7488x x 10 ⁵	7,1072x x10 ⁵	4 , 3855x x 10	-1,2616x x 10 ⁵	7,7123x x 10	2,1000	-14,4955	-791,9431
	3	M (j,i) 31	1,3217x x 10	-1,3697x x10 ⁶	1,6444x x 10 ⁶	3,9429x x 10	1,3323x x 10	3,6672x x 10	2,1589x x10	6 ,0 x x 10	-1,93x x10
	1	\$(j,i) \$11	3,0554x x 10	-3,1106x x10 ⁵	7,1343x X 10 ⁴	5,9049x x 10 ⁴	-5,5362x x 10 ⁵	-2,6278x x 10 ⁴	-1,9083x x10	3,65 ₇ x x10	-1,5870x x10 ⁵
П	2	ร่ ^(j,i) 21	-1,6123x x10	-6,0143x x 10 ⁵	-3,9598x x10	1,2687x x 10	6,1247x x 10 ⁴	-6 ,2054 x x 10 ⁵	5,756x x 10 ³	2,472x x 10 ³	1,001x x10 ³
	3	м (j, l) м _{з її}	3,1118x x10	-3,1308x x10	1,3572x x 10	2,6361x x10	-7,3012x x10 ⁶	-6,3254x x10	3,9939x x10	-3,983x x10 ³	3,6281x x10
	1	s (j, i) s (iii	4,1144x x10 ⁵	-3,6920x x10 ⁴	6,967x x 10	-5,3498x x 10	1,7308x x 10	4,08,76x x 10	-6,3472 x10 ⁴	8,7663x x 10 ⁴	8,3762x x 10
Ш	2	\$ (j,i) \$ 0.77	-4,1113x x10 ⁴	-2,273 8 x x 10 ⁵	5,233x x 10 ³	-2,5825x x 10 ⁵	-6,421x x10	1,9392x x10 ⁵	5,918x x 10 ³	-1,469x x10	-4,61x x10 ²
	3	<u>и (j, i)</u> М 3 П	1,7963x x 10	-1,5563x x 10	-1,1250x x 10	-2,0368x x 10	5,3299x x 10	9,5756x x10 ⁴	7,28 <u>0</u> 9x x 10	-7,024 6x x 10	-6,3582x x10 ⁵

Значения сейсмических сил и моментов

Значения внутренних усилий в нижнем сечении колонны K-2 на уровне первого этажа

<u> </u>	.		T		· · · · · ·							
1	<u>N₀ op</u> i	ентации 6	L									
2	<u>№ φo</u>	<u>рмы ј</u>				1			·		•·····	
	внут.	ед.изме-	1	2	3	4	5	6	7	8	9	Σi
3	× ₁	Н	-4,3023 × 10 ⁴	-0,0914 ×10 ⁴	-1,972 ×10 ⁴	18,6685 × 10 ⁴	-0,5712 × 10 ⁴	-7,9284 × 10 ⁴	-1,0644 ×10 ⁴	-0,0207 ×10 ⁴	- 0,5599 × 10 ⁴	-16,5108 10 ⁴
4	¥2	н	0,2296 ×10 ⁴	3,714 ×10 ⁴	0,1262 *10 ⁴	1,5665 × 10 ⁴	12,3131 ×10 ⁴	0,7095 ×10 ⁴	0,0845 *10 ⁴	0,333 ×10 ⁴	0,05 ×10 ⁴	19,1264 10 ⁴
5	¥ ₃	н	-9 , 3057 ×10 ⁴	-6,085 *10 ⁴	4,4132 *10 ⁴	-1,7713 ×10 ⁴	-39,5658 *10 ⁴	-30,9126 x 10 ⁴	-4,567 ×10 ⁴	-1,2889 *10 ⁴	-2,4951 ×10 ⁴	- 161 , 5782 10 ⁴
6	^M 1	Н₊м	0,4802 x10 ⁴	-7,8263 ×10 ⁴	-0,2641 ×10 ⁴	-3,2723 ×10 ⁴	-26,0225 <i>*</i> 10 ⁴	-1,4828 * 10 ⁴	-0,1773 ×10 ⁴	-0,7043 × 10 ⁴	-0,1047 ×10 ⁴	-40 , 3345 10 ⁴
7	^M 2	Н.м	0,2703 ×10 ⁴	0,0072 *10 ⁴	0,1369 ×10 ⁴	1,198 ×10 ⁴	0,0445 ×10 ⁴	0,5414 × 10 ⁴	0,0611 ×10 ⁴	0,0016 ×10 ⁴	0,0391 × 10 ⁴	2,3001 10 ⁴
8	^M 3	Н.м	-0,2703 × 10 ⁴	-0,0072 ×10 ⁴	-0,1369 ×10 ⁴	-1,198 ×10 ⁴	-0,0445 ×10 ⁴	-0,5414 ×10 ⁴	-0,0611 ×10 ⁴	-0,0016 ×10 ⁴	-0,0391	-2,3001 10 ⁴

Продолжение табл. 41

1	Γ		······································		t				
2	Σ_1	Σ_2	Σ3	Σ_4	Σ_5	Σ_6	Σ ₇	Σ ₈	Σ_{9}
3	-16,5108	-0,0062 4	-0 ,33 08	-0,0208	-8,5588	-0,3652	-2,2814	0,0682	-1,9302
4	× 10 ^{-x}	× 10 ⁴	× 10 ⁻	× 10 ⁻	× 10 ⁻	×10 ⁻	× 10 ⁻	× 10 ⁺	*10 [*]
	19,1264	7,6101	-0,7043	-1,1814	0,2164	-0,9208	0,0008	0,0002	0,0012
	× 10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	*10 ⁴
5	-161,5782	-12,6998	-5,3706	2,5852	12,6601	-15,4	1,5936	3,9818	-1,2103
	× 10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴
6	-40 , 3345	-16,0842	1,4672	2,4802	-0,4554	1,9233	-0,0014	0,0004	0,0025
	× 10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	x 10 ⁴	* 10 ⁴	×10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴
7	2,3001	-0,2001	0,0776	0,0548	0,1098	0,0022	0,0054	0,002	-0,0013
	× 10 ⁴	× 10 ⁴	* 10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	* 10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴
8	-2,3001	0,2001	_0,0776	-0,0548	-0,1098	-0,0022	-0,0054	0,002	0,0013
	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	* 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴

ſī	TN6 ODE	ентации і	1				1					
2	N₂ ¢or	омы ј	1				1					·······
	уси лия	ед.изме- рения	1	2	3	4	5	8	7	8	9	Σι
3	×x4	Н/м	-1,3766 ×10 ⁴	4,0408 ×10 ⁴	2,276 × 10 ⁴	16,0928 × 10 ⁴	2,5071 ×10 ⁴	11,890: × 10 ⁴	2 0,2042 ×10 ⁴	0,1233 × 10 ⁴	1,3311 <i>×</i> 10 ⁴	37,0889 * 10 ⁴
4	Ny ₁	Н/м	5,979 × 10 ⁴	3,0968 × 10 ⁴	6,5728 ¥10 ⁴	36,7565 × 10 ⁴	16,6873 × 10 ⁴	27,887 × 10 ⁴	9 1,066 ×10 ⁴	0,7129 ×10 ⁴	3,6680 × 10 ⁴	102 ,4 272 * 10 ⁴
5	Т х ₁ у ₁	Н/м	5,8539 <i>x</i> 10 ⁴	2,0332 x 10 ⁴	-7 ,44 65 * 10 ⁴	-26,9975 ×10 ⁴	5,1577 <i>*</i> 10 ⁴	-22,230 × 10 ⁴	7 2,2041 × 10 ⁴	0,1227 ×10 ⁴	-0,5292 × 10 ⁴	-41,8323 × 10 ⁴
1							1					
2		Σ	Σ2	Σ	3	Σ	Σ	5	Σ ₆	Σ	Σ 8	Σ _θ
3	37, x	0889 10 ⁴	-1,6814 × 10 ⁴	0,79 ×10)23 ,4	1,5351 x10 ⁴	-0,475 x 10 ⁴	6 -	0,1997 x10 ⁴	1,138 x10 ⁴	-0,1027 x10 ⁴	-0,0532 x 10 ⁴
4	102, x1	4272 10 ⁴	3,1048 x10 ⁴	2,11 x10	93 4	2,2045 x 10 ⁴	1,156 x 10 ⁴	51 -	0,527 x 10 ⁴	3,2384 x 10 ⁴	0,4996 x 10 ⁴	-0,3055 ×10 ⁴
5	-41, x1	,8323	8,3815 x 10 ⁴	-2,32 x10	296 4	-6,3397 x10 ⁴	9,593 x 10 ⁴	37 (),0579 x10 ⁴	-4,1902 x10 ⁴	-4,0237 x 10 ⁴	0,9643 ×10 ⁴

Значения погонных внутренних усилий в пластинчатом элементе П-1 на уровне первого этажа

	li	<i>N</i> ₁ (Н)	№ 2 (Н)	№3 (H)	7 (H)	М (Н,м)	^М 2 (Н.м.)	м ₃ (н.м.)	1 М] (Н.м.)
Γ	1	16,5148	20,6035	162,8065	164,9339	43,4658	2,3088	2,3088	43,5883
	2	×10 2,2834	¥ 10 49,7045	× 10 87,1455	× 10 100,3498	× 10 105,051	x 10 1,3421	×10 1,3421	×10 105,0681
	3	×10 [±] 26,518	× 10 [*] 25,1571	* 10 ⁴ 79,7899	× 10 ^{-*} 87,764	* 10 [*] 53,1588	× 10 ^{°°} 1,1407	× 10 [±] 1,1407	×10 ⁴ 53.1833
иии		× 10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴	×10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴
риента	4	30,0009 ×10 ⁴	21,7121 × 10 ⁴	64,7954 ×10 ⁴	74,6318 × 10 ⁴	45,8815 ×10 ⁴	0,9081 *10 ⁴	0,9081 ×10 ⁴	45,8995 × 10 ⁴
io N	5	17,1376 ×10 ⁴	22,6868 × 10 ⁴	140,5666 × 10 ⁴	143,4132 × 10 ⁴	47 ,8 946 × 10 ⁴	2,0022 × 10 ⁴	2,0022 ×10 ⁴	47,9782 × 10 ⁴
	6	22 , 05	39,1221	108 , 3098	117 , 2508	82,6732	1,5875	1,5875	82,7037
	7	×10 35,2597	* 10 6,1864	× 10 60,9869	× 10 70,7154	13,0039	×10 0,7462	x 10 0,7462	× 10 13,0466
		×10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	× 10 ⁴	x 10 ⁴	× 10 ⁴

Расчетные значения внутренних усилий в нижнем сечении колонны К-2 на уровне первого этажа

Продолжение табл. 43

	i	<i>K</i> ₁ (H)	У 2 (Н)	∬3 (H)	1 √ 1 (H)	M (H,M)	М ₂ (Н _а м)	М ₃ (Н.м)	<u>М</u> (Н,м)
	8	34,26 × 10 ⁴	5,539 * 10 ⁴	56,4608 × 10 ⁴	66,274 × 10 ⁴	11,6809 × 10 ⁴	0,671 ×10 ⁴	0,671 ×10 ⁴	11,7194 × 10 ⁴
	9	36,6519 × 10 ⁴	13 , 2718 × 10 ⁴	116 , 5521 × 10 ⁴	122,8979 × 10 ⁴	27,9881 × 10 ⁴	1,5982 ×10 ⁴	1,5982 ×10 ⁴	28 , 0792 × 10 ⁴
	10	13 , 3092 × 10 ⁴	14 , 8249 × 10 ⁴	83,3361 × 10 ⁴	85,6844 × 10 ⁴	31 , 3093 × 10 ⁴	1,1889 ×10 ⁴	1,1889 *10 ⁴	31 , 3490 × 10 ⁴
ИИ	11	5,2035 × 10 ⁴	26,9052 ×10 ⁴	68 , 3136 x 10 ⁴	73,8051 ×10 ⁴	56,8583 ×10 ⁴	0,9993 *10 ⁴	0,9993 *10 ⁴	56,8759 × 10 ⁴
нтац	12	0	0	0	о	0	0	0	0
Ме орие	13	4,7941 × 10 ⁴	24,6188 × 10 ⁴	61,7998 ×10 ⁴	68,6955 × 10 ⁴	52,0267 ×10 ⁴	0,9184 × 10 ⁴	0,9184 x 10 ⁴	52,0429 × 10 ⁴
	14	7,9832 * 10 ⁴	6,3366 × 10 ⁴	36,0218 ×10 ⁴	37,436 × 10 ⁴	13,3802 x 10 ⁴	0,511 ×10 ⁴	0,511 × 10 ⁴	1 3, 3997 × 10 ⁴
	15	23,6935 × 10 ⁴	9,9041 ×10 ⁴	45,1277 ×10 ⁴	51,9228 × 10 ⁴	20,9223 ×10 ⁴	0,6095 ×10 ⁴	0,6095 × 10 ⁴	20 , 94 × 10 ⁴

Расчетные значения погонных внутренних усилий в пластинчатом элементе П-1 на уровне первого этажа

		М_{ж4} (Н/м)	∬_{у1} (Н/м)	Т _{х 191} (Н/м)
	1	37 , 13x10 ⁴	102,4807x 10 ⁴	43,729x10 ⁴
	2	12,1621x10 ⁴	24,9423×10 ⁴	55,2126x10 ⁴
	3	20,642x10 ⁴	56,6506x10 ⁴	56,6204x10 ⁴
	4	19 , 3236x 10 ⁴	53 , 4844x10 ⁴	60 , 3806x10 ⁴
	5	31,7095x10 ⁴	87,2857x10 ⁴	41,5544x10 ⁴
	6	23,8634x10 ⁴	64,0129x10 ⁴	60 , 0727x10 ⁴
	7	21,5362x10 ⁴	60,6975x10 ⁴	68,7377x10 ⁴
иипе	8	20,0 496x10 ⁴	56,6167x10 ⁴	66 , 8932x10 ⁴
иента	9	31,0513x10 ⁴	86,6039x10 ⁴	73,228x10 ⁴
op •	10	19,4336x 10 ⁴	53 , 542x 10 ⁴	30,9984x10 ⁴
Z	11	13 , 04 13x 10 ⁴	33,9637x 10 ⁴	31,8322x10 ⁴
	12	0	0	0
	13	12,0004x 10 ⁴	31 , 3037x10 ⁴	29 , 0732x10 ⁴
	14	8,8033x 10 ⁴	24,3368x 10 ⁴	16 , 7804x10 ⁴
	15	14,7604x10 ⁴	41,5666x10 ⁴	46,4343x10 ⁴

сведены в табл. 43 и 44 для рассматриваемых сечений колонны К-2 и панели II-1.

Согласно п. 2.24 из табл. 43 и 44, в качестве расчетных значений для проверки прочности в сочетании с усилиями от других видов нагрузок, выбираются мак – симальные величины, соответствующие одному варианту ориентации векторов воздействия. Значения направляющих косинусов "опасной" ориентации векторов сейсмического воздействия для нижних сечений колонны К-2 и панели II-1 даны в табл. 45.

Таблица 45

Значения	напра	вляющих	косинусов	опасной
ориен	тации	векторов	сейсмичес	ς κογ ο
		врздейс	твия	

Элемент	Tito	Vato
Нижнее сечение колонны K-2 на уровне первого этажа	0,3966 0,9180 0	-0,8501 0,341 4 0,4009
Пластинчатый элемент П -1 на уровне пер- вого этажа	0,8465 -0,5323 0	0 ,41 65 0,6169 0,6678

ОСНОВНЫЕ ПОЛОЖЕНИЯ ПО ОПРЕДЕЛЕНИЮ СЕЙСМИЧЕСКОЙ НАГРУЗКИ С УЧЕТОМ ПРОСТРАНСТ-ВЕННОГО ХАРАКТЕРА ВОЗДЕЙСТВИЯ И РАБОТЫ КОНСТРУКЦИЙ СООРУЖЕНИЯ

Расчетные динамические модели сооружений и их параметры

Для выполнения расчетов требуется сформировать расчетные модели сооружения и сейсмического воздействия.

Вопросы формирования расчетных динамических моделей сооружений рассмотрены в работах [8, 14, 15]. В настоящих Рекомендациях в основу расчетов приняты дыскретные динамические модели, движение масс которых описывается обыкновенными линейными дифференциальными уравнениями.

Дискретная расчетная динамическая модель сооружения формируется в соответствии с соотношением жесткостей отдельных конструкций. Наиболее жесткие конст – рукции сооружения принимаются в виде отдельных масс (абсолютно твердых тел). Конструкции, жесткость которых на порядок ниже, считаются невесомыми упругими связями, соединяющими дискретные абсолютно твердые массы.

Вопрос о том, какие конструкции в расчетах Считать абсолютно твердыми и недеформируемыми, а какие конструкции принимать упругими безинерционными является неоднозначным. По оценке деформации сооруже ния в целом и влиянию на ее величину и характер OTдельных составляющих, можно судить о соотношении жесткостей отдельных конструкций сооружений. Так. например, если искривления перекрытий зданий в своей плоскости незначительны и вклад этих деформаций в общие горизонтальные перемещения сооружения по уровням отдельных этажей мал. то эти перекрытия можно СЧИтать абсолютно твердыми телами (массами), соединен -

ными между собой упругими вертикальными несущими конструкциями каркаса.

Другим фактором, поясняющим проблему выбора расчетной динамической модели сооружения является следующее обстоятельство. Если в расчетной модели какаято часть сооружения принимается абсолютно твердой, то она в расчетах считается недеформируемой и в ней возможно определить внутренние усилия. Следовательно, если в расчетах отсутствует необходимость проверять прочность какого-то элемента и, очевидно, что жесткость его довольно высокая в сравнении С другими конструкциями, то в расчетной модели этот элемент целесообразно принять за абсолютно твердую массу.

Дополнительным фактором, поясняющим выбор расчетной динамической модели сооружения, является то обстоятельство, что динамические расчеты, к каким относятся расчеты на сейсмические воздействия, базируются на статических расчетах сооружения. При которых выполняется построение матрицы жесткости или податливости сооружения в целом. Расчетные статическая и динамическая модели сооружения могут отличаться друг от друга. Расчетная статическая модель сооружения может быть более подробной. В ней все элементы могут приниматься деформируемыми. При переходе к расчетной динамической модели сооружения ряд деформируемых элеменможет объединяться в группу в виде твердой массы. TOB Перемещения или углы вращения этой массы в виде соответствующих компонент матриц жесткости или податливости будут уже определяться с учетом деформативных свойств элементов, представляющих в динамической MOдели эти твердые массы. Такое укрупнение часто применяется в расчетах, основанных на методе конечного элемента. Сооружение детально разбивается на конечные элементы. С учетом подробного анализа деформативных свойств определяются необходимые перемещения и углы поворотов (вращений), из которых далее компонуется матрица жесткости или податливости сравнительно малого порядка.

Этот прием получил широкое распространение во многих автоматизированных системах расчета, но он тре

бует определенной осторожности, связанной со спецификой динамического расчета, рассматриваемого в настоящих Рекомендациях. Приведем пример. поясняющий этот прием. Предположим, что возник вопрос, связанный с уче том деформаций перекрытий зданий в своей плоскости. Тогда эти перекрытия могут быть разбиты на конечные элементы. С учетом податливости перекрытий определены перемещения центров масс и углы вращения относительно вертикальных осей, проходящих через эти центры масс. Из этих перемещений и углов вращения в соответствии с приведенными ниже требованиями формируется матрица податливости сооружения. В динамическом расчете эти перекрытия можно считать абсолютно твердыми дисками с учетом геометрических параметров распределения масс. При рассмотрении динамики такой системы эти диски перекрытий будут совершать плоскопараллельное движение в горизонтальной плоскости, но уже С учетом податливости самих перекрытий. Аналогично можно πo_{-} ступить с любым другим элементом сооружения.

Приведенные здесь данные поясняют характер п.2.2 алгоритма расчета.

Подпункт о необходимости моделирования фундамента сооружения твердым телом относится к специфике учета пространственного характера сейсмического воздействия (см. п.2.14-2.17 и пояснения к ним).

После выделения в сооружении условно недеформи руемых (абсолютно жестких) элементов, несущих массу. и нодатливых, моделирующих упругие связи, возникает вопрос: каким образом представить массу жестких элементов? В механике известны три модели представления материального объекта: материальная точка. твердый диск и твердое тело. На базе динамики каждой из ЭТИХ моделей может быть описана динамика сооружения. как пространственной системы. В соответствии с критерия ми формирования расчетных динамических моделей 1 8. 9. 14. 15 7. они подразделяются на одно-, двух- и трехмерные, в зависимости от траекторий движения точек масс модели. Если траектории движения точек массы представляют параллельные прямые линии (движение пο оси), то такие расчетные динамические модели являются

одномерными [1, 13, 15, 16]. Если траектории движе – ния точек расположены в параллельных плоскостях (движение по двум осям), то расчетные динамические модели называются двухмерными. В случае, когда криволинейные траектории движения точек являются пространственными кривыми (движение по трем осям), расчетные динамические модели называются трехмерными. Согласно устано – вившейся терминологии, в теории сейсмостойкости сооружений под пространственными понимаются двух- и трехмерные расчетные динамические модели.

Пространственная расчетная динамическая модель может быть представлена системой материальных точек, дисков и тел или комбинацией этих элементов. При этом необходимо иметь в виду, что учет геометрических характеристик распределения массы в жестких элементах и учет геометрии распределения упругих связей, несущих эти элементы, может быть выполнен только при представлении жесткого элемента в виде твердого тела или его частного случая - твердого диска (см. пп. 2.3-2.4).

Моделировать твердым диском жесткий элемент следует в том случае, если описывается плоскопараллельное движение рассматриваемого элемента. При этом pacсматриваемый элемент должен иметь размеры, развитые в плоскости движения. Типичным примером такого случая является плоскопараллельное движение дисков перекрытий в своей плоскости. Если перекрытие принято за недеформируемый элемент, то его можно моделировать твердым диском. Диск отличается от тела тем, что он имеет два линейных размера, тогда как у тела их три. Твердый диск имеет три степени свободы (два поступательных перемещения его центра масс и угол поворота относительно оси, перпендикулярной плоскости диска И проходящей через его центр масс). Все точки диска при его плоскопараллельном движении описывают траекториц лежащие в плоскости диска. Расчетные динамические модели сооружения с твердыми дисками являются двухмерными / 9. 10. 15 7 и относятся к одному из частных случаев пространственных систем. Поскольку диск имеет два линейных размера, то он позволяет учесть геометрические параметры распределения массы по диску, а также представляет возможность учесть геометрические нараметры распределения в плоскости диска упругих Связей, несущих диск. Инерционные параметры диска определяются величиной массы т , которая вычисляется соответствии с требованиями п. 2.2 СНиП П-7-81 и моментом инерции массы θ относительно оси, перпен дикулярной плоскости диска и проходящей через центр его масс. Координаты центра масс диска и его момент инерции следует вычислять, используя справочные данные [5. 16].

Если принятый жесткий элемент имеет один порядок всех трех линейных размеров, то такой элемент следует моделировать твердым телом. Твердоє тело, имеющее все необходимые размеры, допускает учет геометрических параметров распределения массы и несущих упругих связей в пространстве. Свободное твердое тело имеет шесть степеней свободы: три перемещения центра масс и три угла вращения относительно осей, проходящих через центр масс. В общем случае траектории движения точек тела представляют кривые, определенные в пространстве.

Инерционные параметры твердого тела характеризуются величиной массы m, определяемой с учетом требований п. 2.1 СНиП П-7-81 и тензором инерции [5], который представляет матрицу моментов инерции массы

$$\begin{bmatrix} \Theta \end{bmatrix} = \begin{vmatrix} \Theta_{11} & \Theta_{12} & \Theta_{13} \\ \Theta_{21} & \Theta_{22} & \Theta_{23} \\ \Theta_{31} & \Theta_{32} & \Theta_{33} \end{vmatrix}, \quad (30)$$

где θ_{ij} (i, j = 1, 2, 3) - осевые (при i = j) и центробежные (при i \neq j) моменты инерции массы тела относительно некоторых осей.

В главных и центральных осях инерции тела центробежные моменты инерции равны нулю и тензор (30) принимает вид диагональной матрицы

$$\begin{bmatrix} \theta \end{bmatrix} = \begin{vmatrix} \theta_{14} & 0 & 0 \\ 0 & \theta_{22} & 0 \\ 0 & 0 & \theta_{33} \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} \theta_{1} & 0 & 0 \\ 0 & \theta_{2} & 0 \\ 0 & 0 & \theta_{3} \end{vmatrix} .$$
(31)

В последнем случае требуется вычислять только три момента инерции массы тела. Положение центра масс, ориентация в пространстве главных и центральных осей и осевые моменты инерции θ_i (i = 1, 2, 3) определяются по справочным данным (5, 16 и др.).

Рассматриваемые алгоритмы расчета построены таким образом, что всегда необходимо в качестве осей отсчета принимать только главные и центральные оси инерции тел.

В рассматриваемых алгоритмах согласно и.2.3 до – пускается применять в расчетных динамических моделях любой вид масс, с учетом приведенных выше данных.При этсм расчетные динамические модели должны быть как минимум двухмерными.

Рассматриваемые алгоритмы расчета линейных пространственных колебаний сооружений основаны на реше – ниях обыкновенных линейных дифференциальных уравнений, в предположении линейной работы материала несущих конструкций, что отмечается в п. 2.4. Модели несущих конструкций принимаются в виде упругих стержней различного типа, пластин и др. Выбор этих моделей определяется принятыми массами в динамической модели и требо – ваниями статического расчета упругой системы при формировании матриц жесткости или податливости.

Дальнейшее определение расчетной динамической модели сводится к описанию ее геометрических параметров по изложенному в п.2.5 алгоритму расчета.

Поскольку вектор ускорения поступательного движения грунта определяется в инерциальных осях ОХ X X 3, то такая система должна быть введена в соответствии с требованиями п.2.5.

Вектор углового ускорения вращения сейсмического воздействия определяется в осях $0x_{o1}x_{o2}x_{o3}$, не-

изменно связанных с основанием (фундаментом), которые вводятся в расчетную динамическую модель согласно требований п.2.5. Аналогично, по п.2.5 с каждой из масс расчетной динамической модели связывается своя система осей $k \, x_{\kappa_1} \, x_{\kappa_2} \, x_{\kappa_3}$ ($k = 1, \Pi, \Pi, ..., n$ – номера масс, присваиваемые согласно п.2.5). Если k –ая масса представлена в виде твердого тела (диска), то $k \, x_{\kappa_1} \, x_{\kappa_2} \, x_{\kappa_3}$ должны быть главными и центральными осями инерции этой массы. Таким образом, реальная динамическая модель на стадии описания ее геометрических параметров заменяется совокупностью систем осей, как показано на рис. 10, и задача сводится к описанию взаимного расположения этих осей в пространстве. Вза-



Рис.10. Система осей вводимая в расчетную динамическую модель

0 X, X, X, - инерциальная система отсчета; 0 X, X, X, - инерциальная система отсчета; 0 X, X, X, - система осей, Связанная с основанием; $\kappa x_{\kappa 1} x_{\kappa 2} x_{\kappa 3}$ - система осей, связанная с к-й ($\kappa = I, I, ..., n$) мессо: имное положение осей в пространстве определяется координатами их начал отсчета и относительной ориентацией в пространстве. Начало всех систем осей кх_к, х_{к2} х_{к3} (K = 1, II, ..., n), связанных с массами сооружения, определяются в осях 0101 I 02 X 03 векторами $\mathbf{x}_{\kappa}^{o'} = \| \mathbf{x}_{1\kappa}^{o}, \mathbf{x}_{2\kappa}^{o}, \mathbf{x}_{3\kappa} \|, \text{ где ' (штрих) - знак}$ транспонирования [3,5], $x_{...}(i = 1, 2, 3) =$ координаты К -ой точки в осях $0x_{01} x_{02} x_{03}$ (см. рис. 10). Такое определение начала отсчета дано в п. 2.5. Относительная орнентация осей определяется операторами взаимо-Рис.11. Схемы поворотов системы связи между ИХ 09, 92 93 относительно осей ортами (единич - $0x_1 x_2 x_3$ осей а-поворот относительно оси Ох, ными векторами). на угол d, ; б-поворот относи-Применительно к тельно оси $0x_2$ на угол α_2 ; в- поворот относительно оси Ох, определению прона угол d ; г – последовательстранственной ные повороты на углы α_{\prime} , α_{\prime} , орпентации осей d. (карданова система 04, 42, 43 OTуглов) носительно осей ох, х, х, (рис.11) такой оператор имеет вид следующей матрицы:

$$[\varphi] = \begin{cases} g_{11} & g_{12} & g_{13} \\ g_{21} & g_{22} & g_{23} \\ g_{31} & g_{32} & g_{33} \end{cases} = \begin{cases} \dot{f}_{y_1} & \dot{f}_{x_1} & \dot{f}_{y_1} & \dot{f}_{x_2} \\ \dot{f}_{y_2} & \dot{f}_{x_1} & \dot{f}_{y_2} & \dot{f}_{x_2} \\ \dot{f}_{y_3} & \dot{f}_{x_2} & \dot{f}_{y_3} & \dot{f}_{x_3} \end{cases},$$
(32)

где $\mathscr{G}_{i\kappa}$ (i, $\kappa = 1, 2, 3$) – скалярные произведения единичных векторов \mathscr{G}_{i} и \mathscr{G}_{κ} (орты осей $\mathscr{G}_{i}\mathscr{G}_{2}\mathscr{G}_{3}$ и $\mathscr{O}_{\kappa}\mathscr{G}_{2}\mathscr{G}_{3}$, соответственно); точкой отмечен знак скалярного произведения.

Скалярные произведения $\mathcal{G}_{i\kappa}$ (компоненты матрицы (32)) представляют проекцию единичного вектора $j_{x_{\kappa}}$ на направление вектора j_{y_i} , т.е.

$$\mathcal{G}_{i\kappa} = j_{y_i} \cdot j_{x_{\kappa}} = 1 \cdot \cos\left(j_{y_i} \cdot j_{x_{\kappa}}\right) , \qquad (33)$$

где $COS(j_{y_i}, j_{x_k})$ — косинус угла между векторами j_{y_i} и j_{x_k} .

На рис. 11 приведены схемы, поясняющие вычисления компонент матрицы (33) при различных вращениях осей. На схемах рис. 11, а-в показаны повороты системы осей относительно первой, второй и третьей осей на углы d_4 , d_2 и d_3 , соответственно.

При повороте на угол d₁ относительно оси OX₁ матрицы (32) имеют следующий вид:

$$[\mathcal{Y}_{1}] = \begin{array}{c} J_{\mathcal{Y}_{1}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{Y}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{Y}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{2}} \downarrow_{\mathcal{Y}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{Y}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{2}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{Y}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \\ J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} \downarrow_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}_{3}} J_{\mathcal{X}$$

При повороте на угол α_2 относительно оси $0\mathfrak{X}_2$ (см. рис.11,б) матрица (32) имеет следующие компоненты:

$$\begin{bmatrix} 1^{9} \\ 1^{9} \\ - \\ 1^{9} \\ - \\ 1^{9} \\ - \\ 1^{9}$$

При повороте на угол ${\mathfrak A}_3$ относительно оси ${\mathfrak {OT}}_3$ (см. рис.11,в) - (32) имеет значения:

$$[\mathcal{Y}_{3}] = \begin{cases} \dot{d}_{\mathcal{Y}_{1}} \dot{d}_{\mathcal{X}_{1}} ; \dot{d}_{\mathcal{Y}_{2}} \dot{d}_{\mathcal{X}_{2}} ; \dot{d}_{\mathcal{Y}_{2}} ; \dot{d}_{\mathcal{Y}_{3}} ; \dot{d}_{\mathcal{X}_{3}} \\ \dot{d}_{\mathcal{Y}_{3}} \dot{d}_{\mathcal{X}_{1}} ; \dot{d}_{\mathcal{Y}_{2}} ; \dot{d}_{\mathcal{Y}_{3}} ; \dot{d}_{\mathcal{X}_{3}} ; \dot$$

На рис.11, г показана схема трех последовательных поворотов осей Оучуза относительно осей Оху Хг Хз. В этом случае от орт осей системы ОХу Дг Хз. В этом случае от орт осей системы ОХу Дг Хз. к ортам осей Оучуза переход выполняется последовательным произведением матриц (34)-(36)

$$\begin{bmatrix} \mathcal{G} \end{bmatrix}^{*} \begin{bmatrix} \mathcal{G}_{1} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathcal{G}_{2} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathcal{G}_{3} \end{bmatrix}^{*} = \begin{bmatrix} COSd_{2} COSd_{3} ; COSd_{1} Sind_{3} + \\ -COSd_{2} Sind_{3} ; COSd_{1} COSd_{3} - \\ Sind_{2} Sind_{2} Sind_{3} \end{bmatrix}^{*} = \begin{bmatrix} Sind_{1} Sind_{2} & COSd_{3} \\ -Sind_{1} Sind_{2} COSd_{3} ; Sind_{1} Sind_{3} - COSd_{1} Sind_{2} COSd_{3} \\ -Sind_{1} Sind_{2} Sind_{3} ; Sind_{1} COSd_{4} + COSd_{1} Sind_{2} Sind_{2} Sind_{3} \end{bmatrix} .$$

$$(37)$$

. .

Аналогично матрица [У] вычисляется при двух любых последовательных поворотах.

На практике часто встречаются оси, повернутые друг относительно друга только по вертикальной оси. Как правило, таковы оси инерциальной системы отсчета ОХ ${}_{1}X_{2}X_{3}$ и главные оси сооружения, связанные с основанием $0 \mathfrak{T}_{04} \mathfrak{T}_{02} \mathfrak{T}_{03}$, см. п.2.5. Поэтому матрица [\mathfrak{G}_{0}] (1) практически всегда определяется в виде (36).

Для большинства сооружений главные центральные оси инерции масс расчетных динамических моделей так же имеют вертикально ориентированную третью ось, т.е. в большинстве случаев матрицы [У,] (2) (см.п.2.5) также вычисляются по (36). Однако, если сооружение несет большие сконцентрированные массы, то их главные центральные оси инерции могут быть ориентированы в пространстве различным образом. В этих случаях при определении [Sk] (2) по п.2.5 необходимо исходить из данных (34). (35). (36) и схемы (37). Можно также применять результаты непосредственных углов между осями и вычислять компоненты [Ук] (2) по (35). Всегда необходимо иметь ввиду, что компоненты этих матриц должны удовлетворять следующим условиям нор мирования:

$$\sum_{k=1}^{3} \mathcal{Y}_{ik}^{2} = 1; \qquad (38)$$

$$\sum_{k=1}^{3} \mathcal{Y}_{ik} \mathcal{Y}_{jk} = 0.$$
(39)

Первое условие определяет единичную величину модуля орт осей ОУ, У₂У₃ и второе – ортогональность этих орт.

Необходимо также иметь в виду,что если рассматриваемые оси одинаково ориентированы в пространстве, то (32) принимает вид единичной матрицы, которую можно получить по (34)-(37) при нулевых значениях соответствующих углов \measuredangle .

Описание упругих свойств расчетной динамической модели сооружения

Жесткости сооружений определяются статическими расчетами, которые выполняются по соответствующим статическим моделям сооружений. Для определения сейсмической нагрузки на сооружение необходимо знать его динамические параметры: спектр собственных частот И параметры диссипации. Статическая и динамическая MOдели сооружений могут отличаться друг от друга. Статическая модель сооружения может быть более подробной. чем динамическая. Однозначное соответствие статической и динамической моделей состоит только в том, что статическая модель должна допускать возможность опреде ления жесткостей по соответствующим направлениям движения масс в принятой динамической модели.

Имеется ряд методов статических расчетов соору жений [1, 2, 16 и др.]: методы сил и перемещений; метод конечных элементов и конечных разностей и т.д. На основе этих методов разработаны системы автоматизированных статических расчетов сооружений на ЭВМ, которые в данной работе не рассматриваются. Здесь приводятся отдельные сведения статического расчета, которые необходимы для выполнения динамического расчета сооружения на сейсмические воздействия. Формулируется требуемый вид окончательных результатов и поясняется их физический смысл. Для получения этих данных можно использовать любые методы, алгоритмы и программы статического расчета упругих систем на ЭВМ. как OTмечается в п.2.6 данных Рекомендаций. При выполнении этих расчетов ставятся две задачи.

1. По принятой статической модели сформировать матрицу жесткости [1] или податливости (переме – щений) [8], определяя компоненты этих матриц в точках сосредоточения масс динамической модели.

2. Для элементов конструкций, прочность которых проверяется на сейсмическое воздействие, определить на-пряженно-деформированное состояние от единичных воздействий.
В зависимости от применяемого метода расчета единичными могут быть либо единичные силы и моменты, либо единичные перемещения и углы вращения.

В п.2.7 алгоритма расчета приведены необходимые пояснения для статического расчета по методу сил, когда внешним воздействием являются единичные силы

= 1 и моменты $M_{\pi_{ir}}$ = 1, где i = 1, 2; 3; $P_{x_{i\kappa}} = 1$ и моменты такк , т $\kappa = 1, \square, ..., n$ – номера масс расчетной динамичес-Prir кой модели сооружения. Единичные силы 1 прикладываются к статической модели в точке. COOTветствующей центру масс твердого диска или тела в динамической модели. Причем силы Ржік = 1 приклады_ ваются по направлению осей, связанных основанием С ОТо, Хоз Хоз. Единичные моменты сооружения М хін = 1 прикладываются относительно главных цент ральных осей инерции масс К $\mathfrak{X}_{\kappa_1} \mathfrak{X}_{\kappa_2} \mathfrak{X}_{\kappa_3}$.

Последовательно, отдельно от действия каждой единичной силы (или момента), как от внешней нагрузки, выполняется расчет статической модели сооружения. Этог расчет может быть выполнен с привлечением любых,имеющихся в распоряжении расчетчика, программ, вычислительных комплексов и т.д. Рассмотрение специфики такого расчета является предметом других инструктивных документов и здесь не развивается. В результате этого расчета должны быть отдельно от каждой из единичных Mxik = 1 (или моментов Prin = 1) сил **ΟΠ**ределены:

- напряженно-деформированное состояние всех эле ментов. прочность которых проверяется на сейсмическое воздействие, результаты сводятся в таблицы типа табл. 1; по этим результатам, после определения сейсмических сил и моментов, путем корректировки ИХ на фактические величины сил и моментов, вычисляются расчетные параметры напряженно-деформированного состоя ния; каждое единичное загружение силой или MOMEHTOM определяет свое напряженно-деформированное состояние рассматриваемых элементов:

- вычисляются перемещения всех точек статической модели сооружения, соответствующих центрам масс динамической модели; перемещения вычисляются по направле-

ниям осей, связанных с основанием сооружения; вычисляются также величины углов поворотов (вращения) масс динамической модели относительно главных центральных осей инерции этих масс; фактически определяются vглы поворота осей, введенных в статическую модель, поскольку эти оси неизменно связаны с массами динамической модели, то углы поворота осей статической модели соответствуют углам поворота масс динамической модели; из этих перемещений и углов вращения формируется матрица податливости динамической модели [81 и далее в расчете рассматривается только динамическая модель. формируется в виде табл.2. Матрица [8] Каждое единичное загружение (Ржік = 1 или Mair = 1: i = 1, 2, 3; k = 1, Ш, Ш,..., n) определяет Свой столбец матрицы [δ] . Полная совокупность загру жений определяет число столбцов, соответствующих числу строк, и матрица [б] имеет квадратный симметричный вид со следующей структурой:

$$\begin{bmatrix} \delta \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \begin{bmatrix} \delta^{(11)} \end{bmatrix}_{i} \begin{bmatrix} \delta^{(12)} \\ \delta^{(21)} \end{bmatrix}_{i} \begin{bmatrix} \delta^{(12)} \\ \delta^{(22)} \end{bmatrix}_{i} \begin{bmatrix} \delta^{(22)} \\ \delta^{(22)} \\ \delta^{(21)} \end{bmatrix}_{i} \begin{bmatrix} \delta^{(22)} \\ \delta^{(21)} \\ \delta^{(21)} \\ \delta^{(21)} \\ \delta^{(21)} \\ \delta^{(21)} \\ \delta^{(22)} \\ \delta^{(22)}$$

0)

где $[\delta_{\kappa\rho}^{(st)}](\kappa, \rho = I, \Pi, ..., n; s, t = 1, 2)$ составляющие матрицы размером 3x3 в виде:

$$\begin{bmatrix} \delta_{KP}^{(St)} \end{bmatrix}^{s} = \begin{bmatrix} \delta_{KP11} & \delta_{KP12} & \delta_{KP13} \\ \delta_{KP21} & \delta_{KP22} & \delta_{KP23} \\ \delta_{KP21} & \delta_{KP22} & \delta_{KP23} \\ \delta_{KP31} & \delta_{KP32} & \delta_{KP33} \end{bmatrix}$$
(41)

୍ଦ୍ର (୨୪) (i, j = 1, 2, 3) - при S = 1 перемещения ж - ой системы отсчета по направлению ее i - ой начала (при \$ 0X01 X02 X03 = 2 углы поворооси системы та К -ой системы отсчета относительно К -ой оси системы KIKI IK2 IKS) от действия при **t** =1 единичной силы, приложенной к началу ρ -ОЙ системы отсчета по направлению ј -ой системы OIn Ing Ins (при t = 2 от единичного момента, приложенного относительно ј -ой оси Р -ой системы отсчета PX_{p1}, $x_{\rho 2} x_{\rho 3}$.

⁷ Здесь записана матрица податливости системы для случая, когда каждая из *п* масс расчетной динамической модели представлена в виде твердого тела с шестью степенями свободы. Количество степеней свободы такой динамической модели равно 6 *п* и оно определяет:

- число единичных загружений для статической модели; - число напряженно-деформированных состояний для всех элементов, прочность которых проверяется на сейсмическое воздействие (см. табл. 1);

- число строк и столбцов матрицы податливости [**б**] - ее порядок.

Если в расчетной динамической модели часть масс представлена материальными точками, а другая часть – твердыми дисками или телами, то число степеней свободы такой модели равно $\sum_{\kappa \cdot I}^{n} \rho_{\kappa}$, где ρ_{κ} – число ее степеней свободы κ – ой массы. Это число степеней свободы определяет указанные выше характеристики. Рассмотрим структуру блочной матрицы податливости [δ] (40). Она соответствует следующему блочному вектору параметров движения масс расчетной динамической модели:

$$\overline{Q} = (\overline{\mathcal{X}_{15}, \mathcal{X}_{25}, \mathcal{X}_{31}, \dots, \mathcal{X}_{1K}, \mathcal{X}_{2K}, \mathcal{X}_{3K}, \dots, \mathcal{X}_{1n}, \mathcal{X}_{2n}, \mathcal{X}_{3n},}$$
(42)

где $x_{i\kappa}$ и $\alpha_{i\kappa}$ (i = 1, 2, 3) – перемещения и углы поворота κ –ой массы.

Определяются матрицы (40) и вектор (42) от отдельного действия каждой из компонент следующего блочного вектора нагрузки:

$$\overline{F} = I \overline{\rho_{x_{11}}, \rho_{x_{21}}, \rho_{x_{31}, \dots, \rho_{x_{1K}}, \rho_{x_{2K}}, \rho_{x_{3K}, \dots, \rho_{x_{1n}}, \rho_{x_{2n}}, \rho_{x_{3n}}},$$
(43)

$$\overbrace{M_{d_{11}}, M_{d_{21}}, M_{d_{31}}, \dots, M_{d_{1N}}, M_{d_{2N}}, M_{d_{3N}}, \dots, M_{d_{1N}}, M_{d_{2N}}, M_{d_{3N}}}^{3/2} |,$$

где $P_{\mathcal{X}_{ik}}$ и $M_{d_{ik}}$ (i = 1, 2, 3) – единичные силы и моменты.

Структура (40), (42) и (43) приведена для случая, когда каждая из масс расчетной динамической модели имеет шесть степеней свободы и представлена твердым телом. Если в расчетной динамической модели какая-то масса имеет меньше шести степеней свободы и представлена материальной точкой или твердым диском, то из (42) и (43) следует исключить компоненты, соответствующие отсутствующим степеням свободы, удалив при этом из матрицы (40) соответствующие строки и столбцы. Структура матрицы податливости (40) и векторов (42), (43) в целом при этом сохраняется. Принятая здесь блочная структура векторов и матриц подчеркивает пространственный характер движения масс сооружения при расчете на сейсмические воздействия. Блок [$\delta^{(11)}$] (40) соответствует описанию поступательного движения точечмасс или центров масс дисков и тел. Блок [$\delta^{(21)}$] ных СООТВЕТСТВУЕТ ОПИСАНИЮ ВРАЩЕНИЯ ДИСКОВ ИЛИ ТЕЛ ОТНОСИтельно своих центров масс. Блоки второстепенной диагонали $\lceil \delta^{(12)} \rceil = \lceil (\delta^{(21)})' \rceil$ (где ' (штрих) знак транспонирования) соответствуют описанию взаимосвязи поступательного движения и вращения. Если блоки второстепенной диагонали являются нулевыми матрицами. то поступательные и вращательные движения масс не B38имосвязаны и проходят самостоятельно. Таким образом, сама деформационная структура сооружения (его статической и динамической моделей) определяет через [8] (40) тот или иной пространственный характер движения масс. В режиме вынужденных колебаний этот характер усложняется за счет пространственных моделей сейсми ческого воздействия.

Описанные положения статического расчета упругой модели сооружения методом сил приводят к обратной форме задачи динамики сооружений. К прямой форме этих задач приводит статический расчет по методу деформаций, когда формируется матрица жесткости [7] для расчетной динамической модели. В данном случае, в отличие от требований п. 2.7, вычисляются не перемещения и углы вращения, а определяются соответствующие им обратные величины - жесткости. Для этой цели в статической модели сооружения, в точках, соответствующих центрам масс, накладываются три ортогональные связи, препятствующие линейным перемещениям в трех ортогональных направлениях осей, связанных с основани-Оход Хог Хог . Накладываются также угловые свяем зи, препятствующие углам поворотов относительно глав ных центральных осей инерции масс. Последовательно каждой из наложенных связей сообщается соответствующее единичное перемещение (единичный угол поворота) и определяются:

- напряженно-деформированное состояние всех элементов, прочность которых проверяется на сейсмическое воздействие. Результаты этого расчета сводятся в таблицы вида табл. 3. По этим результатам, после определения сейсмических перемещений и углов вращения масс, путем корректировки на фактические величины вычисляются расчетные параметры напряженно-деформированного состояния. Каждое единичное перемещение (угол поворота) определяет свое напряженно-деформированное состояние рассматриваемых элементов;

- вычисляются реакции во всех наложенных на систему связях. Из этих реакций (сил и моментов) формируется матрица жесткости динамической модели [7] и далее в расчетах рассматривается динамическая модель. Матрица [7] формируется в виде табл. 4. Каждое единичное перемещение (угол поворота) определяет свой столбец матрицы [7]. Полная совокупность перемещений и углов поворотов определяет число столбцов, равное числу строк, и матрица [7] имеет квадратный симметричный вид:

$$[\mathcal{Z}] = \frac{[\mathcal{Z}^{(11)}]_{I}^{I}[\mathcal{Z}^{(12)}]_{I}^{I}[\mathcal{Z}^{(12)}]_{I}^{I}}{[\mathcal{Z}^{(12)}]_{I}^{I}[\mathcal{Z}^{(12)}]_{$$

где $[\mathcal{Z}_{\kappa\rho}^{(St)}]$ (к, ρ = 1, Π , ..., n; s, t = 1, 2) составляющие матрицы размером 3х3

$$\begin{bmatrix} (st) & (st) & (st) \\ Z_{NP11} & Z_{NP12} & Z_{NP13} \\ & (st) & (st) & (st) \\ Z_{NP21} & Z_{NP22} & Z_{NP23} \\ & & & & \\ &$$

(st) $\chi_{\kappa\rho \ ij}$ (i, j = 1, 2, 3) – при S = 1 силы реакции линейной связи, наложенной на начало к – ой системы отсчета по направлению i –ой оси системы $\Omega \chi_{01} \chi_{02} \chi_{03}$ (при S = 2 моменты реакции угловой связи, наложенной относительно i –ой системы $\kappa \chi_{\kappa 1} \chi_{\kappa 2} \chi_{\kappa 3}$) от единичного перемещения при t = 1 линейной связи, наложенной на начало ρ –ой системы отсчета по направлению P –ой оси системы $\Omega \chi_{01} \chi_{02} \chi_{03}$ (еди – ничного угла поворота при t = 2 угловой связи, приложенной относительно j –ой оси системы $\rho \chi_{\rho 1} \chi_{\rho 2} \chi_{\rho 3}$)

Матрица жесткости системы (44) записана для случая, когда каждая из п. масс расчетной динамической модели представлена твердым телом с шестью степенями свободы. Количество степеней свободы такой динамической модели равно 6 г. и в данном случае определяет:

– число накладываемых на систему связей и число единичных перемещений и углов поворота;

_число напряженно-деформированных состояний для всех элементов, прочность которых проверяется на сейсмическое воздействие (см. табл. 3);

-число строк и столбцов матрицы жесткости [7] (44) – ее порядок.

В случаях, когда в расчетной динамической модели часть масс представлена материальными точками, а другая часть – твердыми дисками и телами, число степеней свободы равно $\sum_{\kappa=4}^{\kappa} P_{\kappa}$, где P_{κ} – число степеней свободы κ –ой массы. Для таких систем данное число степеней свободы определяет указанные характеристики.

115

Блочная структура матрицы жесткости [1] (44) соответствует определению блочного вектора реакций (43) по блочному вектору перемещений (42), т.е. в данном случае решается обратная задача, в отличие от п.2.7 рассматриваемого алгоритма.

Если в расчетной динамической модели какая-то масса имеет число степеней свободы меньше шести и представлена в виде точки или диска, то из (43) и (42) следует исключить соответствующие строки и столбцы. При этом структура (42), (43), (44) сохраняется.

Принятая блочная структура матрицы жесткости системы соответствует описанию пространственного характера движения масс сооружения. Блок $[\tau^{(11)}](44)$ соответствует описанию поступательного движения точечных масс или центров масс дисков и тел. Блок $[\tau^{(22)}]$ соответствует описанию вращения дисков или тел относительно своих центров масс. Блоки второстепенной диагонали $[\tau^{(21)}] = [(\tau^{(12)})']$ соответствуют описанию взаимосвязи поступательного и вращательного движений. При нулевых блоках второстепенной диагонали матрицы податливости или жесткости поступательные и вращательные движения масс сооружения не взаимосвязаны и образуют самостоятельные группы колебаний.

Расчет режима свободных колебаний

Расчет режима свободных колебаний рассматриваемых динамических моделей сооружения выполняется по п.п. 2.9-2.13.

Пространственный характер движения масс сооружения зависит от его деформационных свойств, которые определены матрицей податливости [δ] (40) или жесткости [τ] (44), вычисляемыми по статической модели. Между матрицами [τ] и [δ] существует обратная зависимость, т.е.

$$[\tau] = [\delta^{-1}], \qquad (46)$$

где -1 - знак обращения матрицы.

Соотношения (46) удовлетворяются для всех матриц, которые не содержат обособленных составляющих. Определение обособленных составляющих матрицы дано в математической литературе [3]. Поясним это определение на примере. Если блоки второстепенных диагоналей матрицы [δ] (40) или [τ] (44) являются нулевыми матрицами, то блоки главных диагоналей [δ ⁽⁵⁵⁾] или [τ ^(SS)] (S = 1, 2) являются самостоятельными и независимыми. Каждый из этих блоков определяет свои независи – мые деформации, соответствующие независимым формам колебаний. В данном случае обратные соотношения выполняются между этими блоками. т.е.

$$[\tau^{(ss)}] = [(\delta^{(ss)})^{-1}], (s = 1, 2).$$
 (47)

Если система абсолютно симметрична, то составляющие (41) и (46) представляют диагональные матрицы. что приводит к распаданию каждого из блоков главной **пна**гонали [§ (55)] и [7 (\$\$)] (\$ = 1, 2)на три независимые составляющие, между которыми также удовлетворяются обратные соотношения в виде (4). B этом случае исходные матрицы [б] или ΓτΙ в виде (40) или (44) распадаются на шесть независимых coставляющих, каждая из которых имеет порядок п (ec_ ли все массы представлены телами). Суммарный порядок задачи остается равным 6n.

Каждую из матриц (40) и (44) в данном случае можно представить в виде суммы независимых составляющих (3) по диагонали, т.е.



Каждый из диагональных блоков (48) представляет обособленную матрицу, анализ свойств которой всегла следует выполнять отдельно. Поскольку соответствующие строки и столбцы матрицы можно менять местами. то при нулевых компонентах в этих строках и столбцах.матрицу всегда можно привести к виду с обособленными составляющими, расположенными на главной диагонали (48). Пругой способ выделения обособленных составляющих состоит в построении системы линейных алгебраических уравнений, коэффициенты которых являются компонентами исходной матрицы. Если при этом одна какая-то группа уравнений не зависит от другой группы уравнений, то коэффициенты этих групп уравнений образуют обособленные составляющие полной матрицы. Путем перегрушировки неизвестных этих уравнений (перестановки местами составляющих строк и столбцов) можно для исходной матрицы достичь вида (48).

Для матрицы податливости [δ] (40) или жестко-(44) каждая из обособленных составляющих СТИ [7] описывает свою независимую группу деформаций и соответствует самостоятельной группе колебаний. Выделение обособленных составляющих матриц по п.2.9 алгоритма связано со свойствами асимметрии рассматриваемых vΠ --ругих систем. Как известно [15], упругие системы могут быть абсолютно симметричными, полностью или частично асимметричными. Частично асимметричные системы в свою очередь делятся на системы с однородной и неоднородной асимметрией. Для полностью асимметричных систем не образуется обособленных составляющих (40) и (44). Для абсолютно симметричных систем эти матрицы распадаются на щесть обособленных составляющих. Для частично асимметричных систем число обособленных составляющих всегда меньше шести, но конкретное число и структура обособленных составляющих для данного типа систем определяется конкретными видами частичной асимметрии. Анализ этих составляющих по видам частичной асимметрии рассмотрен в [9, 15], где по физическому характеру системы определяется структура обособленных составляющих [7] или [8]

Анализ матриц [τ] или [δ] является вспомогательным, он дает представление о физической стороне задачи. Этот анализ является необходимым, но недостаточным, поскольку расчет режима свободных колебаний выполняется по динамическим характеристикам, представляющим комбинацию матриц [τ] или [δ] и [M]. Поэтому согласно п. 2.10 алгоритма требуется проанализировать матрицы

$$[A] = [M^{-1}][\tau] \quad \text{или} \quad [B] = [\delta][M], \quad (49)$$

где $[A] = [B^{-1}]$.

Здесь [M] диагональная матрица инерционных параметров, структура которой, для случая представления всех масс динамической модели твердыми телами, дана в табл. 5. Если какая-то масса динамической модели представлена материальной точкой или твердым диском, то из структуры табл. 5 необходимо исключить соответствующие параметры.

Решение задачи на определение частот и форм собственных колебаний выполняется по матрице [А] в прямой форме (7) или по матрице [В] в обратной форме (8) частотных уравнений. Задача сводится к определению собственных чисел типа Q^2 для матрицы [А] или типа 1/ Я? для матряцы [В], а также **д ())** для обоих случаев, где собственных векторов - частота собственных колебаний и 2 (j) - Bek-ያ. тор коэффициентов ј -ой формы колебаний, ј = 1 ; К - порядок матриц [А] или [В]). Математичес-(κ кое решение этой задачи возможно только в случаях,когда матрицы [А] или [В] не содержат обособленных составляющих. Поэтому п.2.10 алгоритма требует выполнить анализ обособленных составляющих матриц [А] или [В] . Этот анализ определяет достаточные условия для решения задачи на собственные значения.

Решение задачи по анализу матриц [А] или [В] на обособленные составляющие выполняется аналогично тому, как было описано выше, для аналогичного анализа [1] или [δ]. Совместный анализ матриц статического состояния [1] или [δ], согласно п. 2.9, и динамических

(50)

характеристик [A] или [B] по п.2.10 позволяет понять физическую основу решаемой динамической задачи и корректно сформулировать математическую постановку задачи.

Решение задачи на собственные значения матриц можно выполнить только отдельно [А] или [В] для каждой обособленной составляющей [А;] или [В;] (6), как это требуется в соответствии с п.2.11 алгоритма. Решение такой задачи может быть выполнено любыми известными в математике методами, но, как правило, для сооружений порядок матриц [А;] или [В;] таков. что без привлечения ЭВМ такую задачу решить невозможно. В настоящее время математическое обеспечение практически любой ЭВМ содержит стандартные программы по определению собственных значений и векторов матриц. Матрицы, с которыми обращаются к ЭВМ для решения задачи на собственные значения не должны содержать обособленных составляющих. В противном случае задача теряет смысл, что будет приводить к аварийным останов кам ЭВМ. Смысл задачи сводится к решению уравнений в прямой форме (7) или в обратной форме (8), которые записаны для случая матриц [А] и [В], не содержащих обособленных составляющих. Для каждой обособленной составляющей [А;] или [В;] уравнения записываются аналогично. Порядок этих уравнений определя ется порядком матриц [А;] или [В;]. в соответствии с которыми определяются векторы собственных значений (коэффициентов форм колебаний) 🕱 (j) . При решении задачи предпочтительнее пользоваться прямой формой

уравнений (7), поскольку в обратной форме вычис – ляются собственные значения обратные квадратам частот - 1/ Ω_j^2 , в результате чего накапливается погрешность счета на **ЭВМ**.

Каждая обособленная составляющая [A_i] или [B_i] определяет самостоятельную группу колебаний, для которой результаты решения по определению частот и форм целесообразно сводить в таблицы типа табл. 6.

Найденные коэффициенты форм колебаний $\overline{Z}(j)$ определяют соотношения между ними. Поэтому целесообразно нормировать эти коэффициенты по соотношению к какому-либо одному из них, принимая его за единицу. В п. 2.12 в качестве такого нормирующего множителя рекомендуется принимать значение коэффициента перемещения I массы в направлении оси $0 \mathfrak{X}_{OI}$ системы отсче-

TA
$$0x_{01} x_{02} x_{03}$$
 T.E. $2x_{11} = 1$.

Критерием точности решения задачи расчета режима свободных колебаний является проверка условий ортогональности найденных форм. Положения по этой проверке сформулированы в п.2.13 алгоритма. Проверка сводится к заполнению табл.7 для каждой самостоятельной группы колебаний.

Решение задачи по расчету режима свободных колебаний представляет общую процедуру, единую для динамических расчетов сооружений на любые возмущения (сейсмические, ветровые, промышленные вибрации и т.д.).Поэтому, если отсутствуют специализированные комплексы автоматизированных расчетов на ЭВМ, то вычислительную процедуру расчета режима свободных колебаний целесообразно запрограммировать самостоятельно и использовать ее в индивидуальной практике проектной организации. Такую вычислительную процедуру целесообразно строить по структуре, показанной на рис. 1.

Расчетные параметры сейсмического воздействия

Рассмотренные в Приложениях 1 и 2 пояснения относятся к любому динамическому расчету сооружения (на любые динамические воздействия). Динамический расчет сооружения на конкретное воздействие начинается с формулировки характера динамического возмущения и опре – деления его расчетных параметров.

Рассматриваемые в данных Рекомендациях методы динамического расчета сооружений учитывают пространственный характер сейсмического воздействия, которое по своей природе представляет фрагмент волнового поля движений грунта в основании сооружения при землетря сении. Общепризнано [15], что поле сейсмических движений грунта имеет три явно выраженных фазы (Р, S и L), определяющиеся соответственно продольными

6

(безвихревыми) Р., поперечными (сдвиговыми или вихревыми) S – и поверхностными (которые также являются вихревыми) L -волнами, распространяющимися с определенными (имеющими свои закономерности изменения) конечными величинами фазовых скоростей. B начале наблюдается Р-фаза, определенная продольными волнами, имеющими максимальную фазовую скорость. В этой фазе поле сейсмических движений является безвихревым и движение грунта определяется только его дилатацией (расширение-сжатие). Данная фаза характерна высокочастотными движениями грунта с малыми ампли тудами, поэтому она не приводит к разрушению сооружений. После Р -фазы наступает 5 -фаза. определяемая распространением поперечных волн, которые имеют меньшую фазовую скорость, чем Р -волны. В S -фазе частотный состав ниже, а интенсивность движений существенно больше, чем в 💲 -фазе. Основные повреждения сооружений при землетрясениях, по общепризнанному мнению [15], имеют место в S -фазе, которая определяет вихревое поле движений грунта. В вихревом поле движение грунта определяется его ротацией (искажением объема массива грунта). Поверхностные 👢 -волны (Лэмба-Рэлея, Лява), грубо говоря, представляют некоторую модификацию 5 -волн с фазовой скоростью. зависящей от свойств структуры среды распространения волн. Фазовая скорость L -волн, как правило, еще меньше, чем 5 -волн. В L -фазе поле движений грунта носит общий характер и определяется дилатацией И ротацией массива грунта. Для L – фазе характерен более низкий частотный состав и более слабая интенсивность движений грунта, чем в 5 -фазе. Повреждения сооружений, начатые в \$ -фазе при землетрясениях продолжают развиваться в L -фазе. Таким образом, основные повреждения и разрушения сооружений при землетрясениях определяются возмущениями в виде вихревого поля в S -фазе и поля общего характера в L -фазе. Эти поля определены дилатацией и ротацией соответствующего массива грунтового основания, результатом которых являются вектор ускорения поступательного движения и вектор углового ускорения вращения.

Таким образом, волновой пространственной моделью сейсмического воздействия являются два трехкомпонентных вектора: ускорения поступательного движения и углового ускорения вращения.

Векторы сейсмического воздействия характеризуются: интенсивностью, спектральным составом и ориентацией в пространстве. Эти характеристики определяют расчетные параметры, алгоритм вычисления которых сформулирован в;п.2.14 определяет интенсивность ускорения поступательного движения; п.2.15 – интенсивность углового узкорения вращения; п. 2.16 – спектральный состав этих векторов; п.2.17 – ориентацию векторов сейсмического воздействия. Рассмотрим формулировки этих пунктов в отдельности.

Сейсмическое воздействие представляет поле движений грунта, в каждом элементарном объеме которого определены вектор ускорения поступательного движения и вектор углового ускорения вращения. На сооружение воздействует не все поле, а только его фрагмент, представляющий массив грунта в основании сооружения. Следовательно, в качестве расчетной величины воздействия на сооружение должна приниматься определенная в преде – лах этого фрагмента интерсивность движений грунта.

В п.2.14 сформулированы требования по определению осредненной интенсивности вектора ускорения поступательного движения грунта при сейсмическом воздействии. Под интенсивностью любого вектора понимается всегда положительная величина, равная его модулю, которая инвариантна по отношению к ориентации в пространстве осей отсчета. Расчетная интенсивность определяется модулем вектора

$$I = |\vec{X}_{o}| = \sqrt{\sum_{i=1}^{3} \vec{X}_{io}^{2}}, \qquad (51)$$

где \ddot{X}_{i0} (i = 1, 2, 3) – компоненты, а $|\ddot{X}_0|$ – мо – дуль вектора ускорения поступательного движения сейсмического воздействия.

Параметры интенсивности компонент вектора $\overline{X_o}$ определяются осреднением по соответствующей площади,

как поток поля ускорений через эту площадь

$$\begin{split} \ddot{X}_{10} &= \frac{1}{S_{25}} \iint_{(S_{25})} \ddot{\mathcal{U}}_{10} \left(X_{2}, X_{5} \right) dX_{2} dX_{3}; \\ & \dot{\mathcal{X}}_{20} = \frac{1}{S_{15}} \iint_{(S_{15})} \underbrace{\mathcal{U}}_{20} \left(X_{1}, X_{5} \right) dX_{1} dX_{5}; \\ & \ddot{\mathcal{X}}_{30} = \frac{1}{S_{12}} \iint_{(S_{12})} \underbrace{\mathcal{U}}_{30} \left(X_{1}, X_{2} \right) dX_{1} dX_{2}, \end{split}$$
(52)

где $\ddot{u}_{i0}(...)$ – ускорение точки поля с координатами (...) движений грунта в направлении осей X_i (i =1,2,3); S_{ij} – площади в ортогональных направлениях, через которые вычисляются потоки фрагмента рассматриваемого поля.

Площади S_{ij} в (52) образуют объем фрагмента рассматриваемого поля. Поэтому инвариант интенсивности ускорения поступательного движения грунта I по (51) является функцией от этого объема V . Такая функция является положительной и убывающей по мере увеличения V . Результаты обработки записей землетрясений и решения задач по оценке свойств поля сейсмического движения грунта [6], [7], [11], [13], (15] показывают, что эту зависимость можно аппроксимировать экспонентой вида

$$I(V) = gAe^{-\kappa V} (\kappa/c), \qquad (53)$$

где $q_{M-3} \approx 10 \text{ м/c}^2$ – ускорение силы тяжести; A (-) и к (M-3) – аппроксимирующие коэффициенты; V (M³) – учитываемый в расчете объем фрагмента рассматриваемого поля сейсмических движений грунта.

Максимальная величина расчетного значения инварианта интенсивности ускорения поступательного движения грунта при сейсмическом воздействии имеет место в точке, когда V = 0 и I (0) = q A . Принятие этой вели-

чины безотносительно к рассматриваемому объему массива грунтового основания в качестве расчетной интенсивности сейсмического воздействия, как это рекомендовано в СНиП П-7-81. с физической точки зрения соответствует тому, что фазовые скорости распространения волн принимаются бесконечными, т.е. все точки основания имеют одну и ту же интенсивность движения. В этом случае в осреднении интенсивности по объему основания нет необходимости, но это, во-первых, противоречит физике явления, и. во-вторых, исключает для проектировщиков возможность создавать экономически выгодные и сейсмостойкие конструктивные решения. Путем увеличения расчетного объема V за счет устройства жестких (из монолитного железобетона) подземных этажей (заглубление сооружения) с развитыми в плане размерами (увеличение площади заглубленных этажей) можно достичь существенного снижения расчетной интенсивности. Важно определить целесообразное соотношение между дополнительным вкладом средств в подземную часть и экономией средств на надземной части сооружения. Это задача каждого конкретного варианта конструктивного решения проектируемого сооружения. Такой подход отвечает требованиям зарубежного опыта проектирования экономичных сейсмостойких сооружений. Опыт последствий землетрясений, происшедших на территориях, где распространены аналогичные конструктивные решения, показал, что крупные сооружения с развитой в плане и заглубленной нижней частью вполне удовлетворительно переносят сейсмические воздействия; в то время, как небольшие здания без развитой заглубленной части получают повреждения и разрушаются. Такие конструктивные решения совместно с основными требованиями по обеспечению развития пластических деформаций в несущих конструкциях являются основными критериями сейсмостойкости сооружений.

Самостоятельную проблему представляет задача об определении объема V (53), в пределах которого вычисляется поток поля ускорений сейсмического движения грунта. Это – объем фундамента с прилегающим к нему массивом грунта. В первом приближении можно ограни – читься вычислением потока через объем массива фундамента сооружения, но, учитывая сложность задачи, целесообразно свести аппроксимирующую функцию (53) к аналогичной экспоненциальной зависимости от меньшего размера сооружения в плане В и представить ее в виде (10). (11).

Интенсивность вектора углового ускорения поля сейсмических движений грунта определяется в соответствии с требованиями п.2.15. Инвариант интенсивности углового ускорения определяется в виде модуля вектора

$$\left|\vec{\sigma_{0}}\right| = \sqrt{\Sigma' \vec{\sigma_{i0}}^{2}}, \qquad (54)$$

где $\ddot{\alpha}_{i0}$ (i = 1, 2, 3) – компоненты, а $|\alpha_0|$ – модуль вектора углового ускорения сейсмического воздействия.

Параметры интенсивности компонент вектора углового ускорения определяются на основании теоремы Стокса, как циркуляции поля поступательного движения по соответствующим замкнутым контурам (L), которые равны потокам ротации этого же поля через поверхности (S), ограниченные этими контурами [4]:

 $\vec{\mathcal{I}}_{10} = \frac{1}{\mathcal{J}_{1}} \int \tilde{U}_{0} dZ_{1} = \frac{1}{S_{23}} \int S_{0} t \tilde{U}_{0} dX_{2} dX_{3} = \frac{1}{S_{23}} \int \overset{\sim}{S_{10}} (X_{2}, X_{3}) dX_{2} dX_{3}$ $\vec{J}_{20} = \frac{1}{J_2} \int \vec{U}_0 dZ_2 = \frac{1}{S_{13}} \int \int Z_0 t \vec{U}_0 dX_1 dX_3 = \frac{1}{S_{13}} \int \int \vec{J}_{20} (X_1, X_3) dX_1 dX_3;$ (55) $\vec{J_{30}} = \frac{1}{J_3} \iint_{U_0} dZ_3 = \frac{1}{S_{12}(S_{12})} \iint_{U_0} dX_1 dX_2 = \frac{1}{S_{12}(S_{12})} \iint_{U_0} dX_1 dX_2,$

где $\vec{U_0}dz_i$ – элементарная циркуляция поля ускорений сейсмического движения грунта по приращению радиуса вектора вдоль замкнутого контура L: (i = 1, 2, 3):

вектора вдоль замкнутого контура L_i (i = 1, 2, 3); J_i – мощность (интенсивность) вихревого поля по замкнутому контуру L_i .

Поле ускорения ротации $\vec{J}_{0}(X_{i})$ определяется по данным поля ускорения поступательного движения $\vec{J}_{0}(X_{i})$ с помощью векторного оператора ротации [3], [15]

$$\vec{J}_{0}(X_{i}) = \operatorname{Zot} \vec{U}_{0}(X_{i}) = (\underbrace{\frac{3}{2}}_{i=1}^{2} \frac{\partial}{\partial X_{i}} j_{i})^{\times} \vec{U}_{0}(X_{i}) = \left. \begin{array}{c} \vec{J}_{1} & \vec{J}_{2} & \vec{J}_{3} \\ \frac{\partial}{\partial X_{1}} & \frac{\partial}{\partial X_{2}} & \frac{\partial}{\partial X_{3}} \\ \vec{U}_{10} & \vec{U}_{20} & \vec{U}_{30} \end{array} \right|,$$
(56)

где ј_і – орты осей х_і ; Х – знак векторного произведения.

Развернув (56), получим следующие значения компонент поля ротации:

$$\begin{array}{c} \ddot{\mathcal{L}}_{10}(X_{\ell}, X_{3}) = \frac{\partial \ddot{\mathcal{L}}_{30}}{\partial X_{2}} - \frac{\partial \ddot{\mathcal{L}}_{00}}{\partial X_{3}}; \\ \dot{\mathcal{L}}_{20}(X_{\ell}, X_{3}) = \frac{\partial \ddot{\mathcal{L}}_{10}}{\partial X_{3}} - \frac{\partial \ddot{\mathcal{L}}_{10}}{\partial X_{4}}; \\ \dot{\mathcal{L}}_{30}(X_{\ell}, X_{2}) = \frac{\partial \ddot{\mathcal{L}}_{00}}{\partial X_{4}} - \frac{\partial \ddot{\mathcal{L}}_{10}}{\partial X_{2}}. \end{array}$$

$$(57)$$

Компоненты *Шіо* определяются волновыми функциями соответствующих сейсмических волн, поэтому их значе -

ния во многом зависят от типа грунтов, в которых распространяются волны.

После осреднения в (55) компонент ротации (57) по площадям Sij, определяющим объем V, получим, что инвариантная интенсивность углового ускорения вращения сейсмического воздействия представляет в общем виде функцию от объема осреднения V, типа грунтов и инварианта интенсивности ускорения поступательного движения I (51), (52), т.е.

¦аб)- ƒ (V, тип грунтов, I). (58)

Явный вид функций (58) устанавливается при исследованиях свойств полей сейсмического движения грунта. Обычно это функции убывающие по мере увеличения V, возрастающие для более слабых грунтов по мере роста I. Нормировать такие функции по всей совокупности их аргументов сложно. Поэтому в п.2.15 вводится функция (12), отнормированная (безотносительная) на вели – чину I, которая является инвариантной характеристикой уровня ротации сейсмических движений грунта

$$W = \frac{|\vec{\sigma_0}|}{I} = \mathscr{G} (V, \text{ тип грунтов}) (1/M). (59)$$

Для каждого типа монохроматических волн эту характеристику можно получить в безразмерном виде. Сложнее привести ее к безразмерному виду для спектра волн. Поэтому целесообразно оставить W в размерном виде. Типы грунтов целесообразно принять по категориям СНиП П-7-81. Тогда (**19**) можно представить в виде

$$W(\mathbf{V}) = \mathbf{C} \mathbf{e}^{-\kappa \mathbf{V}} \qquad (1/\mathbf{M}), \qquad (60)$$

где С (м⁻¹) и К (м⁻³) – аппроксимирующие коэффициенты, значения которых зависят от категории грунтов.

Поскольку, как отмечалось выше, при определении объема осреднения V возникают сложности, то целесообразно заменить аппроксимирующую функцию (60) на функцию (12), (13), в зависимости от наименьшего размера сооружения в плане.

Движения грунта при землетрясениях определяются осциллирующими процессами. Поэтому, кроме интенсивности векторов сейсмического воздействия, должен быть определен их спектральный состав. Как известно, векторы могут быть определены двумя способами: компонентами или модулем и направляющими косинусами с дополнительной связью в виде их нормировки. Соответственно определяется спектральный состав компонент или моду ля и направляющих косинусов. Данными о спектральном составе динамического возмущения для расчета линейных систем являются спектры коэффициентов динамичности.которые определяются в результате ряда преобразований исходной информации. В работе [15] показана взаимосвязь между спектрами Фурье детерминированных осциллирую щих процессов и слектральными плотностями Случайных процессов, интегральными преобразованиями которых опрелеляются спектры коэффициентов динамичности, пред ставляющие функции частот (периодов) и коэффициентов рассеяния (потерь) энергии при колебаниях системы. B / 157 приведена структура необходимых для расчета спектров коэффициентов динамичности при двух способах представления расчетной информации о векторах сейсмического воздействия. При компонентном способе представления информации требуется исходить из коэффициентов динамичности компонент векторов, а при пространственноинвариантном способе - из коэффициентов динамичности модулей и направляющих косинусов. С помощью этих KOэффициентов динамичности вычисляются коэффициенты динамичности отдельных форм колебаний (24), которые, как показано в / 15 /, представляются отдельными квадра тичными формами со структурой, зависящей от способа представления информации и от учитываемых корреляционных связей между векторами воздействия и их составляющими. В [15] дан анализ этих квадратичных форм для обоих способов представления информации. Показано, что при отсутствии корреляции данные квадратичные формы принимают однородный вид (представляют сумму квадратов отдельных составляющих), для которого становится возможным применение упрощающих преобразований и сведение результатов к простым формулам для определения коэффициентов динамичности отдельных форм колебаний. В настоящих Рекомендациях целесообразно привести компонентный способ представления спектральной информации о векторах воздействия. При отсутствии корреляций коэффициенты динамичности отдельных форм колебаний определяются в виде (24), а спектральная информация о векторах $\vec{\chi}_0$ и $\vec{\chi}_0$ определяется диагональными матрицами вида:

$$\begin{bmatrix} \beta_{\vec{X}_{0}}^{\omega}(T) \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \beta_{\vec{X}_{0}}^{\omega}(T) & 0 & 0 \\ 0 & \beta_{\vec{X}_{20}}^{\omega}(T) & 0 \\ 0 & 0 & \beta_{\vec{X}_{20}}^{\omega}(T) \end{bmatrix}; \quad (61)$$

$$[\beta_{dg}^{**}(T)] = \begin{bmatrix} \beta_{dg}^{*}(T) & 0 & 0 \\ 0 & \beta_{dgg}^{*}(T) & 0 \\ 0 & 0 & \beta_{dgg}^{*}(T) \end{bmatrix}, \quad (62)$$

где 7 – период собственных колебаний рассматриваемого сооружения.

Ненулевые диагональные члены матриц определяются по автокорреляции процессов компонент векторов

 $\vec{X}_0(t)$ и $\vec{X}_0(t)$ по методике [7], [12], [15] в зависимости от принятых значений коэффициентов потерь энергии. Нулевые члены матриц (61), (62) соответствуют коэффициентам динамичности, определяемым по функциям взаимной корреляции между компонентами $\vec{X}_0(t)$ и $\vec{G}_0(t)$. Нулевыми эти члены приняты по двум причинам:

 в настоящее время данных по коэффициентам динамичности, определенным по взаимной корреляции между процессами компонент векторов воздействия очень мало и не представляется возможным их нормировать;

- при учете этих корреляций формулы по определению коэффициентов динамичности для отдельных форм колебаний (24) существенно усложняются [15].

Для каждой из матриц (61), (62) диагональные компоненты приняты равными между собой. Тогда (61), (62) можно представить в виде:

$$[\beta_{\vec{X}_o}(T)] = \beta_{\vec{X}_o}(T) \cdot E; \qquad (63)$$

$$[\beta_{do}^{+}(T)] = \beta_{do}(T) \cdot E, \qquad (64)$$

где Е - единичная матрица.

Поскольку настоящие Рекомендации составлены в раз-Вї (Т) принят по данвитие СНиП П-7-81 / 17 Л, то ным норм. Коэффициенты динамичности зависят так же от коэффициентов потерь энергии и от типа (категории) грунтов. Поэтому в Рекомендациях коэффициенты динамично сти процессов ускорения поступательного движения грунта были нормированы на свои максимальные значения и представлены в виде (14), что дает возможность дифференцированного учета грунтовых условий и потерь энергии при колебаниях рассматриваемых систем. Грунтовые условия учитываются коэффициентом Кгр по данным табл. 8. Потери энергии учитываются коэффициентом 🏻 🗶 . значения которого соответствуют данным СНиП П-7-81 И принимаются по данным табл. 9. Нормированьые значения βж. (T) зависят толь..о коэффициентов динамичности от периодов собственных колебаний и в соответствии С требованиями СНиП П_7_81 в зависимости от категории грунтов определяются кривыми рис. 4 или вычисляются по формулам (15), (16), (17).

Коэффициенты динамичности процессов углового ускорения сейсмического воздействия яты в Рекомендациях по данным, обработанным для ря – да землетрясений. Эти коэффициенты динамичности также зависят от грунтовых условий, потерь энергии и периодов собственных колебаний. Поэтому в Рекомендациях они приняты в нормированном виде (18). Грунтовые vcловия учитываются тем же коэффициентом К , полученные в результате обработки значения которого совпадают с данными СНиП П-7-81. Потери энергии при колебаниях систем при обработке учитывались в более широком диалазоне, чем по данным СНиП П_7-81, в частности К принимались равными: 0,1; 0,05; 0,02; 0,01 значения и 0.005. В (18) потери энергии учитываются коэффициен-6, значения которого приведены в табл.10. Нортом мированные значения коэффициентов динамичности (T) <u>τ</u> завиоят только от периодов собственных колебаний и не зависят от категории грунтов. График этой функции дан на рис.5. а аппроксимирующие функции определяются в виде (19).

Следующей характеристикой сейсмического воздействия являются параметры его ориентации в пространстве, которые определяются в соответствии с требованиями п.2.17. Ориентация векторов сейсмического воздействия в пространстве определяется по их направляющим косинусам, которые отсчитываются относительно соответствующих осей. В п.2.17 описаны эти оси и даны условия нормировки направляющих косинусов для векторов $\overline{X_0}$ (20) и $\overline{C_0}$ (21). Таким образом, расчетные параметры орнентации в пространстве сейсмического воздействия определяются соответствующими значениями направляющих косинусов. В п.2.17 рекомендуется исходить из двух групп значений направляющих косинусов:

- наиболее вероятные значения для заданного района строительства, которые следует принимать как проверочные. Эти значения рекомендуется принимать с учетом данных конкретной сейсмологической обстановки;

- основные расчетные значения направляющих косинусов, расчет на которые является обязательным.

Сейсмическое воздействие может иметь произволь – ную ориентацию в пространстве. Поэтому основные расчетные значения направляющих косинусов должны быть приняты такими, чтобы при них реализовывался макси – мум динамической реакции для рассматриваемой формы колебаний. Максимум любого параметра динамической ре-

акции имеет место при максимуме коэффициента динамичности для рассматриваемой формы колебаний (24). Поэтому задача сводится к исследованию на максимум функции うご。 Vicio (24) по параметрам и (i = 1, 2, 3).Причем, по этим параметрам функция (24) линейна. т.е. образует плоскость, для которой не существует экстре мумов. Однако, учитывая нелинейные связи между направляющими косинусами в виде их нормировки (20). (21), эта функция преобразуется в поверхность второго порядка, для которой уже Существуют экстремумы и задача сводится к их определению. Такая задача может быть решена при двух типах условий:

- векторы \overline{X}_{o} и \overline{a}_{o} независимы друг от друга, что приводит к независимости между их направляющими косинусами $\overline{Y}_{X_{10}}$ и $\overline{Y}_{\overline{X}_{10}}$;

_ между векторами сейсмического воздействия существует определенная взаимосвязь, т.е.

$$\frac{1}{\alpha_o} = \int \left(\frac{1}{X_o} \right), \qquad (35)$$

что приводит к соответствующей зависимости между

^ухю^и ^чсю. Первая задача решается при свободной вариации с учетом связей (20), (21). VXIO H **Vä**io Вторая задача решается сложнее и требует дополнительного исследования функций (65). Решение первой задачи дано в виде (22), (23), который для каждой формы колебаний определяет ориентацию X. и ᠼ при условии реализации максимума динамической реакции. Физический смысл иллюстрируется на примере одномассовой систе мы, состоящей из одного тела. В этом случае (22) оп ределяют значения направляющих косинусов, при которых

 \overline{X}_{0} совпадает с направлением $\overline{Z}_{\overline{X}_{1}}$, a $\overline{d}_{0} - \overline{Z}_{\overline{d}_{1}}$.

При других значениях направляющих косинусов максимума динамической реакции не будет. Аналогично можно определить минимум реакции. Для многомассовых систем (из п. тел) физический смысл реакций (22), (23) иллюстрируется сложнее и он менее очевиден. Таким образом, для каждой формы колебаний определяются свои расчетные значения $\sqrt[3]{x}_{io}$ и $\sqrt[3]{x}_{io}$ (i = 1, 2, 3). Результаты расчета сводятся в табл. 11. Расчет режима вынужденных колебаний выполняется в соответствии с Рекомендациями п.п. 2.18 и 2.19 или 2.20.

В соответствии с п.2.18 для каждой формы колебаний и для каждой группы расчетных значений направляющих косинусов векторов X, и do вычисляются коэффициенты динамичности форм по формулам (24), которые представляют частный случай общих квадратичных форм [15] при отсутствии корреляционных связей межd и их компонентами. т.е. для матриц И ДY коэффициентов динамичности компонент в виде (63). (64). Результаты вычислений сводятся в табл. 12. При этом для каждой формы колебаний имеет место один макси мум, соответствуюший экстремальной ориентации 💢 и по (22), (23) Ï.

$$\beta_{j}^{(j)} = \frac{\beta_{\tilde{X}_{0}}(T_{j}) \sqrt{\frac{2}{E_{1}^{2}} (a_{i}^{(j)})^{2}} + \beta_{\tilde{G}_{0}}(T_{j}) \sqrt{\frac{2}{E_{1}^{2}} (\beta_{i}^{(j)})^{2}}}{M_{j}},$$
(66)

где $a_i^{(j)}$ и $b_i^{(j)}$ – коэффициенты (23) для ј –ой формы колебаний; M_i – масса сооружения, приведен – ная к ј –ой форме, значения которой располагаются по главной диагонали таблицы проверки условий ортогональности форм колебаний (см. табл. 7) или вычисляются по формуле

$$M_{j} = \sum_{k=1}^{\infty} \left\{ \overline{Z}_{\overline{x}_{k}}^{(j)} m_{k} \overline{Z}_{\overline{x}_{k}}^{(j)} + \overline{Z}_{\overline{x}_{k}}^{(j)} [\Theta_{k}] \overline{Z}_{\overline{x}_{k}}^{(j)} \right\}.$$
(67)

Далее в расчете режима вынужденных колебаний выполняются требования либо п. 2.19, либо п. 2.20, в зависимости от того, какой метод расчета был принят при описании упругих свойств расчетной динамической модедели.

Если расчет упругой системы выполнялся согласно п.2.7 по методу сил и от действия единичных сил и моментов определялись перемещения для формирования матрицы податливости (40) (см. табл. 2), а также определялось соответствующее напряженно-деформированное COстояние рассчитываемых несущих конструкций, то расчетными параметрами являются векторы сейсмических сил и моментов, которые вычисляются по формулам (25). приведенным в п.2.19. Векторы сейсмических сил мо-(i) ментов по (25) вычисляются для всех значений (см. табл. 9), т.е. для каждой формы колебаний и для каждого варианта ориентации векторов x _ и da. При этом для каждой формы колебаний максимальные значения векторов сил и моментов имеют место при значениях направляющих косинусов по (22). Все результаты этого расчета целесообразно сволить в табл. 13.

Если расчет упругой системы выполнялся согласно п.2.8 по методу деформаций и от действия единичных перемещений и угловых поворотов определялись реакции для формирования матрицы жесткости (44) (см. табл. 4), а также определялось соответствующее напряженно-деформированное состояние рассчитываемых несущих конструкций, то основными расчетными параметрами являются векторы перемещений центров масс и углов вращения масс, которые вычисляются в виде (26). Векторы перемещений и углов вращения (26) вычисляются для каждой формы колебаний и для каждого варианта ориентации 🕱 и 🗟 . β.(1) по табл. 12. Для т.е. всех значений каждой формы колебаний имеет место один максимум значений x^(j,j) J (j,j) J (1) векторов при И r χio din по (22). Результаты такого расчета следует паспортизировать в виде табл. 14.

Алгоритм определения основных расчетных параметров (сил и моментов по фоомуле (25) или перемещений и углов вращения по (26)) построен на основе замкнутых решений линейных дифференциальных уравнений движения масс сооружения в предположении упругой (линейной) работы материала несущих конструкций при малых величинах перемещений и углов вращения масс. Внешнее воз-

действие принимается по нормированным обработкам записей реальных землетрясений, при которых, в зависимости от заложенных резервов прочности в сооружении как правило, развиваются пластические деформации, местные повреждения, приводящие к Снижению сейсмической нагрузки. В рамках линейных методов расчета эти явления невозможно учесть. Поэтому при определении ОСН ОВН ЫХ расчетных параметров по (25) или (26) вводится коэффи-, учитывающий допускаемый уровень накоплеииент К ния пластических деформаций и другие местные повреж дения, не приводящие к разрушению сооружения в целом. Значение этого коэффициента зависит от вида рассчитываемого сооружения и всегда 🥲 🕹 1. Если сооружения относятся к категории особо ответственных и в нем не попускается образование каких-либо местных поврежде всегда должен приниматься равным едининий, то К це. В других случаях, когда допускается образование пластических деформаций, значение κ всегда меньше единицы и зависит от индивидуальной способности принятой конструктивной схемы сооружения к образованию и накоплению в ней пластических деформаций. В ходе выполнения расчетно-проектных работ значение К может корректироваться в зависимости от рассматриваемой конструктивной схемы и должно утверждаться заказчиком применительно к окончательному принятому варианту, или оцениваться углубленными исследованиями.

Определение расчетных значений внутренних усилий в несущих конструкциях сооружения

Рассматриваемые методы позволяют определять внутренние усилия в несущих конструкциях без дополнительного статического расчета сооружения на действие найденных значений сейсмических сил и моментов. Ис – ходными данными для определения внутренних усилий в рассматриваемых несущих конструкциях являются данные статического расчета (см. табл. 1) на действие единичных сил и моментов по п. 2.7 при формировании матрицы податливости [δ] или аналогичные данные от действия единичных перемещений и углов вращения (см.

136

табл. 3) по п. 2.8 при формировании матрицы жесткости а также фактические величины сейсмических [1] сил и моментов (см. п.2.19, табл. 13) или соответствующие фактические величины перемещений и углов вращения (см. п.2.20, табл. 14). Задача сводится к корректировке единичных значений внутренних усилий (табл. 1 или табл. 3) на фактические значения нагрузки по п. 2.19 (табл. 13) или на фактические значения перемещений и углов вращения по п. 2.20 (табл. 14). Алгоризм этого расчета сформулирован в п.п. 2.21. 2.22. где п. 2.21 И п.2.22 относятся к различным методам. Поэтому, в зависимости от принятого в конкретном случае метода, следует гыполнять требования только одного из этих пунк-TOB.

Если расчет упругих свойств выполнялся в соот ветствии с требованиями п.2.7 по методу сил для noстроения матрицы податливости [8] и при этом определялись внутренние усилия от действия единичной нагрузки (см. табл. 1), а также по п.2.19 вычислялись фактические величины сейсмических сил И моментов (см. табл. 13), то необходимо выполнять требования п.2.21 по корректировке данных табл. 1 на данные табл. 13. В соответствии с (27), внутренние силы и моменты определяются произведением единичных значений (см. табл. 1) на фактические величины сейсмических сил И моментов (см. табл. 13) с последующим суммированием по всем силам и моментам, относящиеся к рассматриваемой форме колебаний. Таким образом, для каждой формы колебаний и при каждом варианте ориентации векторов сейсмического воздействия определяются требуемые для расчета внутренние усилия. Результаты такого расчета сводятся в табл. 15.

Если расчет упругих свойств выполнялся в соответствии с требованиями п. 2.8 по методу деформаций для построения матрицы жесткости и при этом определялись внутренние усилия от действия единичных перемещений и углов поворота (см. табл. 3), а также по п.2.20 вычислялись фактические величины перемещений и углов вращения масс (см. табл. 14), то необходимо выполнить требования п.2.22 по корректировке данных табл. 3 на

данные табл. 14. Согласно (28), внутренние усилия (силы и моменты) определяются произведением единичных значений (см. табл. 3) на фактические величины переуглов вращения (см. табл. 14) мещений и С последующим суммированием по всем перемещениям и врашения. относящимся к рассматриваемой vr лам колебаний. B результате для каждой формы форме колебаний и для каждого варианта ориентации векторов сейсмического воздействия определяются требуемые для расчета внутренние усилия, которые сводятся в табл.16.

Данные табл. 15 и 16 представляют эквивалентный результат. Поэтому дальнейшая обработка этих данных выполняется безотносительно к применяемым методам расчета. Эта обработка выполняется в соответствии с п.п. 2.23-2.24.

Результаты табл. 15 и 16 представляют внутрен ние усилия для каждого варианта ориентации векторов сейсмического воздействия по всем формам колебаний. Согласно п.2.23 для каждого варианта ориентации векто ров сейсмического воздействия определяются расчетные значения внутренних усилий, как среднеквадратичные величины (см. п.2.10 СНиП П-7-81) значений, соответствующих отдельным формам колебаний. Следует иметь ввиду, что каждый вариант ориентации векторов Сейсмического воздействия по (22) определяет максимум значений внутренних усилий по соответствующей форме колебаний, а все другие формы колебаний будут приводить к малой добавке при определении расчетных значений внутренних усилий. С учетом определения максимума реакции по ориентации векторов воздействия (см. (22)) BOILDOC ο суммировании эффектов от отдельных форм колебаний приобретает менее острый характер. Такая ситуация выражается более явно, когда векторы коэффициентов форм для различных колебаний маоф различно ориентированы в пространстве. Таким образом, цля каждого варианта ориентации векторов сейсмического воздействия расчетные значения внутренних vСИЛИЙ определяются, в основном, максимумами по соответствуюшей форме колебаний. Для каждого варианта ориентации 🗙 и 🛴 эти расчетные значения Сведены в табл.17.

Согласно п.2.24 выполняется анализ расчетных значений внутренних усцлий по данным табл.17. Из расчетных значений внутренних усилий, соответствующих разx, личным вариантам ориентации И ਕ_ дЛЯ проверки несущей способности рассматриваемого элемента принимаются максимальные значения, по KOTOрым в сочетании с усилиями от других нагрузок проверяется прочность рассматриваемого элемента. Параллельно принятые значения определяют наиболее невыгодную ориентацию векторов сейсмического воздействия для рассматриваемого элемента сооружения. Для другого элемента сооружения наиболее невыгодной может быть другая ориентация векторов воздействия.

Список литературы

- Инструкция по определению расчетной сейсмической нагрузки для зданий и сооружений. - М.: Госстройиздат, 1962. - 127 с.
- 2. Йованович II. Статика сосружений в матричной форме. – М.: Стройиздат, 1984. – 271 с.
- 3. Корн Г., Корн Т. Справочник по математике для научных работников и инженеров. - М.: Наука, 1976. -832 с.
- 4.Ландау Л.Д., Лифшиц Е.М. Теория поля. М.: Наука, 1973. - 504 с.
- 5.Лурье А.И. Аналитическая механика. М.: Наука, 1961. – 336 с.
- 6. Назаров Ю.П., Васюнкин А.Н. Векторный анализ записей сильных землетрясений//Тр. ин-та/ЦНИИСК им. В.А.Кучеренко. - 1983. - Исследования по теории сейсмостойкости сооружений. - С. 79-91.
- 7. Назаров Ю.П., Аюнц В.А., Джинчвелашвили Г.А. Численные параметры векторов сейсмического воздействия Газлийского землетрясения 1976 г.//Строительная механика и расчет сооружений. – 1984. – № 2. – С. 41-45.
- 8. Николаенко Н.А., Назаров Ю.П. Динамика и сейсмостойкость пространственных конструкций и сооружений//Исследования по теории сооружений. – 1977. – Вып. XXШ. – С. 66-98.

- 9. Николаенко Н.А., Назаров Ю.П. О пространственных колебаниях сооружений при сейсмических воздействиях//Строительная механика и расчет сооружений.-1979. – № 3. – С. 57-63.
- Николаенко Н.А., Назаров Ю.П. Вопросы динамики и сейсмостойкости пространственных конструкций и сооружений//Гр. ин-та/ МИСИ им. В.В.Куйбышева.-1980. – Проблемы расчета пространственных конструкций. – С. 106-134.
- Николаенко Н.А., Назаров Ю.П. Векторное представление сейсмического воздействия//Строительная механика и расчет сооружений. - 1980. - № 1. -С. 53-59.
- Николаенко Н.А., Поляков С.В., Назаров Ю.П. Оценки интенсивности и спектрального состава компонент векторов сейсмического воздействия//Строительная механика и расчет сооружений. - 1983. - № 1. -С. 58-63.
- Николаенко Н.А., Назаров Ю.П. Инвариантные оценки случайных векторов динамического воздействия// Строительная механика и расчет сооружений. - 1983.-№ 6. - С. 54-60.
- Николаенко Н.А., Назаров Ю.П. Формирование расчетных динамических моделей сооружений//Строительная механика и расчет сооружений. - 1984. -№ 4. - С. 37-40.
- Николаенко Н.А., Назаров Ю.П. Динамика и сейсмостойкость сооружений. – М.: Стройиздат, 1987.– 222 с.
- Справочник по динамике сооружений/Под ред. Б.Г. Коренева, И.М.Рабиновича. – М.: Стройиздат, 1972. – 511 с.
- СНиП П-7-81. Строительство в сейсмических районах. – Ч. П, гл. 7.

СОДЕРЖАНИЕ

			-
58 Y	Πŗ	Предисловие	
	1.	Общие положения	4
	2.	Алгоритм расчета по определению сейсмической нагрузки на сооружения с учетом пространст- венного характера воздействия и работы кон- струкций	7
		Выбор расчетной динамической модели сооруже- ния и определение ее параметров	8
		Описание упругих свойств расчетной динамичес- кой модели сооружения	11
		Расчет режима свободных колебаний	18
		Расчетные параметры сейсмического воздей- ствия	26
	Пр	Расчет режима вынужденных колебаний	33
		Определение расчетных значений внутренних усилий в поперечных сечениях несущих конст- рукций сооружения	4 0
		оиложение]. Пример расчета по определению сейсмической нагрузки на колонны силосного корпуса	4 <u>8</u> 7
	Пı	риложение 2. Пример расчета сейсмической на- грузки на колонны и диафрагмы жесткости трехэтажного каркасного здания	71

141

Стр.

Приложение 3. Основные положения расчета по	
определению сейсмической нагрузки с уче-	
том пространственного характера воздейст- вия и работы конструкций сооружения	97
Расчетные динамические модели сооружений и их параметры	97
Описание упругих свойств расчетной динами- ческой модели сооружения	108
Расчет режима свободных колебаний	116
Расчетные параметры сейсмического воз- действия	121
Расчет режима вынужденных колебаний	134
Определение расчетных значений внутренних усилий в несущих конструкциях сооружения	136
Список литературы	139

ЦНИИСК им. В.А.Кучеренко

Рекомендации по определению расчетной сейсмической нагрузки для сооружений с учетом пространственного характера воздействия и работь: конструкций

Редактор Л.В.Рогова

Сдано в набор 20.01.89 г. Подписано к печати 14.04.89 Формат 60х90 1/16 Уч.-изд.л. 5,2 Усл.кр.-отт. 5,2 Тираж 250 экз. Заказ № 384 Цена 1 руб.

Производственно-экспериментальные мастерские ВНИИНТПИ Госстроя СССР 121471, Москва, Можайское ш., 25